





تأليف زياودن ساردر جيرى رافتز بورين فان لون ترجمة ممدوح عبد المنعم محمد مراجعة وإشراف وتقديم إمام عبد الفتاح إمام



# المشروع القومى للترجمة أقدم لك ...

# علم الرياضيات

تألیف زیاودن سیاردر جیری رافتز بورین فان لون

ترجمة ممدوح عبد المنعم مراجعة وإشراف وتقديم إمام عبد الفتاح إمام

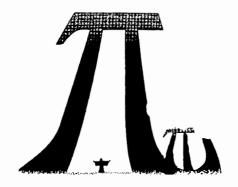
المجلس الأعلى للثقافة ٢٠٠٢

# رقم الإيداع بدار الكتب المصرية ٢٠٠٢/٤١٧١

الترقيم الدولى I.S.B.N 977-5769-45-0

### المشروع القومى للترجمة بإشراف: جابر عصفور

# هذه ترجمة لكتاب THE MATHEMATICS



Ziauddin Sardar Jerry Ravetz and Borin Van Loon

حقوق الترجمة والنشر بالعربية محفوظة للمجلس الأعلى للثقافة ۷۳٥٨٠٨٤ ناكس: ۷٣٥٢٩٩٦ فاكس: ٤ Gabalaya St. Opera House, El Gezira, Cairo Tel: 7352396 E.Mail: asfour@oncbox.com

تهدف إصدارات المشروع القومي للترجمة إلى تقديم كافة الاتجاهات والمذاهب الفكرية للقارئ العربي وتعريفه بها ، والأفكار التي تتضمنها هي اجتهادات أصحابها في ثقافاتهم المختلفة ولا تعبر بالضرورة عن رأى المجلس الأعلى للثقافة.

### «مقدمة»

#### بقلم المراجع

«أقدِّم لك.. هذا الكتاب!»

هذا هو الكتاب الحادى عشر في سلسلة «أقدِّم لك..» وهو يدور حول « الرياضيات ..»

والواقع أن الرياضيات ترتبط بالفلسفة ارتباطًا دقيقًا منذ فجر الفلسفة عندما كتب أفلاطون على باب الأكاديمية «مَنْ لم يكن رياضيًا فلا نصيب له عندنا» أو «من لم يكن مهندسًا فلا يدخل علينا». وجعل الرياضيات مدخلاً إلى الفلسفة واشترط كلامه دراسة الرياضيات كخطوة تمهيدية لدراسة الفلسفة ـ ولقد كان برتراند رسل في الفلسفة المعاصرة هو المثل النموذجي لهذه الرابطة ، فقد دخل إلى الفلسفة من باب الرياضيات عندما حاول تعريف «العدد» ، وكما حاول في كتابه «أصول الرياضيات» أن يحدد معنى اللامعرفات.

وربما اشتركت الرياضيات أيضًا مع الفلسفة في خاصيتين هامتين هما «التجريد» و «الصورية» ـ ولعل هذا هو السبب في شكوى الناس من الرياضيات، ومن الفلسفة في آن معًا. (لأن التفكير البشرى يبدأ بالمحسوسات ويتمسك بها ويجد صعوبة في الانتقال من المحسوس إلى اللامحسوس أو المجرد!) ـ ولهذا السبب يبدأ المؤلف في الصفحة الأولى من كتابه بالحديث عن شكوى الناس من الرياضة متصورين أن الناس ينقسمون قسمين أشخاص يفهمون الرياضيات (وهم نوع خاص من البشر) وأشخاص لا علاقة لهم بها!.

لكنه يبين لنا مدى حاجتنا إلى الرياضيات التي يرى أن الحياة لا يمكن تصورها بدونها. فنحن نحتاج إلى الرياضيات في البيع والشراء، وفي التسوق، وإعداد ميزانية

المنزل، وإدارة أعمالنا، وبناء منازلنا، دائماً في أعمالنا المصرفية، وعمل الخرائط، والسفر حول العالم بل حتى إلى الخروج من عالمنا إلى الفضاء الخارجي! بل إن الرياضيات ضرورية للعلم والاقتصاد والطب والتكنولوجيا باختصار هي المحرك الذي يحرك حضارتنا الصناعية!.

ثم يبدأ المؤلف في الحديث عن «علم الحساب» وتاريخه ومساره مع مراحل البشرية والحضارات القديمة، وهو العلم الذي بدأ عند القبائل البدائية بالعد فالعد قديم قدم الكتابة أو لعلة أقدم منها، فقد استخدم الإنسان الأول الخطوط القائمة للدلالة على الأرقام، فرسم الواحد هكذا I والاثنين هكذا II والثلاثة هكذا III .. الخ، واستخدم الصينيون هذا الأسلوب حتى الخمسة IIII ، ثم عبروا عن الستة بخط قائم يعلوه خط أفقى TT وعن الشبعة بخطين قائمين يعلوهما خط أفقى TT وعن الثمانية بثلاثة خطوط يعلوها خط أفقى TTT وهكذا.

II ورمزوا للعشرة بباب مقنطر ضيّق  $\Omega$ ، ومعظم طرائق العد مبنية على أساس الخمسة ورمزوا للعشرة بباب مقنطر ضيّق  $\Omega$ ، ومعظم طرائق العد مبنية على أساس الخمسة باعتباره عدد أصابع اليد الواحدة، أو على العشرة باعتبار عدد أصابع اليدين الاثنتين، أما البابليون فاتخذوا من الستين وحدة عددية، ودوّن اليونان الأعداد بالحروف الهجائية فجعلوها حرف  $\alpha$  للواحد، وحرف  $\alpha$  للاثنين، وهكذا حتى العشرة، واعتبروا الد فالحادى عشر مقابل العشرين، والحرف الثاني عشر مقابل الثلاثين .. وهكذا.

أما الهنود فقد جعلوا للأرقام رموزًا مستقلة هي ٢, ٢, ٣, ٢, ٥ .. الخ، واخترعوا الصفر، لكنهم لم يحسنوا استغلال تلك الأرقام ولم يفيدوا من اختراع الصفر.

ولقد أخذ العرب هذه الأرقام والصفر عن الهنود وعن العرب أخذ الغربيون الأرقام الهندية وسموها الأرقام العربية، وأخذوا الصفر أيضًا باسمه العربي «صفر» (أى فارغ أو خال) ولفظ Cipher في الإنجليزية (ومعناها صفر أيضًا) خير دليل على ذلك، ويقال: إن اختراع الصفر كان من أهم المنجزات الفكرية وبدون ما كانت الرياضيات الحديثة أمرًا ممكنًا..

والواقع أن الكتاب يعطى للحضارة العربية دورًا عظيمًا فيما أسهمت به في تاريخ

الرياضيات فنراه يقول صراحة: «قام المسلمون بتوحيد الفكر الرياضى فى جميع الحضارات السابقة عليهم فأدمجوا الجبر والعلاقات الحسابية البابلية والصينية والهندية بالعلاقات الهندسية اليونانية والهلنستية، وينتهى إلى أنهم كانوا على درجة عالية جدًا من الجرأة فى «تعاملهم مع العمليات الحسابية» ثم يتحدث عن شخصيات عظيمة مثل الخوارزمى «مؤسس علم الجبر» وتطويره عند «الصموعل» والكراجى، وعمر الخيام الشاعر وعالم الرياضيات، والبطانى وغيرهم من أعلام المفكرين المسلمين..

والكتاب في الواقع متعة لا تقدر حتى بالنسبة لغير المتخصص ، وإننا لنأمل أن نكون بترجمته قد قدمنا خدمة متواضعة في المشروع القومي للترجمة.

والله نسأل أن يهدينا جميعًا سبيل الرشاد،،

المشرف على المشروع إمام عبد الفتاح إمام

### لماذا الرياضيات؟

يئن كل شخص عند الذكر المطلق للرياضيات ، فالكثير من الناس يعتقدون أن العالم مقسم إلى نوعين من الناس . الأول هم الأشخاص بالغو الذكاء الذين يفهمون الرياضيات وهم بالطبع ليسوا من النوع الذي يمكن مقابلته في إحدى حفلات السمر ...



ولكننا جميعاً نحتاج لفهم الرياضيات إلى حد ما، فبدون الرياضيات لا يمكن تصور الحياة.





فى الواقع أصبحت الرياضيات دليلنا للعالم الذى نعيش فيه، العالم الذى نشكله ونغيره والذى نعتبر نحن جزءًا منه. ولأن العالم أصبح معقداً لدرجة كبيرة وكذلك الأشياء المشكوك فيها أصبحت مهمة ومنذرة ، فنحن نحتاج الرياضيات لوصف المخاطر التى نواجهها ولنخطط لمعالجتها.

وتتطلب قدرة التعامل مع الرياضيات موهبة خاصة ومهارة مثل أى مجال آخر للمحاولات البشرية كالرقص مثلاً. والرياضيات أنيقة جداً وجميلة فى روحها تماماً مثل الأداء الجاد المعقد لفرقة الباليه الماهرة. وبالرغم من أن معظمنا لا يستطيع أن يكون راقص باليه محترف لكننا نعرف كيفية الرقص وفعلياً من الممكن أن نرقص . وبالمثل يجب أن نعرف جميعاً ما تتناوله الرياضيات وأن تكون لدينا القدرة على فهم ومعالجة بعض الخطوات الأساسية.





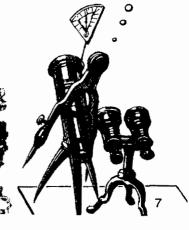
إلى حد ما يستعيد المبتدئون في الرياضيات في أذهانهم خطوات تطور البشرية ر. في معرفة الرياضيات

يتعلم الأطفال فى المدرسة كيفية العد

والحساب والقياس والقياس والقياس والقياس والقياس ويمجرد تعلمهم ذلك تبدو هذه الطرق أنها أنها مليئة بالألغاز.

أصبحت عملية تسمية الأرقام مثل التعويذة وخاصة عند التعامل مع أكبر رقم، فالعد إلى مائة ممل ولكن العد إلى المغد الى ألف يشبه تسلق الجبال! ترى ما هو الرقم الأخير أو أكبر الأرقام على الاطلاق؟

ا إذا لم يكن لهذا موجوداً ، فما يوجد في النهاية؟



كيف أسمينا الأرقام كما نقرؤهم واحداً تلو الآخر، ربما يكفى تسمية عدد قليل من الأرقام. تستطيع بعض الحيوانات تمييز التجمعات المختلفة حتى خمسة أو سبعة أفراد، وما يزيد عن ذلك يطلق عليه «العديد» فقط. ولكن إذا كنا نعرف أن الأرقام تزداد دون توقف فلا يمكننا إطلاق الأسماء الجديدة بدون توقف.



لم تكن لغة الهنود Dakota (١) مكتوبة ولكنها كانت عبارة عن قطعة من القماش مرسوم عليها صور بالحبر الأسود، وفي كل سنة يتم رسم صورة جديدة لتوضيح الحدث الرئيسي في السنة المنقضية.

<sup>(</sup>١) الداكوتا Dakota ـ قبيلة من الهنود الحمر في الولايات المتحدة الأمريكية تستخدم لغة خاصةبها هي اللغة السوانية Siouan (المراجع).

وأفضل طريقة لعملية تنظيم التسمية والعد هي اتخاذ «أساس» وهو عبارة عن رقم يميز بداية العد مرة أخرى. وأبسط أساس هو اثنان، فعلى سبيل المثال قامت مجموعة من الأستراليين البدائيين (Gumulgal) بالعد بالطريقة التالية :

۱ = أورابون

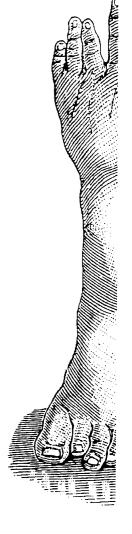
۲ = أوكاسار

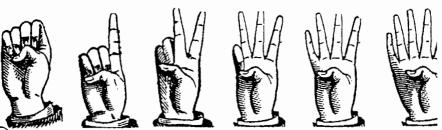
٣ = أورابون - أوكاسار

٤ = أوكاسار - أوكاسار

o = 1000









هناك أساس آخر شائع وهو عشرون (أصابع القدمين واليدين) وقد استخدمه الـ (Yoruba) بالإضافة إلى خاصية الطرح عند التعبير عن الأرقام الكبيرة داخل هذا الأساس.

وقد كان لديهم أسماء مختلفة الأرقام واحد (أوكان) وحتى عشرة (إيوا). ومن إحدى عشر وحتى أربعة عشر كانوا يقومون بعملية الإضافة مثل إحدى عشر هو (واحد بالإضافة إلى عشرة) وأربعة عشر هو «أربعة مضافون إلى عشرة». أما الأرقام من خمسة عشر وحتى تسعة عشر فكانوا يقومون بالطرح مثل خمسة عشر هي «عشرون ناقصة خمسة» وتسعة عشر «هي عشرون ناقصة واحد».

ويظل هذا الأساس مستخدماً في الأرقام الفرنسية حيث إن ثمانين هي «أربعة عشرونات» أما تسعة وتسعون فهي أربعة عشرونات وتسعة عشر.



وعلى ذلك لا يوجد هناك أساس واحد مفضل، ربما يمكننا التفكير في نظام أرقام يتم تصميمه بصفات مختلفة وهي : يسهل تَذَكُّرُه وملائم في تسميته ومفيد في الحساب إلخ.



# الأرقام المكتوبة من الممكن العد بطريقة فعالة في ثقافة ما دون كتابه، ولكن الحساب يتطلب عند ذلك ذاكرة كبيرة ومهارات خاصة. ولما كانت الكتابة منتشرة في الكثير من الحضارات، ظهرت العديد من أنظمة العد، البعض منها كان معقداً تماماً. وقد استخدم الأزتك(٠) نظاماً مبنياً على عشرين به أربعة رموز الواحد رُمز له بنقطة تعبر عن حبة الذرة. ۲۰ تم تمثیلها بعلم. ٤٠٠ تم تمثيلها بنبات الذرة. ٨٠٠٠ تم تمثيلها بدمية الذرة. ويمكن استخدام هذه الرموز للتعبير عن كل أنواع الهيوعلى سبيل المثال الرقم ٩٢٨٧ يمثل كذلك:

(•) الأزتك : شعب متمدن حكم المكسيك قبل أن يفتحها الأسبان.



## ولقد استخدم المصريون القدماء مخطوطة تصويرية (الهيروغليفية) لكتابة أرقامهم.



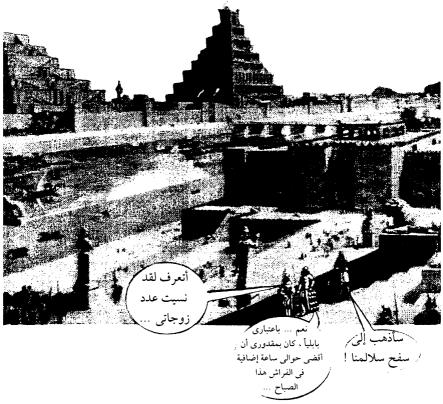
وقد استخدم البابليون نظاماً يتخذ من ٦٠ ومضاعفاته أساساً له بالرموز التالية :

1010 10 100 1000

بعد ذلك قاموا بتطوير نظام مبنى فقط على قيمتين:

🕇 ترمز للواحد أو ٦٠ على حسب موقعها و 🕥 ترمز للعشرة

لذلك يمكن كتابة 00 على النحو التالى : 00 على النحو التالى : 00 +



ولقد بقى النظام السنوني البابلي حتى هذه الأيام، فالدائرة تحتوى على ٣٦٠ درجة والساعة بها ٠ دقيقة ، وتحتوى الدقيقة على ٦٠ ثانية. وقد استخدم الصينيون القدماء نظام أعداد له أساس ١٠ برموز للأرقام من وا-ني عشرة والمائة والألف وكذلك العشرة آلاف ، وبعد ذلك طور الصينيون صب



امصفحة : صفيحة طباعية تصنع بصب المعدن في قالب من الورق المعجون.

وقد قدم الصينيون اختراعاً عظيماً وهو وضع الرموز المكتوبة في عالم من الأسماء المنطوقة للأرقام، وكان هذا عبارة عن نظام له «القيمة المكانية». حيث تعتمد تسمية الرقم (كتعبير عن الكمية) على مكانه في صف الأرقام. لذلك من الممكن أن يكون الرقم (٢) هو اثنان أو عشرون أو مائتان على حسب موقعه، وهذا يعنى أنه لا يلزم تسمية الأساسات الأعلى ، فمن المعروف أن (٢) في الرقم (٢٣٤) تعنى ٢٠٠٠.





أما الهنود فقد طوروا ثلاثة أنواع واضحة لأنظمة الأعداد.

قام (Kharosthi) باستخدام رموز للعشرة والعشرين وتم التعبير عن الأرقام من ١ حتى ١٠٠ بالجمع.

أما الـ (Brahmi) فقد استخدموا رموزاً منفصلة للواحد، الأربعة حتى التسعة والعشرة والمائة ، وهكذا.

أما Gwalior فكان لديهم رموز للأرقام من واحد وحتى التسعة وكذلك للصفر.



ولقد قام الهنود بالتعامل مع الأرقام الكبيرة براحة تامة، حيث أعطت النصوص الهندية القديمة أسماء لأرقام كبيرة مثل (Parardha ).



أما النظام الرومانى فكان يحتوى على عدد سبعة رموز للأرقام : I يعبر عن ١ ، و

V يعبر عن ٥ ، و X يعبر عن ١٠ ، و V يعبر عن ١٠٠ ، و C يعبر عن ١٠٠ ، و M يعبر عن ٥٠٠ ، و M

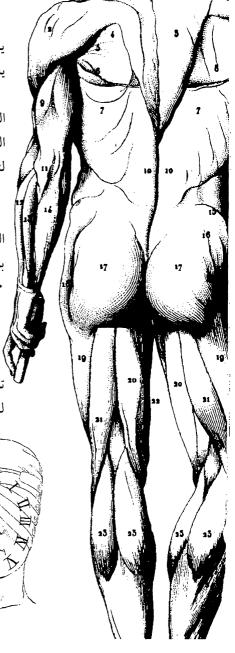
وكانت الأرقام تكتب من اليسار إلى اليمين حيث تكتب الأرقام ذات القيمة الكبيرة في اليسار ثم تُجمع مع بعضها لتعطى قيمة الرقم المشار إليه.

وعلى ذلك LX هو ٦٠.

وللملاءمة، كان الرقم ذو القيمة الصغيرة الموضوع على اليسار يُفسر بالطرح، وعلى ذلك الرقم McM يعنى

والأرقام الرومانية بالرغم من أنها لا تزال تستخدم الآن كوسيلة للتزيين، إلا أنها لم تكن مناسبة لعمل الحسابات السريعة.





وقد أدى استخدام حروف الهجاء للتعبير عن الأرقام إلى ظهور فن التنبؤ العالى فى تطوره والذى يسمى Gomatria . ويقوم أحد الأشخاص بترتيب أحرف كلمة ما أو اسم على وجه الخصوص ليكون رقماً ما ثم يقوم بتفحصه للبحث عن نوع ومعنى لهذا الرقم. والشخص الذى ينتج اسمه رقماً مثل ٦٦٦ (عدد الحيوانات فى التوراة) كان يوضح شيئاً



وقد طورت الحضارة الإسلامية (منذ ٦٥٠ بعد الميلاد وحتى الآن) مجموعتين متشابهتين من الأرقام. كانت واحدة منهم تستخدم في الجزء الشرقي (بلاد العرب وفارس).

أما الأخرى فكانت تستخدم في الجزء الغربي (بلاد المغرب والأندلس). وكلتا المجموعتين كانت تحتوى على عشر رموز من الصفر وحتى التسعة.

المجموعة الشرقية : ١ ٢ ٣ ٤ ٥ ٦ ٧ ٩ ٠

المجموعة الغربية : 0 9 8 7 6 5 5 1 2 3

وقد بقيت المجموعة الشرقية تستخدم حتى الآن في العالم العربي، أما المجموعة الغربية والتي تدعى الأرقام العربية فهي تمثل نظام الأرقام الذي نستخدمه جميعاً في هذه الأيام.



## الصفر

تأخراً نسبياً (حيث تم وضعه في القرن السادس بعد الميلاد. لا الحضارتين الصينية والهندية. وقد كان الصينيون يحتاجو كيف مثل الصينيون المكان الخالي في الرقم مئتين وخمسة ؟ لذلك كان يلزم شيء ما يوضع في المكان الخالي مثل ٥ - ٢ لر كان قد تم تطويره في الحضارة الهندية، حيث إن التأملام قد تطورت بدرجة كبيرة.



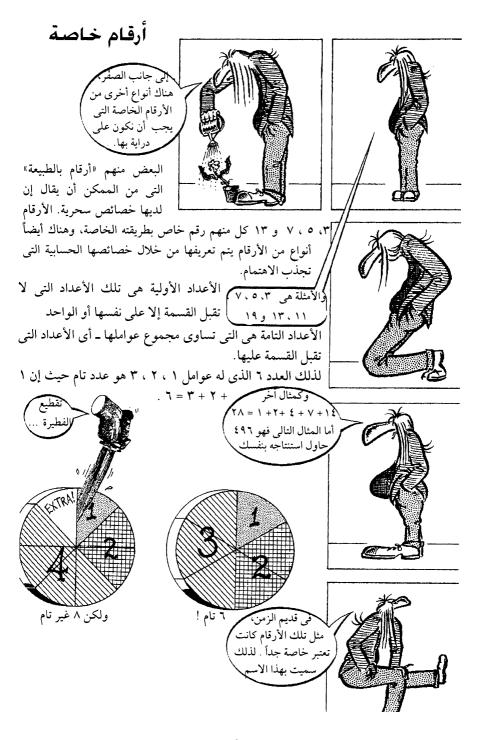


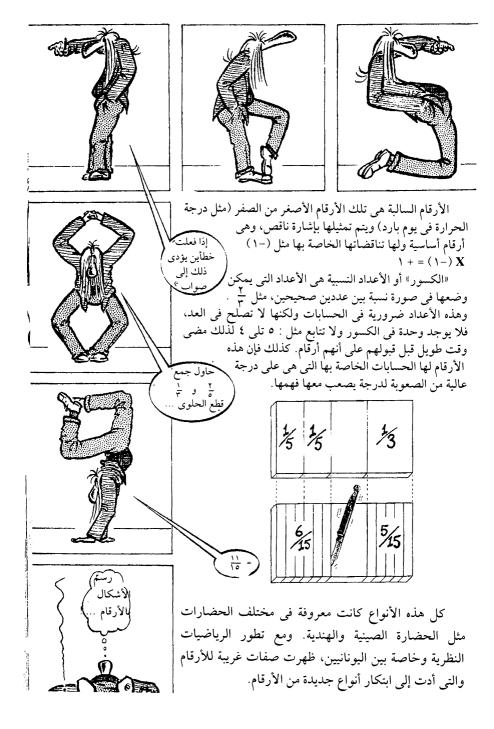
وبينما يعتبر الصفر ضرورياً في الحسابات ولكنه على العقال له «الصفرى». وهناك تناقض واضح في ١٩٩ بالقرن العشرين حيث لم يكن هناك قرن صفر

والصفر له معنيان كما هو واضح من «أضحوكة الصفريات»، حيث يتحدث مرشد في أحد المتاحف إلى المجموعة المدرسية:



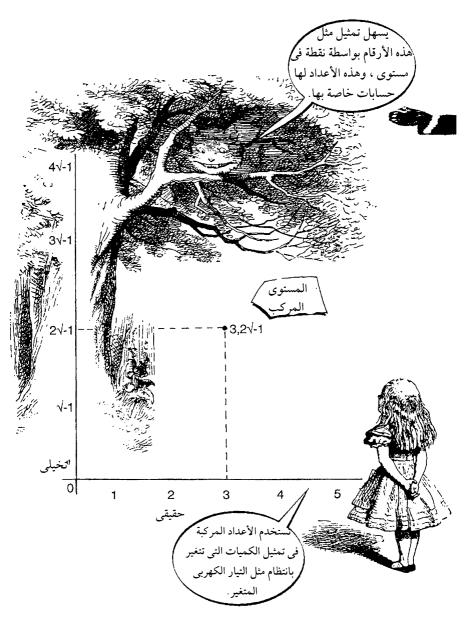
... كما قد تعلمته فى المدرسة! لم يقم أحد بإخبارها أن الأصفار بعد 7 كانوا مجرد ملء خانات وليسوا للعد. فبالنسبة لتلك الأصفار لدينا X Y = Y وكذلك Y + Y = Y اربما الوعى بتلك التناقضات هو الذى جعل الرياضيين الأوائل مرتابين من الأرقام الغريبة مثل الصفر.





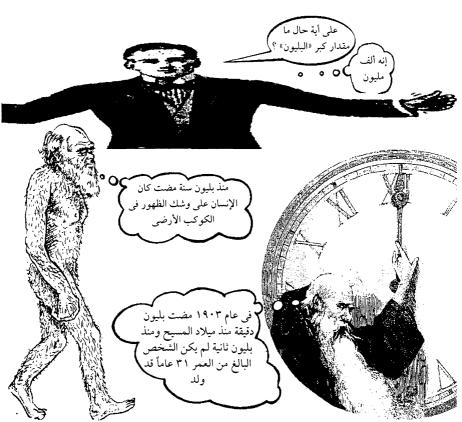
الأرقام غير النسبية وهي الأرقام التي لا يمكن التعبير عنها بنسبة بين رقمين صحيحين. و 💎 هو مثال هام لتلك الأرقام حيث إنه ينتج من العمليات الهندسية فهو طول وتر المثلث قائم الزاوية الذي به طول ضلعي القائمة الوحدة. وتسمى هذه الأرقام بالجذور الصامتة. بعض الكميات لير نسبية، لا يمكن التعبير عنها حتى بأرقام تنتج من  $\pi$ الأرقام هو ط أو عمليات جبرية وهو نسبة محيط ح وعملية اختصار هذه النسب إلى جذور صماء تسمى «تربيع الدائرة» وقد حاول في ذلك علماء الرياضة على مدى قرون حتى تم توضيح أن هذه عملية مستحيلة في الأيام ِ المعاصرة عند ذلك تمت تسمية هذه الأرقام! ...

الأعداد التخيلية تنتج من ضرب الأعداد الحقيقية بالكمية التخيلية، وهى الجذر التربيعي لسالب واحد  $(\sqrt{1-1})$ . وعند إضافة عدد تخيلي لآخر حقيقي يسمى الناتج "الأعداد المركبة".



# الأرقام الكبيرة

تقوم الأرقام الكبيرة بإرهاب الكثير منا لدرجة أننا نجد صعوبة في تقدير القيمة الحقيقية لتلك الأرقام.



ويبدو المائة مليون رقماً أكثر ترويعاً، ولكن في هذه الأيام يعتبر رقماً غير عادى بالنسبة لدولة ما، وخاصة بالنسبة لدولة نامية (أي تكون مدينة بمثل هذا الدين). ولو أن هناك دولة أرادت التخلص من دينها قامت بدفع دولار، أو جنيه



وكيفية الوصول إلى هذه الأرقام الكبيرة بسهولة يتم توضيحه بمثال بسيط وهو الخطاب المتسلسل. يقوم شخص ما بإرسال خطابين إلى شخصين يخبر كلاهما بإرساله إلى اثنين آخرين وهكذا. في هذه الحالة قام الشخص الأول بإرسال خطابين، وفي المرحلة الثانية تم إرسال  $X = X \times Y = X \times Y$ 





ومن الممكن أن نُزيد أُلفتنا مع هذه الملاحظات بتفقد المثال التالي : ما هو أكبر رقم يمكن كتابته بثلاثة إثنانات ؟ ` هذه هي ' الاحتمالات רר, לר, ל, ל

أصغر رقم في هذه الاحتمالات هي Y = Y = Y = Y ، يليه YYY ثم بعد ذلك YYY = XY وأكبر رقم هو YYY = XYY .

وكتابة الأسس تصلح أيضاً في حالة الكسور ، ولتحويل أس ما إلى كسر نقوم ببساطة بوضع وكتابة الأسس تصلح أيضاً في حالة الكسور ، ولتحويل أس ما إلى كسر نقوم ببساطة بوضع إشارة سالب أمام الأس ، لذلك ١٠٠ =  $\frac{1}{1}$  ، ١٠٠ =  $\frac{1}{1}$  ، ١٠٠ =  $\frac{1}{1}$  وهكذا.





وبنفس الطريقة إذا كبرنا خريطة أو رسمة ما عدد س من المرات، فإن عدد س٢ ضعفاً من الورق يكون مطلوباً لذلك.

ونسمى س، س<sup>۲</sup>، س<sup>۳</sup>، س<sup>٤</sup>، س<sup>0</sup> بالأس الأول، والثانى ، والثالث ، الرابع ، الخامس له س على الترتيب. وكان يطلق على الأسس فى البداية «التربيع» و«التكعيب» من خلال معناهم الهندسى.

وبالطبع بدلاً من ٢ أو ٣ أو ٤ أو ٥ من

الممكن أن يكون هناك أى أس آخر؛ باستخدام «ن» لتعبر عن أى رقم نقول : إن سر تسمى الأس النوني لـ س.



وقد قدم عالم الرياضيات المسلم «ابن يحى الصموعلى» (المتوفى عام ١١٧٥) في كتابه «الباهر» (الذي ألفه عندما كان عمره تسعة عشر عاماً) لأول مرة تعريف ...



### اللوغاريتمات

اللوغاريتم هو الأس الذي يُرفع إليه رقم ما ليعطى رقماً آخر ، ويسمى الرقم الأول الأساس. وحيث إن ١٠٠ = ١٠٠ فهذا يعنى أن لو . . ١٠٠ = ٢، وتقرأ كالتالي : لو للأساس ١٠ للرقم ١٠٠ يساوي اثنين. والأساسات الأكثر شيوعاً للوغاريتمات هي والعدد الأسى e (أو الأساس الطبيعى ، انظر صفحة ١٠٥). وحیث أن س = ۱ لأی س فهذا يعنی أن لو ١ = صفر لأي أساس. ولضرب أو قسمة تعبيرين لوغاريتميين نقوم باستخدام القاعدة «ضرب أو قسمة أس رقم ما يعبر عنه بجمع أو طرح الأسس » ، لذلك لو  $(m \ X \ m)$  ببساطة يساوى لو س + لو ص. لجمع أسهل بكثير من الضرب

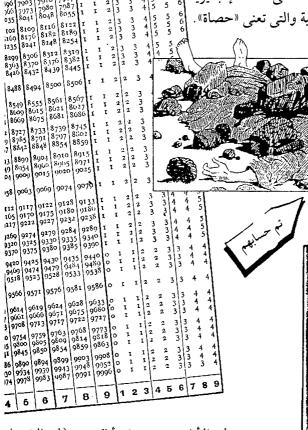
واللوغاريتمات تعتبر ذات نفع عظيم فى تبسيط الحسابات الطويلة المعقدة. فللقيام واللوغاريتماتهم من الجدول ثم لممية ضرب أو قسمة عددين كبيرين نقوم أولاً باستخراج المجموع (أو خارج القسمة). جمعهم أو نطرحهم ونضع الناتج فى الجدول لاستخراج المجموع (أو خارج القسمة).

-		,		,						-	-		-	-			-			1	_					<u>.</u>
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	2	3	4	5	6	7	8	9			0	1	2	3	1.
10	Į.		i	0128			} '				1					- 1			- 1		5.		7412 7490			
12	.0792	0828	0864	0531 0899 1239	0734	00(0	1004	1038	1072	1100	13	7	10	14	17	21	24	28	31		5	7 .7559	7566 7642	7574	7582	1,
14	-1461	1492	1523	1553	:584	1614	1644		1703	1732	3	6	9	12	15	18	2I 20	24	27	}	5	7709	7716	7723	7731	i
۱ŏ	.5041	2008	2035	2122	2148	مسععا		2227 2480	2253		3	5		11	13	10	18 17	21	24		6		7789 7860		7803	,  .
819	2553	2577 2810	2301	2380ء ۲۲۶ء س	<b>= Y</b>	کو ۲, سے	×923	2718 2945	2742 2967	2765	2	5	7 7	Q	12	14	16 16	19	21	Ì	6	2 -792	7931 8000	7938	7945 8014	ľ
20	-3010	39	,	~ ·	3000	3118	313º	31100	3181	3201	2	4	6	8	rt	13	15	17	19		6		130	8075 8142 8200	8082 8149 8215	
22	·3222 ·3424 ·3617	3.1	3104	3483		3324	3541	3560	3579	3598	2	4	0	8	10		14			$\bot$	٧,	826		8274	8280	
24 25		3820		3674		. [	3909	3747 3927 4099	3766 3945			4	- 1	7	-	_			,		t	9 8388	8395	8401	8407	
26 27	4150		ي معرفتا	  V	1378	4232 4393	4249	4205		4298	2	-3-	مجر ۱۰	- بارت	يتم	غار	اللو	مع	'جر ا	ء	- [	1 "	8457 8519		1	
23 2	1472			518	4533	4548	4564				٦	<i>ح</i> م :	س عسا.	- ی د	وم	٠,	/ ×	40	مى لو ،		17	2 .857.	8579 8639	8585	85	
30	4771	900	4300	4814	1829	4843	4857	4871	188		ئن	.•. ).	۲,	۲.	X	و ۲	اللو ۱۸ (ا	· , 	1		7	5 875	8698 8756	8762	87	
12	.5051	5005	5079		5105	5117	5132	5145	5159	1				_	4	8	9`	11	12		7	7 .886	8814 8871 8927	8876	81	
33 34		5328	5340	5353	5366	5378		5403	5416			 3	4	5	G.	8	9	10	11		7		8982			
35	5503	5575	51'-5 5587	5599	5611	5623	1	5647	5058	5070	1	2	4	5 5	6	7	8	10	11		8		9030	{		
37 38 39		5800	5705 5821	5717 5832 5944		5855	58:0	5877.				2 2 2	3	5 5 4	6 6 5	7	8 8 8	9	10 10 10			2 913	9090 9143 9190	9149	ľ	
10				6053			1	6096		}	1		3	4	5	6	8	•	10		8		9248			
11				6160 6263								2 2	3	1 4	5 5	6	7	8	9		8	7 .939	9350	1		
13	6335		6355	6365 6464	6375	6385	6395	6,105	0,115	6425	1	2	3	4	5	6	7	8	9		8		9450 9499			
5	.6628	6637	.6646	6561 6656	6665	6675	6684	6693	6702	6712	ī	2	3	4	5	6	7	8 7	9 8		8	1	9547	j .•		
3	.6312	6821	6830	6749 6839 6928	6848	6857	6866	ú875	6794 6384 6972	6893	I	2 2	3	4 4	5 4 4	5 5 5	6	777	8 8 8	i	99	2 .903	9595 9643 9689	904		
50		6998	}	7016	1		1	1 '	1 - 7	1	l		3	3	4	5	6	7	8		9	4 ·973 5 ·977	9736	97		
;z	·7076 ·7160		7093 7177	7101 7185		7118 7202		7135	7143 7226	7235	1	2	3	3	4	5	6	7 7	8		9	6 982 7 986	9827	g)		
3 54		7251 7332	7259	7267 7348	7275 7350		7292 7372	7300 7380	7308 7388	7316	1	2	2	3	4	5	6	6	7				9961			
-	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	2	3	4	5	9	<u>ت</u>	_	9		-	0	1	-		

وكانت أول الجداول تلك التى أنشأها عالم الرياضيات الاسكتلندى وكانت أول الجداول تلك التى أنشأها عالم الطبيعي ع. وقد أطلا جون نابير (١٥٥٠ - ١٦١٧)، وكانوا للأساس الطبيعي ضخترعهم. عليهم «طبيعي» نسبة للأساس، أو «نابيريان» نسبة إلى مخترعهم.

### الحساب

عملية ضرب الأرقام من كل الأنواع والحصول على ناتج تسمى الحساب، وهو متضمن في كل العمليات الرياضية. وكان الحساب يتم في البداية باستخدام الحصى كما كان يفعل اليونانيون القدماء باستخدام الحصى للقيام بالحسابات الأولية. وأصل كلمة يحسب Calculate في اللغة الإنجليزية هم كلمة «Calculus» اللاتينية والتي تعني «حصاة».



4 5 6

1 2 3

8

7466 7551

7619 7694 7767 7612 7686

7010

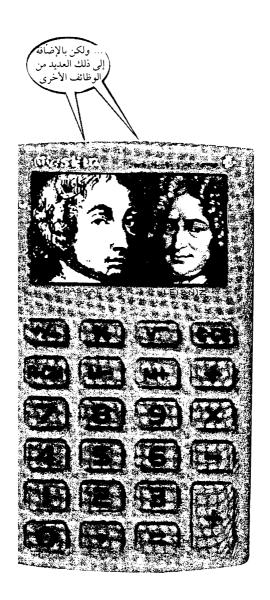
8055

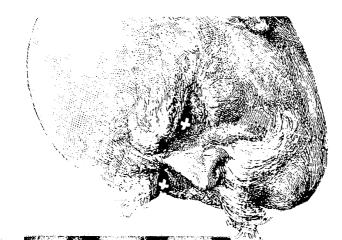
753<sup>6</sup> 7543

7760

وحتى هذه الأيام يعتبر عداد أباكوس (ذو الخرزات على الأسلاك) هو أوسع جهاز عد انتشاراً. وحتى في هذه الأيام، المستخدم الماهر لهذا العداد يستطيع أن يعد الخرزات أسرع من الوقت الذى يستهلكه مشغل لوحة المفاتيح الرقمية للبحث عن المفاتيح.

وقد ظهرت آلات الحساب في صورتين أ، تقتصر على القيام بالطرح والجمع، والآلات بالضرب والقسمة فقط .....





وفى عام ١٨٢٢ قام عالم الرياضيات والمخترع الإنجليزى تشارلز باباج (١٧٩٢ ـ ١٨٧١) ببناء آلة جمع صغيرة . وبعد عشرة سنوات قام بتركيز تفكيره فى «آلة الطرح»، والتى اعتبرت بداية توظيفه فى مشروع إنشاء الموتور التحليلى» والذى لم يبن أبداً وتوجد الآن صورة منقولة عن جزء منه قد تم بناؤه، فى متحف لندن العلمى.

والحسابات، مهما كانت معقدة. لا تكفى لحل المسائل في كل الأحيان. في بعض الأحيان نحتاج إلى المعادلات

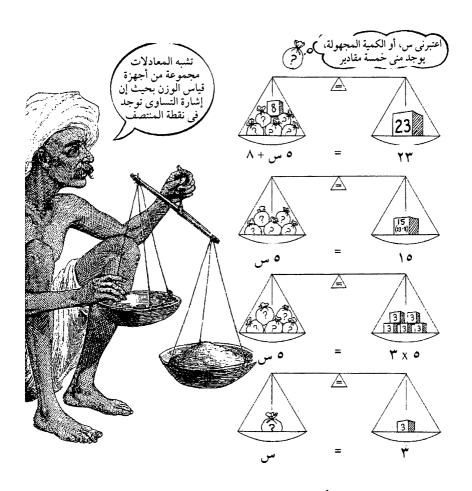
### المعادلات

المعادلات هى لب الرياضيات، وهى تستخدم فى كل أفرع الرياضيات البحتة والتطبيقية عدا الرياضيات البدائية جداً. وكذلك تستخدم المعادلات فى العلوم الفيزيائية والحيوية والاجتماعية. وكما هو متضمن فى اسمها ، فالمعادلات تنص على تساوى تعبيرين وغالباً ما تتضمن كميات غير معروفة وتسمى بعضها بالمتغيرات والبعض الآخر بالثوابت أو العوامل. وتستخدم المعادلات كذلك فى تعريف الكميات المختلفة أو النص على العلاقة بين بعض المتغيرات.



وقبل اختراع المعادلات كانت المسائل الرياضية تحل بطرق معقدة بارعة جداً، والآن تم اختصارها إلى صيغة بسيطة جداً.

فى المعادلة • س +  $\Lambda$  =  $\Upsilon$ 7، س هو المجهول المطلوب حسابه ، من الممكن حسار قيمة س بطريقة التجريب والخطأ، أو بطريقة بسيطة (وهى طرح  $\Lambda$  من كلا الجانبين وبع ذلك القسمة على •).



وهذه المعادلة تتحقق أو تُحل عندما تكون m = T عند ذلك يكون كلا جانبى المعادلة متساويين. وعندما تكون كل قيم المتغيرات تؤدى إلى تحقق المعادلة، تسمى المعادلة في هذه الحالة بالمتطابقة. على سبيل المثال، المعادلة (m + m)  $= m^{\gamma} + \gamma$  س  $m^{\gamma}$  تسمى متطابقة لأنها صحيحة لكل القيم الممكنة للمجاهيل. وهذه المتطابقات مفيد جداً في المعالجة الجبرية البارعة، حيث تقوم بإبدال التعبيرات المعقدة جداً بأخرى أبسط.



المعادلات التكعيبية يكون فيها متغير واحد مرفوعاً للأس ٣، وهي لها ثلاثة جذور دائماً بالرغم من أن يكون اثنان منهما أو الثلاثة متساوين. ومن الممكن أيضاً أن يكون أحد الجذور (أو اثنان) عدداً مركباً ولا يمكن أن يكون ثلاثة أعداد مركبة. والمعادلة س٣-٦س٢١٣س-٦ = معادلة تكعيبية لها جذور س = ١،٢٠٣

وتسمى المعادلات الخطية والتربيعية والتكعيبية معادلات من الدرجة الأولى والثانية والثالثة على الترتيب. والمعادلات حتى الدرجة الرابعة يمكن تمثيل جذورها بصيغة رياضية تتضمن جذوراً تربيعية وبعض الحسابات مثل المعادلة أ  $m^7$  + m + m + m - m عيغة جذورها تكون:



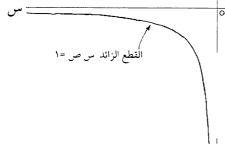
لا توجد حدود لدرجات هذه المعادلات الجبرية ولكن هناك حدود فاصلة عند المعادلات الخماسية، فعلى مر العصور كانت هناك محاولات لإيحاد صيغة لجذور تلك المعادلات مثل تلك الصيغة في صفحة ٥١ ولكن عند بداية القرن ١٩ تبين في النهاية استحالة وجود مثل هذه الصورة.

والمعادلات من الممكن أن تحتوى على أكثر من متغير في أحد حدودها، ومثال لذلك المعادلة: س ص = ١ المعادلة الهندسية التي تصف «القطع الزائد».

> ودرجة المعادلة يتم تعريفها على أنها مجموع الأسس للمتغيرات المختلفة في الحد الذي يحتوى على أعلى هذه الأسس

أ س° + ۷ س ص ص + جـ س ص ص ا أعلى حد في الأسس هو جـ س $^{7}$ ص $^{\circ}$ 

ومثال لذلك المعادلة:





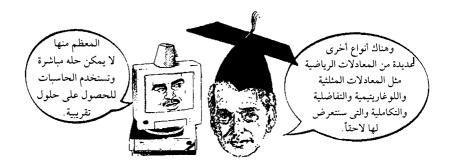


وعندما يكون لدينا مجموعة من معادلتين أو أكثر في متغيرين أو أكثر فمن الممكن حلهم آنياً بمعالحة سبطة.

#### وكمثال لذلك:

- ١) ٢ س + س ص + ٣ = ٠ س ص = ٠
- - au وبطرح المعادلة الثانية من هذه المعادلة نحصل على au س + au = au
    - ٤) لذلك س = ٢٠

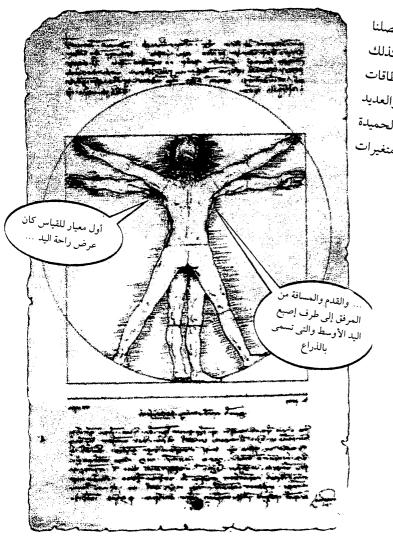
وبالتعويض عن قيمة س فى المعادلة الأولى نجد أن  $= - \frac{1}{7}$  وهناك بعض المعادلات الآنية الأكثر تعقيداً من ذلك ومن الممكن أن تحل بنفس الطريقة.





القياسات جزء مهم جداً من الرياضيات ، القياسات جزء مهم جداً من الرياضياً. وتتنوع فنحن نقوم بقياس كل شيء تقريباً. والأوزان القياسات من الوقت والأبعاد والحرارة وحتى والسعات والحجوم والكهرباء والحرارة وحتى

المسافات التى تفصلنا عن النجوم، وكذلك نقوم بقياس طاقات مكونات النواة والعديد من الأشياء الحميدة مثل الذكاء ومتغيرات البيئة.





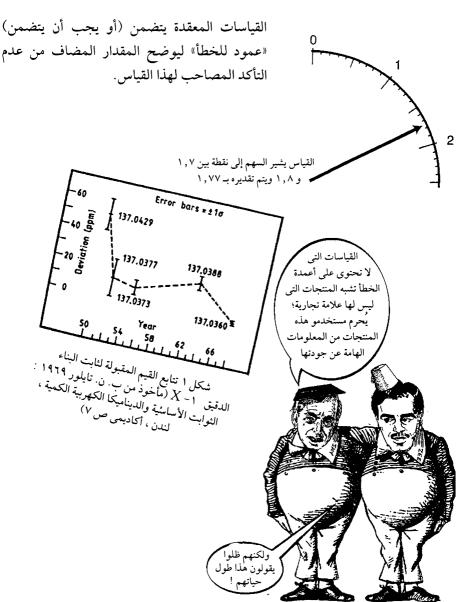
وكل وحدة أساسية لها تعريف وطريقة قياس محددة من قبل الهيئات الدولية الرسمية، بالطبع تتغير هذه التعريفات كلما ظهرت طرق قياس أفضل.
على أنه ١ ١ ٠٠٠٠٠٠٠ وفي هذا القرن تم قياس المتر وفي هذا القرن تم قياس المتر هذه الأيام يقاس بالطول عن طريق سرعة الضوء وفي هذه الأيام يقاس بالطول لون محدد

ولا تزال بعض الدول تستخدم خظام الملكى القديم الذى يحتوى لمى الرطل والياردة وثمن الجالون

وربع الجالون. ولكن مقياس ثمن الجالون وربع الجالون وربع الجالون والجالون الأمريكي يساوي أربعة أخماس نظيره الإنجليزي، لذلك فإن السيارات الأمريكية التي تستهلك وقوداً أكثر بالنسبة لعدد الأميال الأقل الذي تقطعه لكل جالون ...

الانتبر على السوء!

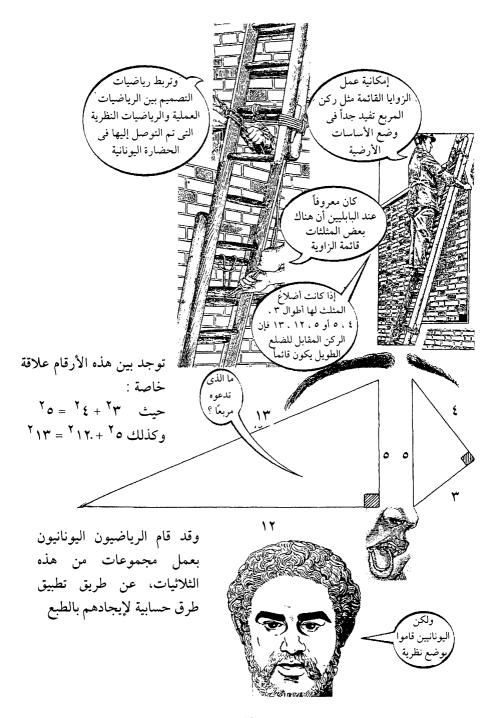
ويلاحظ أن العد والحساب دائماً ما يتعلقان بأرقام منفصلة ومنفردة ، ولذلك يتضمنون أرقاماً فعلية وعلى النقيض فإن القياسات تهتم بمقادير متصلة . ولا يوجد قياس مثالى يعطى القيمة الفعلية للكمية المقاسة، فعندما تتم مقارنة الشيء الذي نريد قياسه مع معيار معين فإننا نحاول تقريب القراءات بين نقطتين على أدق مقياس. لذلك فإن كل تقرير عن



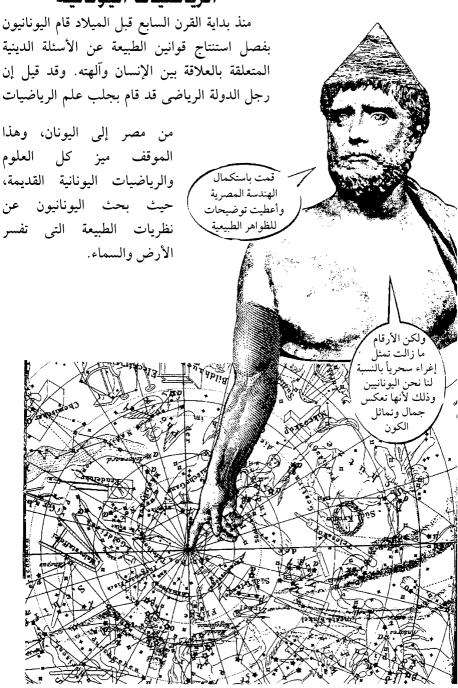
ومنذ عصور ما قبل التاريخ ظلت القياسات تستخدم في البناء والتصميم. وقد اكتشف علماء العمارة أن الآثار القديمة الباقية مثل Stonehenge كانت تقام بدقة شديدة لملاحظة بعض الأحداث الفلكية، وبالتالي كانت أساساتها تتطلب دقة هندسية في التصميم. وكذلك تم تصميم كنائس أوروبا medival بنسب دقيقة حتى أن نظرية النسب الإلهية كانت هي أساس المعمار والفن في عصور النهضة.

وقد مثلت الأهرام المصرية العظيمة تحدياً أعظم لأجيال من علماء المعمار.





## الرياضيات اليونانية





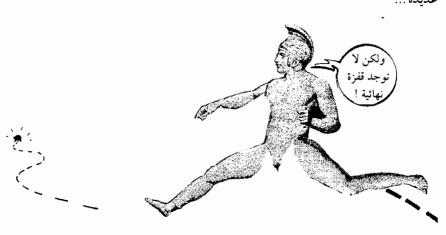


## متناقضات <sup>«</sup>زينو<sup>»</sup>

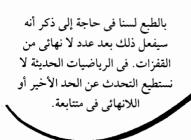
حاول زينو أن يبين أنه سواء تخيلنا أن الفضاء يمكن تقسيمه تقسيماً نهائياً أو لا نهائى أو سواء اعتبرنا الحركة البسيطة أو النسبية سنصل إلى تناقض ، وقد وضح ذلك باستخدام أربعة متناقضات.

ساكتها. وأشهر تلك المتناقضات هى التى تهتم بالتسابق بين أشيلس (أفضل عداء) والسلحفاة. فى قفزة واحدة يستطيع أشيلس أن يقطع نصف المسافة التى تقطعها السلحفاة ويكرر ذلك مرات عديدة...





باستخدامُ هذا التحليل كيف يمكننا تفسير تغلبه على السلحفاة ؟



وهذا التناقض يوضح أننا إذا جعلنا الفضاء مقسماً تقسيماً لا نهائي، سنصل إلى تناقضات في وصف الحركة.

هناك أربعة متناقضات أخرى لزينو عن الحركة وأخرى عن التغيير بوجه عام، وإليك المثال التالي. بفرض أننا أعطينا الأوامر التالية ...



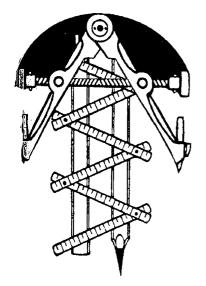
وقد قام الفلاسفة بملاحقة زينو في كل لحظات حياته ولكن مثل أشيلس لم يتمكنوا من اللحاق بفريستهم تماماً. ربما كان لدى زينو شيء يريد أن يخبرنا به عن علم الرياضيات، فنحن نحب أن يكون هذا العلم واضحاً ولكنه في الحقيقة متناقض.



كانت لأفكار إقليدس تأثيرات ضخمة على علم الرياضيات فى الغرب حيث إنها تعتبر الأساس للهندسة. وقد قام بتنظيم إثباتات تقليدية مبنية على بعض «الأعمال» باستخدام بعض الأدوات المثالية مثل المسطرة والفرجار (لعمل أقواس من دوائر). باستخدام هذه الأعمال يمكنك إثبات أشياء عن هيئة الأشكال دون استخدام الأمثلة الرقمية، وكان هذا هو التغيير الكبير

فى الرياضيات اليونانية \_ فكرة الإثبات العامة المختصرة.

وفى عمله «العناصر» قدم إقليدس أساسياته المشهورة للهندسة وقام بتعريف الأعمال المسموح بها فى الإثبات (وهناك بعض الأعمال الأكثر تعقيداً والتى كانت معروفة بتحويل بعض الإثباتات الصعبة إلى صورة سهلة ولكنها لم تكن تعتبر «هندسية»). وبعد تعريف عناصره الأساسية مثل «النقطة» و«الخط» قدم إقليدس خمس ملاحظات شائعة عن الكمية وكذلك خمسة افتراضات للأعمال.



#### الملاحظات الشائعة:

۱ – إذا ساوى شيئان شيئاً ثالثاً فإن الثلاثة يكونون متساوين
 أ = جـ ، ب = جـ ، أ = ب

٢- إذا أضيفت كميات متساوية إلى كميات متساوية كان
 الناتج متساوياً = + = =

۳- إذا طرحت كميات متساوية من كميات متساوية كان الناتج متساوياً = - = =

٤- الأشياء المتطابقة تكون منساوية 😀 😑 🔾

٥- الكل أكبر من الجزء الكلل .

### الافتراضات:

من المسلم به أنه في المستوى :

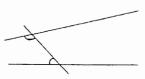
١- يمكن رسم الخط بين أي نقطتين.

٢- يمكن مد أي خط من كلا الجانبين بدون حد.

۳- یمکن رسم دائرة بأی نصف قطر حول أی مرکز . ﴿ وَهُ

٤ – كل الزوايا القائمة متساوية.

٥- الخطان اللذان يقطعان خطاً ثالثاً بحيث كان مجموع الزوايا الداخلة أقل من زاويتين قائمتين يجب أن يتقاطعا في نقطة . وأول ثلاث نقاط تعرف أعمالاً أما الاثنان الباقيان فهما نظريات. الافتراض الخامس يسمى «افتراض التوازى» وقد ظل هذا الافتراض تحدياً للرياضيين من بعد إقليدس. وفي الواقع فإن هذا الافتراض يعتبر المفتاح الذي يصف نوعين مختلفين من الهندسة.







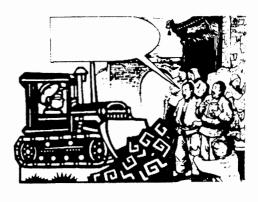
وباستخدام هذه الأساسات اتجه إقليدس لإثبات كل النتائج الهندسية فعصره وحتى نظرية فيثاغورث. وبغض النظر عن صعوبة مسلماته (والتاعتبرت فيما بعد أنها حقائق ذاتية الإثبات، وكذلك الاستنتاجات الناتجة عنه التعامل معها على أنها حقائق أيضاً). وقد تم التعامل مع الهندسة على أنه مثال عظيم للمعرفة الحقيقية التي يمكن الوصول إليها بالعقلانية الإنسان وحدها.

وجاء بعد إقليدس رياضى عظيم جداً وهو أرشيميدس (٢٨٧ - ٢١٢ ق.م.) وضع أرشيميدس طرقاً لقياس مساحة الأشكال الدائرية وكذلك مساحة سط الأجسام المنحنية مثل الكرة والأسطوانة، وقد استنتج قيمة تقريبية لـ ط..



# الرياضيات الصينية

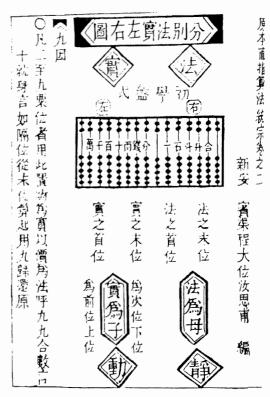
لم يَقُم الصينيون باستخدام الإثباتات الثابتة التى وجدناها فى «عناصر إقليدس» وذلك لأنهم لم يُعجبوا بالمنطق الثابت. كان الصينيون، مهتمين بالتطبيقات العملية للأفكار ولم يدرسوا الرياضيات من أجل الرياضيات. وبالطبع لم يمنعهم ذلك من وضع



إثبات للمثلث القائم الزاوية والذي كان مختلفاً تماماً عن نظرية فيثاغورث. وعلى عكس اليونانيين لم ينزعج الصينيون من الأرقام الصماء (وهي تلك الأرقام التي لا يمكن التعبير عنها على صورة نسبة بين رقمين صحيحين أو الأرقام غير النسبية).

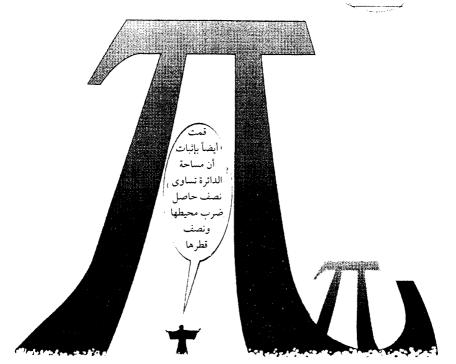
ولتمييز الأرقام السالبة \_ على سبيل المثال \_ استخدم الصينيون سيقاناً حمراء بدلاً من اللون الأسود!

وقد قام الصينيون بالتدريب على الجبر دون استخدام رموز بكتابة كل أفكارهم في صورة كلمات. وقد استخدموا لوحة للعد في الجبر وكذلك في كل الاكتشافات الرياضية الأخرى. وقد طور الصينيون عن طريق العالم صنح ديناستي (٩٦٠ ـ العالم مع المعادلات حتى الأس للتعامل مع المعادلات حتى الأس المعادلات الآنية الخطية ( في المعادلات الآنية الخطية ( في المعادلات التربيعية.



وقد اهتم الصينيون أيضاً بالمربعات السحرية التي يتم ملء خاناتها بأرقام عندما تُجمع تعطى نفس الرقم، ويطبق هذا على الصفوف الرأسية والأفقية والقطرية أيضاً . واخترع الصينيون مكعبات ثلاثية الأبعاد لها نفس الخاصية. وظل الصينيون متشوقين للبحث عن قيمة دقيقة لـ «ط». وقد استنتج «ليو هوى» (وهو أحد علماء الرياضيات القدماء في الصين) قيمة لـ «ط»

حتى أربع علامات عشرية. وبنى ليو هوى طريقته على «طريقة الاستنزاف» حيث من الممكن وضع مضلع داخل الدائرة وعن طريق زيادة عدد أضلاعه حتى تصل أطوالها إلى حد من القصر يمكننا معه مساواة المضلع بالدائرة.



وفى القرن الخامس بعد الميلاد قام الفريق المكون من الأب والابن تسو تشونج تشيه وتسو كنج تشيه بالحصول على قيمة لـ ط تساوى ٣,١٤١٥٩٢٦ و ٣,١٤١٥٩٢٧ . لم يتم التوصل لهذا الرقم في العالم الغربي حتى القرن السابع عشر.

## تشيو تشانج

هو أشهر كتاب فى الرياضيات الصينية، ولا نعرف من كتبه ولا متى تمت كتابته بالتحديد ولكنه يفترض أنه يعود إلى آخر سلالة «تشين» أو بداية سلالة «هان» (القرن الأول بعد الميلاد).

وهذا الكتاب يغطى الموضوعات التالية:



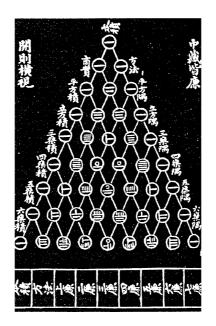
### أربعة علماء رياضيات صينيون

يعتبر آخر القرن الثالث عشر وبداية القرن الرابع عشر هي فترة أقصى ازدهار للرياضيات الصينية. وقد عاش خلال هذه الفترة أربعة من أشهر علماء الرياضيات في الصين.



وكان هناك أكثر من ثلاثين مدرسة رياضيات عبر الصين وكانت الرياضيات مادة إلزامية في اختبارات الخدمة الوطنية العامة.

ويعتبر العالم تشين تشيو شاو واحداً من أعظم علماء الرياضيات الصينيين على الإطلاق وقد عمل في الخدمة العسكرية والمدنية وكان كتابه تسعة قطاعات من الرياضيات يتضمن بعض الأفكار الجديدة وقدم تحليلاً غير معروف من قبل (وهو دراسة المسائل التي لها حلول على هيئة أرقام صحيحة).



لاحظ أحدنا الأرقام المصاحبة للسينات يظهر نموذج معين. بالنسبة للأس الأول (مثل (س+١)) هذه الأرقام هي ١، ١؛ وبالنسبة للأس ٢ (مثل (س+١) ) تكون الأرقام ١، ٢، ١؛ وبالنسبة للأس ٣ (مثل (س+١) ) تكون الأرقام ١، ٣، ١، ٣، ١ وهكذا. وقد تم تخطيط هذه الأرقام في نفس الصورة التي صممها باسكال في القرن السابع عشر.

وقد استُخدم مثلث باسكال فى حساب الاحتمالات. على سبيل المثال يعطى النصف الثانى التباديل المختلفة عند رمى قطعتى نقود. فهناك احتمال واحد أن تظهر صورة وكتابة ، واحتمال واحد لظهور كتابتين.



وقد تم توضيح ذلك بواسطة عالم الرياضيات تشيا هسين (١١٠٠ ميلادية) وربما تكون ظهرت قبل ذلك.



تعتمد الرياضيات الهندية (شأنها شأن الرياضيات الصينية) على كل الإثباتات المتنوعة متضمنة التحققات المرئية والتى لم يتم إرجاعها إلى أى نظام استدلالى تقليدي. وقد تطورت الرياضيات الهندية من النظام الذى طوره علماء المنطق وعلماء اللغة الهنديون. وقد تطورت الرياضيات في الهند في أربع مراحل واضحة.

مرحلة (الهارابان) من ٢٥٠٠ ق.م. إلى ١٠٠٠ ق.م. وتضمنت الرياضيات الأولية باستخدام الأحجار ، إلخ.

وتلى هذه المرحلة فترة "فيديك" والتى استمرت لمدة ١٠٠٠ عام والتى اهتمت بهندسة الطقس. وخلال هذه الفترة بدأت "الجنسنية" و"البوذية" في الظهور.

ثم تلى ذلك الفترة التقليدية والتي استمرت تقريباً حتى عام ١٠٠٠ ب.م. وقد اهتم الرياضيون في هذه الفترة بتطوير المبادئ القديمة مثل الأرقام والخوارزميات والجبر.

नालो मरालक्समृतावलानिसतः हा ते तीरे विलास भरसंभरताययपस्यम् कुष्यभेलि फलहं फलहं स्युगम् रापं जले वदमरालक्ल प्रमाणम्

والمرحلة الأخيرة في الرياضيات الهندية هي فترة القرون الوسطى «لمدرسة كيرالا» والتي انتهت في القرن السادس عشر حيث تم تطوير أفكار أكثر ذكاءً، وسبب انتهاء هذه المدرسة في كيرالا غير معروف تماماً. وعلى أية حال فقد أثرت مدرسة كيرالا كثيراً في الرياضيات الأوروبية حيث إن الاكتشافات الرياضية في أوروبا كانت معروفة مسبقاً لدى علماء الرياضيات في كيرالا قبل ذلك بحوالي ثلاثة قرون.

# هندسة القيدا (١)

كان هندوس فيديك معجبين جداً بالأرقام الكبيرة التي كانت تشكل جزءاً من المسئول لدينية لديهم. فعلى سبيل المثال عند مناقشة أمر مثل القربان كانت تذكر أرقام مثل ١٠٠٠٠ ليون. وكان هناك اعتقاد كبير بالأرقام التي تزداد على صورة مضاعفات العشرة، وكلما ازد لرقم أصبح أكثر إثارة.

وهندسة مذبح الكنيسة تعطينا تصوراً للجبر عند هندوس فيديك. فطبقاً لأحد الأنظمة كا ذبح الكنيسة يأخذ شكل شبه منحرف ذى ضلعين متساويين. ويتم زيادة أو إنقاص أطوا لأضلاع بالتناسب مع الطقوس المختلفة. وهناك طقوس مختلفة تتطلب عدم تغير أطوا ضلاع معينة بينما تزداد أو تنقص أطوال أضلاع أخرى.

وقد مكن هذا القادة الدينيين من المسائل الرياضية التي تتطلب حلولاً جبرية. وقد تم وضنواعد لهذه العمليات والأسئلة التي تأخذ في اعتبارها عدد الأحجار المستخدمة في ها لتغيرات. وتقدير عدد الأحجار المستخدمة في هذه العملية بحيث لا تتقابل الصدوع فلطبقات المتتالية أدى إلى استخدام المعادلات الآنية.



<sup>(</sup>١) الفيدا : هي مجموعة الكتب المقدسة في الديانة الهندوسية، وكلمة الفيدا سنسكريتية تعنى «المعرفة»، ولم يبق منها أربعة أسفار. (المراجع).

## وقد حسب الرياضيون الهنود قيمة ط لأقرب أربع علامات عشرية.

الطريقة الهندية المعتادة لإيجاد مساحة الدائرة أو حجم الكرة ...



### براهما جوبتا

وظهر الجبر في فترة براهما جوبتا (٥٩٨) (وهو أحد أعظم علماء الرياضيات في الهند) على أنه فرع منفصل من الرياضيات. وقد كتب براهما جوبتا أبحاثاً غطى فيها بعض النقاط مثل الجذور التربيعية والتكعيبية والكسور وقاعدة الثلاثة والخمسة والسبعة وغيرها والمقايضة. وخلال هذه الفترة تم تقسيم المعادلات إلى أنواع ما زالت تعرف حتى الآن: البسيطة Yavat-tavat والتربيعية varga والتكعيبية ahana والتربيعية الثنائية وكذلك - varga وقد اهتم براهما جوبتا بالمعادلات الخطية ذات المجاهيل وكذلك المعادلات التربيعية. وكان لبراهما جوبتا العديد من المعلقين الذي نقلوا أفكاره عبر



# أرقام "جاين"

اهتم هنود جاين شأنهم شأن هندوس فيديك بالأرقام الكبيرة وكانت لهم طرية منفردة للتفكير في هذه الأرقام. فقد اقترحوا أن هذه الأرقام تنقسم إلى ثلاث مجموعات وهي المعدودة والغير معدودة واللانهائية. وكل مجموعة تنقسم إلى ثلاث مجموعات. فالمجموعة الأولى على سبيل المثال تنقسم إلى الأرقام القليلة والمتوسط والكبيرة، أما المجموعة الثانية فتنقسم إلى غير معدودة تقريباً وغير معدودة حقيقياً وغير معدودة غير معدودة غير معدودة أما المجموعة الثالثة فهي : تقريباً لا نهائي ولا نهائي حقيقي ولا نهائي من خلال أعمال كانتور.



## اندماجات فيديك وجاين

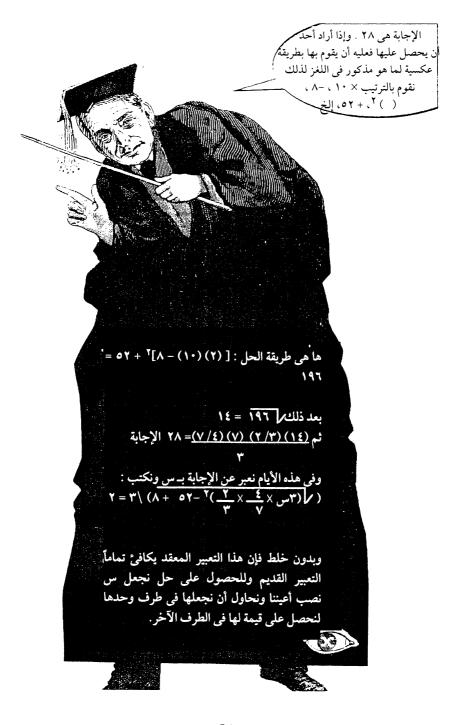
كان كل من فيديك وجاين الهنود مغرماً بالتعامل مع الاندماجات. وأحد مصادر هذ الاهتمام كان قصائد فيديك الشعرية وتغيراتها. وكان بعض هذه الأبيات مكوناً من ٦ مقاطع وبعضها من ٨ أو ٩ ، ١١ أو ١٢ . وكان التحدى هو تغيير الأصوات الطويلا والقصيرة في كل مجموعة مقاطع وإيجاد الاندماجات المختلفة المتاحة. وقد أدى هذ البحث إلى العديد من مسائل التباديل. على سبيل المثال: الروائح التي تنتج من خلط ١٢ مادة في صورة منفردة أو ثنائيات أو ثلاثيات في نفس الوقت.



## الشعر الرياضى

تم تناقل الأفكار الرياضية الهندية في صورة الشعر. ويشيع وجود الألغاز الرياة الشعر حتى الآن، وأحد الألغاز الرياضية الشعرية هو :





#### راما نوجان

, العديد من الرياضيين البديهيين فعلى سبيل المثال 1 - ١٩٢٠) فاشلاً أكاديمياً ولكنه كان عالم رياض على المذهب التصوفي والميتافيزيقا وكذلك الأ . وكانت طريقة الوصول إلى النتائج العميقة ال فهم أى أحد وكان نصيره في انجلترا عالم الرياض رة بينما كان مريضاً في أحد المستشفيات.



#### الرياضيات الإسلامية

قام المسلمون بتوحيد الفكر الرياضي في كل الحضارات السابقة لهم ، حيث قاموا بدمج الجبر والعلاقات الحسابية البابلية والهندية والصينية بالعلاقات الهندسية اليونانية والإغريقية. وكنتيجة لذلك كان علماء الرياضيات المسلمون على درجة عالية من الجرأة في التعامل مع العمليات الحسابية على الأرقام الصحيحة والكسور وكذلك استخدام وتحويل الأرقام العشرية والسداسية وأيضأ استخلاص الجذور التربيعية والعمليات على الأرقام غير النسبية واستخلاص الجذور التكعيبية ودراسة معاملات ذوات الحدين واستخلاص الجذور الرباعية والجذور الأعلى رتبة من ذلك. هناك إنحازان عظيمان مرتبطان بأسماء علماء الرياضيات المسلمين. مترتحق وللفسطوح متواريه متحمر يدوهم ترفي ع العَددينا بلها سَلِ طَلَمَةُ مِسِنَكُمّا فَبِصِيرِ عُسَمِيًّا مَاالِهِ مَا أَنْ سَلَى بِهِ لَ .. بي مسركم لانها يؤاقاعده الملوسكها واحدويها هو لَحَ اوَلَكَ وَلَالَ مُعَمِرَ لَمَ لِسَاوِي عَصَيرَ لَا اواحد وجاحمتُ الجَلْدُ وَأَوْاحِدُ وهورَتَ ا الأول هو تأسيس علم الجبر الحديث والذي أطلقوا عليه اسم «الفن العلمي أما الثاني فهو اكتشاف «حساب المثلثات».

#### الخوارزمي

محمد بن موسى الخوارزمى (توفى عام ٨٤٧) هو مؤسس علم الجبر الذى نعرفه فى أيامنا الآن. قد أتت كلمة الجبر من عنوان كتابه "كتاب المختصر فى حساب الجبر والمقابلة". وتشتق كلمة وارزم من اسمه. وقد وضح الخوارزمى كيفية اختصار أى مسألة إلى واحدة من ست صيغ قياسية ستخدام عمليتين الأولى تعرف بالجبر والثانية هى المقابلة.

وتهتم الطريقة الأولى (الجبر) بنقل الحدود لحذف الكميات السالبة (مثل m=1.5-1.5 س تصبح m=1.5).

والمقابلة هي العملية التالية وهي عبارة عن موازنة الكميات الموجبة المتبقية (لذلك إذا كان لدينا ٥ + ٣٠ - ٢١ س).









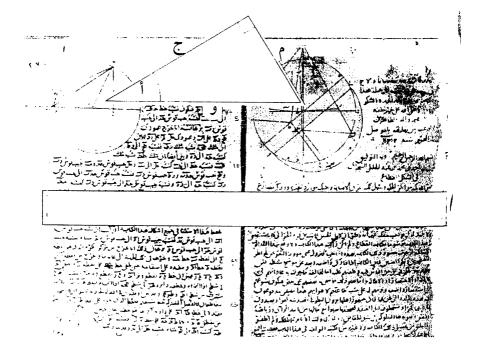
#### اكتشاف حساب المثلثات

قدم علماء الرياضيات المسلمون النسب المثلثية السنة الأساسية وامتدادهم في حل مسائل حساب المثلثات.

وقد حل حساب المثلثات الحديث محل الطريقة غير البارعة لاستخدام الأوتار (المبنية على قطاعات من الدائرة) التى استخدمت بواسطة عالم الفلك اليوناني العظيم Ptolemy (١٧٠ ـ ١٧٠) ويتم تعريف هذه الدوال بواسطة أضلاع المثلث القائم الزاوية، والمسمون بـ «م» للضلع المقابل لزاوية ما و «ج» للضلع المجاور لها و «و» للوتر، وهذه الدوال هى جا =  $\frac{1}{e}$ , جتا =  $\frac{7}{e}$ , وظا =  $\frac{7}{4}$  وقد نتج منه هذه التعريفات البسيطة عالم غير مصدق من العلامات. وقد كان حساب المثلثات عبارة عن أعظم تطور هام للرياضيات والفلك والعلوم العملية مثل مساحة الأراضى وبناء الحصون.

والدوال الثلاثة الأخرى هي عبارة عن مقلوب الدوال الأولى وهي :

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}$$



#### البطاني

قام البطاني (المتوفى عام ٩٢٩) بإنتاج عدد من العلاقات المثلثية والتي تتضمن : 
ا أ =  $\frac{-1}{-1}$ 

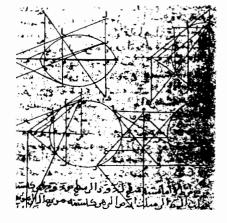
أ = ا ا ظام أ



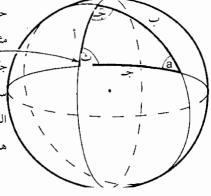
## أبو وفا



كانت أعمالى نافعة حداً لدرجة أنها عبرت أوروبا كلها خلال فترة النهضة . قمت أيضاً بإعداد جداول مثلثية جديدة وطورت طرق حل بعض مسائل المثلثات الكروية



حيث أ، ب، جه هي أطوال أجزاء الدوائر التي تكون مثلثاً على سطح الكرة مقدرة بالدرجات أما أ، ب، أجه فهي الزوايا المقابلة لها. ويتم عمل الدوائر على سطح الكرة بواسطة المستويات التي تمر بمركز تلك الكرة. (في هذه الأيام تتبع الطائرة العابرة للقارات هذه الدوائر حيث إنها تعتبر أقصر مسافة بين نقطتين).



#### ابن يونس وثابت بن قرة

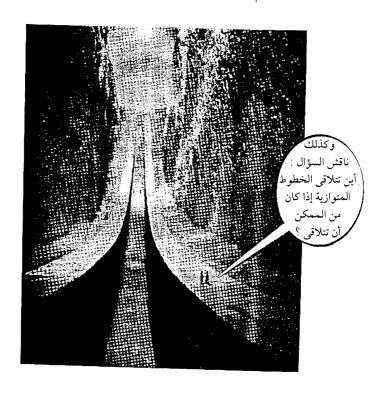
قام ابن يونس المتوفى عام ١٠٠٩ بتحقيق الصيغة التالية :

((-, -)) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -) | (-, -)

وبالرغم من أنها أبنية أساساً على علم المثلثات إلا أنها مكنتنا من تحديد قيمة لحاصل الضرب على صورة مجموع. وفي الوقت الذي كانت فيه عملية ضرب رقمين مكونين من عدد كبير من الخانات تعتبر عملية مملة كانت هذه المعادلة موفرة للجهد بطريقة كبيرة ، بعد ذلك أعطت هذه الصيغة بوادر نشأة اللوغاريتمات والتي قامت بنفس المهمة بصورة مباشرة، أيضاً أدت هذه الصيغة إلى الصيغة الأساسية لحساب المثلثات الدائرية المستخدم في هذه الأيام من خلال معادلة جيب التمام.

(حيث أن أهو طول الضلع الدائرى و أهى الزاوية المقابلة له).

كتب ثابت بن قرة (المتوفى عام ٩٠١) فى نظرية الأرقام واستخدامهم فى وصف النسب بين الكميات الهندسية وهى خطوة لم يخطُها اليونانيون أبداً.



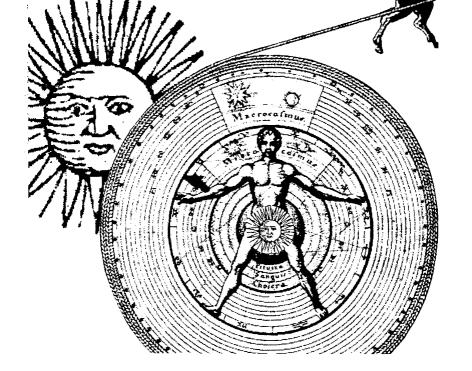
## الطوسي

يعتبر ناصر الدين الطوسى (المتوفى عام من من من الله المثلثات بنوعيه المستوى والكروى. المثلثات بنوعيه المستوى والكروى. ومعالجته المبنية على الفهم لتحليل المثلثات الكروية تعتبر واحدة من الدراسات المؤسسة لتطوير علم الرياضيات. وقد أسس أزواج طوسى والتى وضع من خلالها أن الحركة في من المؤسسة وضع من خلالها أن الحركة في

من المناء المنا

ب المراد من الدارة الصغيرة معالما

خط مستقيم ذهاباً وإياباً يمكن المحروب حركتين المحروب على هيئة تراكب حركتين المحروب ال



# حل المسائل التي تتضمن أرقاماً صحيحة

ظلت المسائل التي لها حلول عبارة عن أرقام صحيحة شائعة على مر القرون، فهذه هي الأرقام التي يفهمها التلاميذ. ومثال تلك المسائل هو مسألة الوراثة:



وتم التوصل لأول تقريب لهذه المسائل بواسطة ديوفانتوس (٢٧٥) وكان علماء رياضيات المسلمون على درجة عالية من النشاط في تطوير هذا العمل. وكانت نقطة بدء الطبيعية هي أرقام فيثاغورث مثل  $^{\circ}$  ،  $^{\circ}$  والتي تكون أطوال أضلاع مثلث قائم زاوية، وتم تعميم هذه العلاقة وقام العلماء المسلمون بالبحث عن حل صحيح لمعادلة  $^{\circ}$  ب وكان هناك العديد من علماء الرياضيات من قاموا بإثبات ستحالة حل هذه المعادلة ومن ضمن هؤلاء كان فيرمان لو الذي سميت هذه المسألة سعبة سمه. وقام العلماء التالين باكتشاف بعض الأخطاء التي بينت أن هذه المسألة صعبة بداً بالفعل!

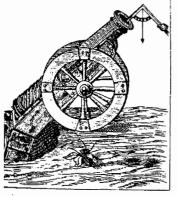
## نشأة الرياضيات الأوروبية

اعتمدت الرياضيات الأوروبية في تطورها على المساهمات من كل الحضارات الأخرى، فخلال العصور الوسطى كانت أوروبا أقل شأناً من الحضارات الأخرى في كل نواحى التقنية والعلوم والثقافة. وقد بدأت في اللحاق بالركب عن طريق الاحتكاك الثقافي أثناء الحملات الصليبية ومن خلال الحوار بين العلماء في كل من أسبانيا وإيطاليا. وقد تم نقل وترجمة الأعمال العربية سواء إذا كانت مترجمة من اليونانية أو أعمالاً أصلية وذلك بواسطة فرق عمل متضمنة الوساطة اليهودية في بعض الأحيان.



ومن بقايا هذه العملية الأسماء العلمية التى تبدأ بـ "الـ" مثل الجبر والكحول (Algebra & Alcohal). وقد تم إعادة اكتشاف العلاقات الفيثاغورثية من الرياضيات الفنية والصوفية خلال عصر النهضة في القرن الخامس عشر.





وكانت الرياضيات لها دور أساسى فى الإبحار فى أعالى البحار وتم تطبيقها فى كثير من المجالات مثل الدفاع (تصميم الحصون) والهجوم (مصاطب المدفعية) فى داخل الأوطان. وكانت المجالات مثل حساب المثلثات هامة جداً لنجاح هذه المغامرات، وقد تم تقدمها فى كلا المجالين التجريبي والنظرى.

هذا بالإضافة إلى التطور المتتابع للعلوم التجارية والتى تطلبت تحسين طرق المحاسبة. وقد دعت الكنيسة فى البداية لاستخدام الأرقام العربية والاحتفاظ بالكتب ذات اللغتين (العربية والأوروبية على سبيل المثال). وكان ذلك لا يحتاج إلى تبرير ولكنه أمر واجب القبول. وفى هذه الأيام أصبحت هذه الأمور هامة جداً لدرجة يصعب معها إهمالها أو تجاهلها.

وقد صاحب تطور الرياضيات الأوروبية في المجال النظرى بعض الأزمات لمتناقضات. فقد أصبحت الأرقام السالبة والأرقام غير النسبية ( والتي نادراً ما أزعجت مينيين والهنود والمسلمين) على درجة عالية من الصعوبة بالنسبة لعلماء الرياضيات أوروبيين حتى أثناء استخدامهم بنجاح باهر. وفي الحال أدت هذه المتناقضات إلى هور مجالات جديدة من الرياضيات ...



## رينيه ديكارت

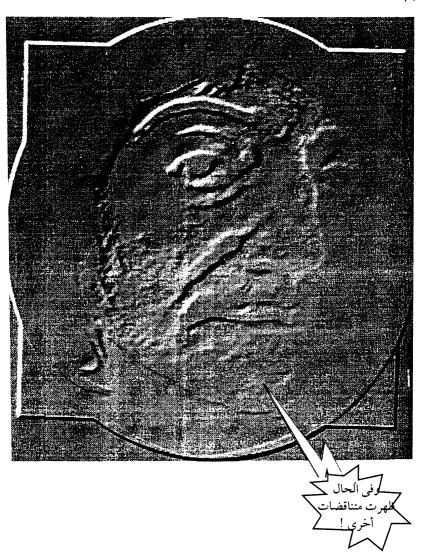
ويلاحظ أن أعظم مبتكر أوروبى فى الرياضيات هو الفرنسى رينيه ديكارت (١٥٩٦ - ١٦٥٠) والذى كان فيلسوفاً أيضاً. ومن خلال أبحاثه الشخصية فى التأكد تحول من تعلم الأدب الإنسانى إلى متابعة الرياضيات، ولكنه فى البداية كان محبطاً.



لماذا كان ديكارت على هذه الدرجة العالية من الاستخفاف بالجبر لدرجة أنه أراد أن يحسنه؟ حسناً، فقد كان الجبر مصاغاً جزئياً في خلال القرن السادس عشر، فقد كانت هناك بعض النقاط العامة ذات الأسماء المختصرة التي لم تكن على درجة وصف واضحة ولا حتى تمت معالجتها بطريقة بارعة. ولكن بالنسبة لعلماء الرياضيات في ذلك الوقت كانت هناك أمور أسوأ، فقد وجدوا أنفسهم يقومون بوصف أشياء تافهة أو سيئة!

لقد ذكرنا سابقاً الأرقام التخيلية، وهي جذور المعادلات مثل سY + Y = 0، إنوع من الأرقام تنتمي هذه الأرقام ؟

فنحن لا نستطيع عد الأشياء بواسطة هذه الأرقام. أيضاً ما هي الكميات الفيزيا يعطى مربع قياسها كميات سالبة ؟ هذا يعنى أنه يلزم التعامل مع هذه الأر البحة بارعة لبعض القواعد، وفي النهاية لا توجد دواعي قلق من كتابة الهراءات ه



## الهندسة التحليلية

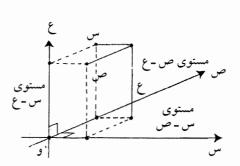
ظهرت الهندسة التحليلية أو هندسة الإحداثيات كنتيجة لمجهودات ديكارت. وتبنى الهندسة التحليلية على فكرة أن أى نقطة في الفراغ يمكن ...



فى الهندسة المستوية يوجد محوران متعامدان نطلق عليهما «محور س» و «محور ص». ويمكن تحديد موقع أى نقطة فى المستوى بواسطة إحداثياتها (س،ص) والتى تعطى المسافة بين تلك النقطة ونقطة الأصل على المحور بين س و ص، ونقطة الأصل هى نقطة تقاطع المحورين.

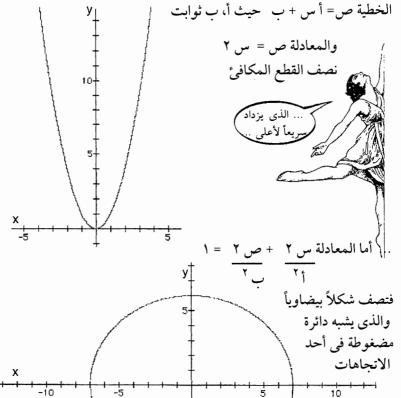
(س،ص)

أما فى حالة الثلاثة أبعاد فيوجد ثلاثة محاور متعامدين تبادلياً وهم محور س و ص و ع





وأبسط شكل يمكن تمثيله هو الخط المستقيم الذي يوصف بواسطة المعادلة



اعتدك على الاعتقاد بأن الأشكال مملة ولكن هذه الأشكال أكثر جمالاً الم

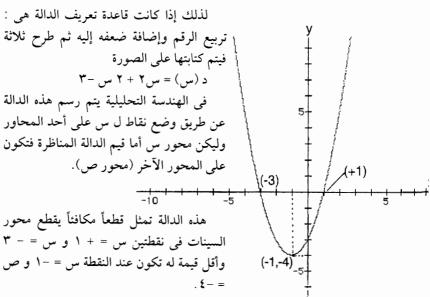


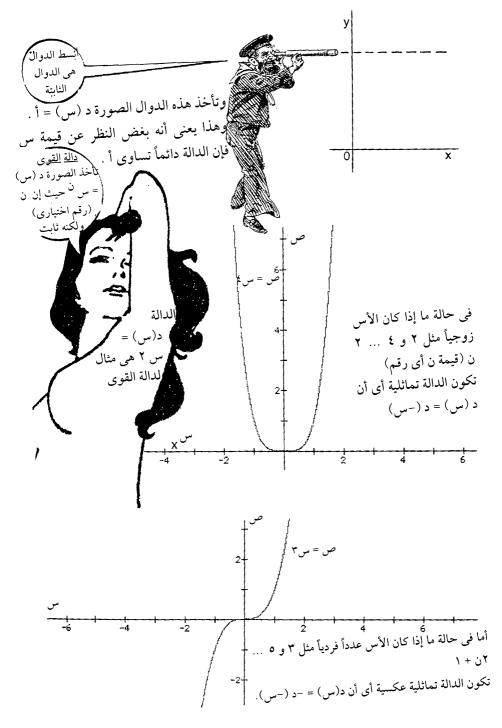
... وهي القطع الزائد الذي يتم تمثيله بواسطة المعادلة  $\frac{T}{T}$  -  $\frac{T}{T}$  . وإشارة السالب هي التي تقوم بكل أشكال الاختلافات حيث  $\frac{T}{T}$ إن هذا المنحنى عبارة عن فرعين يزدادان بسرعة إلى ما لا نهاية

## الدوال

تقوم الدوال بإظهار صورة اعتماد أو علاقة متغير ما بمتغير أو متغيرات أخرى، فنقول إن ص هي دالة في س و ص. (نستخدم الحروف في آخر الأبجدية للتعبير عن المتغيرات، أما تلك في بداية الأبجدية فتعبر عن الثوابت في غالب الأحيان كما استخدمهم ديكارت).







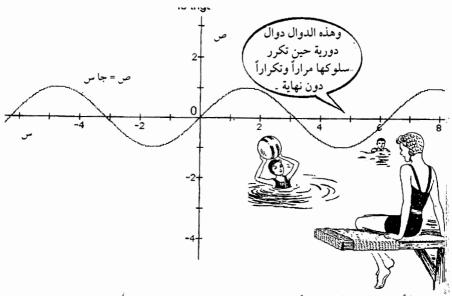
الدالة الجذرية هي عبارة عن «عكس» دالة القوى، لذلك الدالة د(س) = سر الحس الدالة د (س) = س ٢.

هي عكس الدالة د (س) = س ٢.

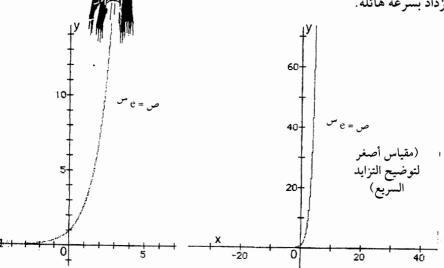
الدالة كثيرة الحدود يتم تمثيلها بواسطة عدد من الثوابت أ ، ب، جو ، ... ومتغير واحد س الذي يتغير في أسسه. لذلك الدالة كثيرة الحدود من الممكن أن تأخذ الصورة الحدود من الممكن أن تأخذ الصورة د(س) = أ س ٣ + ب س ٢ + ج س + د .



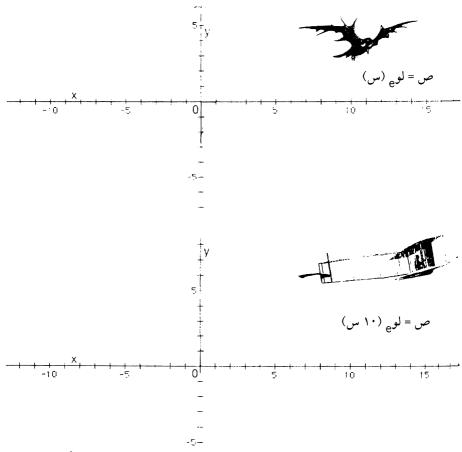
أما الدوال المثلثية فتستخدم النسب المثلثية مثل جا وجتا، وأحد هذه الدوال هي د (m) = جا س



الدوال الأسية مثل د  $(m) = 1^m$  تختلف عن دالة القوى فى أن الرقم الثابت فى هذه الحالة يكون هو الأساس أما س فهو الأساس. والدوال الأسية ذات أساس أكبر من واحد تزداد بسرعة هائلة.



الدوال اللوغارتمية هي عكس الدالة الأسية وتكتب على الصورة د(س) =  $\mathrm{Le}_{\mathrm{f}}$  (س) ؛ ويسمى الرقم أ بأساس اللوغاريتم. وتتزايد هذه الدوال تزايداً بطيئاً جداً. ومثال تلك الدوال :  $\mathrm{Le}_{\mathrm{f}}$  (۱۰) =  $\mathrm{Le}_{\mathrm{f}}$  (س) +  $\mathrm{Le}_{\mathrm{f}}$  (۱۰)



واللوغاريتمات التى نستخدمها فى الجداول لها أساس عشرة. وفى الكمبيوتر (والذى يعمل بالحسابات الثنائية المبنية على الرقمين صفر وواحد) يكون الأساس المناسب هو اثنان. وفى حالة الرياضيات النظرية فإن الأساس المفضل هو:

ث = ۲,۷۱۸۲۸۰۰۰

وهذا هو «أبو كل الأساسات» والذى يمثل الدالة الأسية e=(m) والتى لها معدل تزايد مساوِ تماماً لحجمها.



## التفاضل والتكامل



كانت أعمال ديكارت هي أوج عملية تحرير الجبر من الكلمات ، تماماً مثلما فعلت الهندسة اليونانية من تحرير الإنشاءات من الأرقام. وقد انطلق تطور الجبر بمجرد أن وضع ديكارت صيغة لوصف العلاقات الجبرية . وخلال أربعين عاماً من نشر الهندسة الجبرية لديكارت قام العالم الرياضي الفيلسوف الألماني جونفريد ويليام فون ليبنز (١٦٤٦ ـ ١٧١٦) بابتكار جبر للانهاية. وهذا هو ما نسميه التفاضل والتكامل وهو أداة فعالة في تحليل النمو والتغير بصفة عامة.

-----المساحة تحت المنحنى بين

لينز

مكان الجسم المتحرك : س السرعة أو الجريان : س·

نيوتن

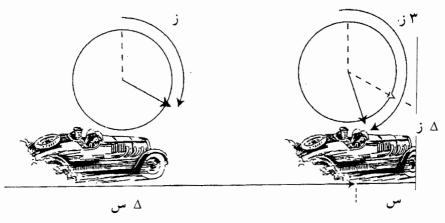
أما السير إسحق نيوتن (١٦٤٢ ـ ١٧٢٧) فقد قام باكتشاف مماثل لذلك في فترة سابقة نوعاً ما ولكنه قام فقط باستخدام ملاحظات ديكارت في صورة موسعة بدلاً من الإضافة إليه لذلك فإن الصورة التي وضعها ليبنيز للتفاضل والتكامل هي الصورة السائدة هذه الأيام. لذلك فإن الفيلسوفين ديكارت وليبنيز هما اللذان وضعا الأفكار والملاحظات التي شكلت الرياضيات بعد ذلك.





عملية إيجاد كيفية تغير كمية ما تسمى التفاضل، فعندما نقوم بتفاضل دالة ما فإننا نحصل على معدل تغيرها .

فإذا أأخذنا في الاعتبار مركبة تسير في طريق ما ، فإننا نجد أن موقعها يتغير بصورة متصلة على طول الطريق.وعند أي زمن ز يكون موقعها س متمثلاً بواسطة الدالة المتصلة س(ز).



Y مع استمرار المركبة فى الحركة فإن موقعها سيتغير وليكن هو س+  $\Delta$  س وذلك بعد مرور برهة من الوقت  $\Delta$  ز .

3\_ تصل هذه المركبة إلى موقعها الجديد بعد مرور وقت عبارة عن مجموع الوقت الابتدائى ز بالإضافة إلى البرهة  $\Delta$  زأى أن الوقت الكلى هو ز +  $\Delta$  ز .

ما هي السرعة المتوسطة أو بعبارة أكثر فنية ما هي السرعة الاتجاهية المتوسطة لهذه المركبة ؟ هي عبارة عن المسافة المقطوعة مقسومة على الوقت اللازم لقطع هذه المسافة

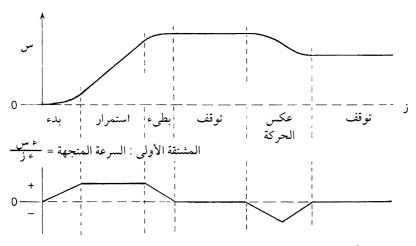
$$\Delta m = c (i + \Delta i) - c (i)$$
 أى أنها : 
$$\Delta \frac{\Delta}{\Delta i} \frac{\Delta}{\Delta i}$$

وإذا افترضنا أننا نريد أن نعرف سرعةأى جسم متحرك عند أى لحظة ز أو معدل تغير س عند زمن معين ز ، نستطيع أن نحسب ذلك عن طريق تقليل الزيادة فى الزمن  $\Delta$  ز بقدر الإمكان حتى تصل إلى الصفر . وفى هذه الحالة فإن نهاية السرعة المتوسطة  $\frac{\Delta}{\Delta i}$  عندما تؤول  $\Delta$  ز إلى الصفر تعرف بالسرعة المتجهة اللحظية ، وتكتب على الصورة :  $\frac{\Delta}{\Delta i}$   $\frac{$ 

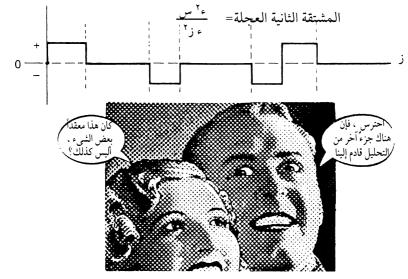




وإذا قمنا برسم س كدالة في ز فإن المشتقة تعبر عن ميل المماس للمنحني عند ز.



ويمكننا أيضاً القيام باشتقاق المشتقة لنحصل بذلك على المشتقة الثانية، وفي مثالنا هذا للمركبة على الطريق فإن المشتقة الثانية: تعطينا معدل تغير السرعة أو العجلة.





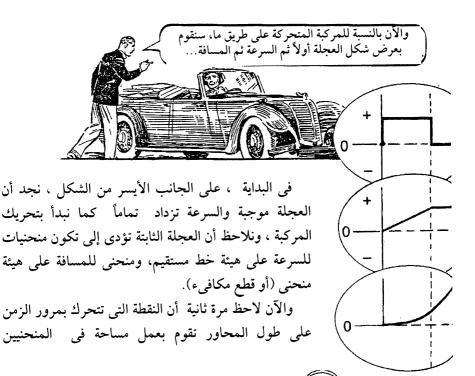
تجزىء خاصة.

بواسطة طرق أما الطريقة الثانية فتتم معالجتها عن طريق رسم أوتار تمر بتلك النقطة.



ويمكننا توضيح مدى فاعليتها باستخدام مثال المركبة التى تتحرك على طريق ما والأشكال الثلاثة للمسافة والسرعة والعجلة.. وبدلاً من البدء بدالة المسافة تم القيام باشتقاقها دعنا نبدأ بالمشتقات ونعود بطريقة عكسية إلى دالة المسافة.



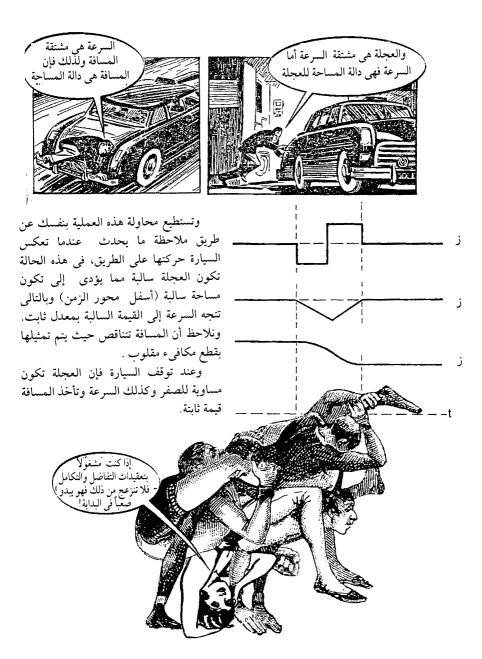


السفليين ، وهذا هو مفتاح فهم التكامل بأكمله ، لذلك راقب جيداً عن قرب.

بالنسبة لمنحنى العجلة نلاحظ أن المساحة المتزايدة تقوم بمسح مستطيل وتزداد مساحته تناسبياً مع الوقت المقطوع ، وهذا تماماً هو نفس سلوك منحنى السرعة!

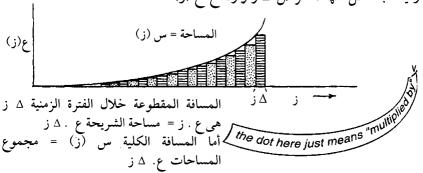
وبالنسبة لمنحنى السرعة فهو يمثل مثلثاً متزايداً وتزداد مساحته في البداية ببطء ثم بعد ذلك بسرعة أكبر، وذلك هو نفس سلوك منحنى المسافة!

والذى نستنتجه من ذلك أنه إذا كانت دالة ما هي مشتقة دالة أخرى فإن هذه الدالة الثانية هي دالة المساحة للدالة الأولى.





فإذا بدأنا بمنحنى السرعة ع(ز) وتخيلنا أن المساحة أسفل هذا المنحنى عبارة عن شرائح رفيعة جداً كل منها له عرض  $\Delta$  ز وارتفاع ع (ز).



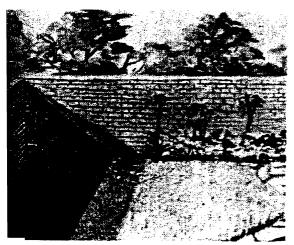
وكل من تلك الفترات تقوم

يوصف المسافة المقطوعة سرعة

ثابتة ع خلال الفترة الزمنية ز

وبذلك فإن المساحة الكلية تحت المنحنى هي مج (كل الشرائح ع(ز) .  $\Delta$  ز)

والآن ، كما قلت أنا، الفترة الزمنية متناهية في الصغر لكي تتوافق تماماً مع منحني السرعة وتأخذ القيمة ء ز فإن السرعة وتأخذ القيمة ء ز فإن المجموع يتحول إلى الرمز المجموع يتحول إلى الرمز الخاص...



لكى نرجع إلى التعريف السابق وهو عكس المشتقة فإن كل ما نحتاج تخيله هو الشريحة الرقيقة السابقة وهى  $\Delta$  س نفسها.

 $\mathbf{e}$  وحيث إن  $\Delta$  س = ع  $\Delta$  ز

$$\frac{\text{iff } \Delta \quad m}{\Delta \quad i} = \frac{(3 \cdot \Delta \quad i)}{\Delta i}$$

$$\frac{\Delta}{\Delta} \quad i = \Delta \quad i$$

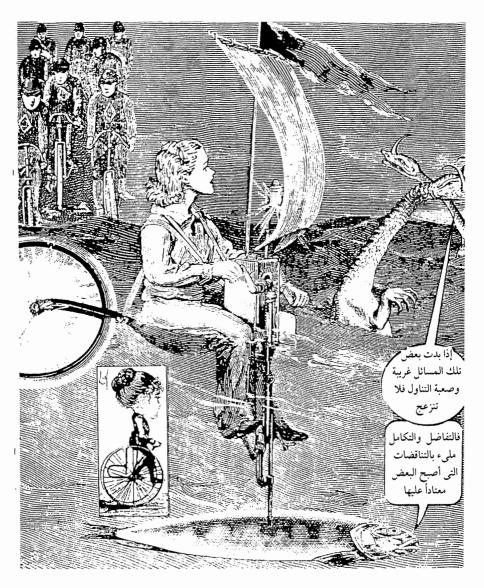
$$\frac{\Delta}{\Delta} \quad i = \Delta \quad i$$

$$\frac{\Delta}{\Delta} \quad i = \Delta \quad i$$

وعلى ذلك فإن مشتقة الدالة المتكاملة التي تم تعريفها من خلال مجموع الشرائح هي نفسها الدالة التي تُعبر مساحاتها عن الدالة المتكاملة.

والآن من السهل أن نوجد مشتقات الدوال سواء إذا كان بصورة جبرية أو بواسط بعض الدوال. ولإيجاد الصورة الجبرية لدالة المساحة فإننا نقوم بالبحث عن تلك الدال التى تُعبر مشتقتها عن الدالة الأصلية ويتم اختزال المسائل التى تختص بدراسة خواص المنحنى ككل إلى مسائل أبسط تدرس خصائص المنحنى عند نقطة.





وقد تم تطبيق التفاضل والتكامل في مجالي الميكانيكا والفلك.

وأدى استخدام المعادلات التفاضلية في الفيزياء إلى نشأة الفيزياء الرياضية، بمساعدتها فقط استطعنا أن ندرس علوم الحرارة والطاقة والكهربية والمغناطيسية. يعتمد العلم الحديث،والذي يدعم التكنولوجيا المتقدمة، بصورة مباشرة تماماً على تفاضل والتكامل.

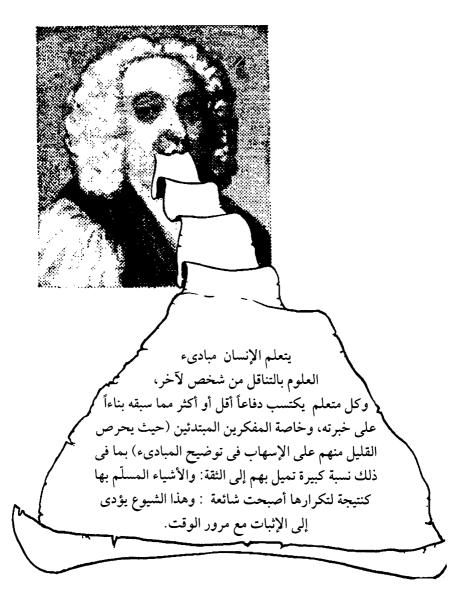
### أسئلة بيركلي



وكان هدف بيركلي هو توضيح أن الملحدين الذين طالبوا بسرعة إحلال الألغاز والخرافات الدينية بالعلم والعقل كانوا على درجة من الجهل العقائدي مثلهم مثل أسوأ علماء الدين.

وقد سأل في افتتاحية كتيبه: «.. هل أن الأهداف والمبادىء والتداخلات الموجودة في التحليل الحديث قد تم فهمها بوضوح وإثباتها بالدليل أكثر من الألغاز الدينية ونقاط الإيمان؟» وكانت الإجابة واضحة بالنسبة له...

وقد اتجه علماء الرياضيات إلى الإجابة على الأسئلة التى وردت فى كتيب بيركلى الذى أسماه «المحلل» وقد استخدم بيركلى هذه الإجابات ليواجه ارتباكاتهم بصرامة، وكان رده: إن دفاع أصحاب الأفكار الحرة فى الرياضيات يعتبر عملاً أستاذياً فى التحليل الحرج.



وقد حاول بيركلى أن يوضح أن تعلم حل المسائل فى الرياضيات والعلوم لا يساعدنا بالضرورة على فهم ما يدور حوله. وقد توقع صورة البحث العلمى الذى تم تطويره بواسطة ت. س. كون الذى قام بوصف «العلوم العادية» كعملية تدريب على «حل الألغاز» من خلال مثال (إطار التفكير) لم تتم الإجابة عليه وهو بالفعل لا يمكن الإجابة عليه طوال فترة عمله . وبالنسبة لكون العلم العادى فى الواقع عبارة عن تدريب لأصحاب العقول الضيقة، وعملية تدريس العلوم (بما فيها الرياضيات) هى بالضرورة شىء جازم بدون دليل.



# إلة أويلر

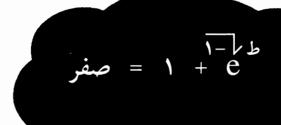
كان العالم السويسرى ليونارد أويلر (١٧٠٧ ـ ٨٣) أول من ربط بين الدوال الأسية والدوال المثلثية ووضع صيغة لعلاقتهم. كان لأويلر عبقرية غير عادية في الرياضيات وهناك الكثير من القصص حول براعته الفائقة. وكان أويلر موظفاً في بلاط قصر فريدريك ملك بروسيا حينما قابل الفيلسوف الفرنسي دينيس ديدروت (١٧١٣ ـ ٨٤) الذي كان ملحداً متعصباً..



ولا تحتوى الصيغة التى ذكرت فى هذه القصة على شىء فى مضمونها، ولكن قام أويلر بتطوير معادلة من أجمل الصيغ فى الرياضيات كلها، والتى تجعل من يتعرض لها أن يتوقف أمامها ويفكر فيها بالتأكيد.

والصيغة التي وضعها أويلر هي تعبير لغزى مبهم والذي يقوم بربط الأرقام الخمسة الأساسية في الكون.





وبالنظر إليهم بترتيب معكوس ،فأول ما نقابله هو الصفر شبه الرقم ذو الصفة اللغزية.

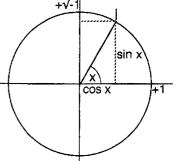
بعدها نجد ۱ ، الوحدة ، أساس كل الأرقام. ثم يظهر لنا سالب واحد تحت الجذر التربيعي ( ال - الذي يسمى «ت») وهو الوحدة الأساسية في «الأعداد التخيلية» والتي أذهلت العديد من الثقافات والحضارات. بعد ذلك نجد أقدم الثوابت الرياضية، ط، الذي يقيس النسبة بين محيط الدائرة وقطرها. أما آخر رقم وهو أحدث ما تم اكتشافه ، الرقم المبهم، e ، وهو أساس النمو الأسى الطبيعي.

هل كان من الممكن استنتاج علاقة مثل هذه بالتجربة أياً كان طول تكرارها؟ وفى الواقع، فإن صيغة أويلر الرائعة جداً قد نتجت من دالة (قد اكتشفها هو) تربط بين الأعداد المركبة والدوال المثلثية التي اكتشفها علماء الرياضيات المسلمون (انظر صفحة ٩١).

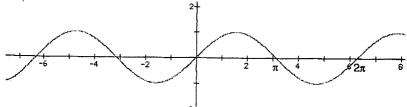
وقد لاحظنا أن الدالة  $e^m$  لها منحنى يتزايد بسرعة كبيرة، وعلى العكس فإن  $e^m$  يمثل دائرة! ونصف قطر هذه الدائرة هو الوحدة أما س فهى الزاوية التى يصنعها الخط الواصل من نقطة الأصل إلى أى نقطة. وتزداد قيمة س من صفر إلى ٢ ط مع تحرك النقطة على الدائرة. ولكن إذا نظرنا إلى هذه الصيغة من وجهة نظر حساب المثلثات نجد أن  $e^m$  س هو عبارة عن

عدد مركب الجزء «الحقيقى» فيه هو جتا س أما الجزء «التخيلى» فهو جا س. لللك يمكننا كتابه e  $^{-}$ 

ماذًا لو انحدرت النقطة على الدائرة مرة أخرى ، نجد أن الزاوية س تستمر في الزيادة، هذا يعنى أن الدوال e ت س وجنا س وجا س تستمر في تكرار



نفسها. ويقال إن هذه الدوال دوال دورية . ويتم تمثيل منحنى ص = جا س على الصورة : ويشابه هذا العديد من الظواهر التي إما أن تكون تبادلية بالنسبة للزمن مثل التيار الكهربى ، أو الموجات المنتشرة في الفضاء مثل الصوت. ودوال الجيب وجيب التمام هي الوحدات



البنائية في كل صور الموجات المعقدة التي تحمل رسائل ما. والقيام بالرياضيات بواسطة دوال الجيب أو جيب التمام عن طريق استخدام الصيغة «الأسية التخيلية» تقوم بتحويل الحسابات المرهقة إلى تمرينات مرتبة وسهلة.



### علوم الهندسة اللا إقليدية

رأينا أن إقليدس استنتج كل هندسته من «ملاحظات شائعة» قليلة «وافتراضات» ذاتية الدلائل، ولكن واحدة من هذه الافتراضات والتي تختص بالخطوط المتوازية تبدو مشابهة للنظرية لدرجة كبيرة وقد شكل نظام إقليدس هذا ارتباكاً على مر العصور غير أنه قابل

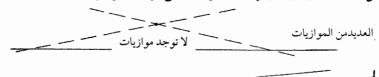
شكوكاً في صحته واكتماله.

وبعد ذلك أصبح هذا النظام أساساً لمرجلة عظيمة في تاريخ التخيل الرياضي وهي ابتكار الهندسة اللاإقليدية .

وقد تم ابتداع هذه الهندسة بواسطة العديد من الأشخاص، ولكن أول من قام بذلك لم يكن يعرف أنه يسير في اتجاه هذه الهندسة . كان هذا هو عالم الرياضيات المسيحي ج ساكتشيري والذي نوى أن ينهي كل هذه المراوغات نهائياً. وقد حاول في كتابه «تحرير كل العيوب بواسطة إقليدس» في عام ١٧٣٣ أن يوضح أنه من المستحيل التعامل مع الهندسةبدون «فرض التوازي».



عن مبدأ التوازي.وبالنسبة لنا فتكون طريقة التعبير كَالَّتالي : إذا أخذنا في الاعتبار خطأ مستقيماً وكانت هناك نقطة خارجة عنه فإنه يوجد خط واحد وواحد فقط يمر بهذه النقطة ويوازى ذلك الخط في نفس الوقت ، وإذا لم يتم قبول هذا التعريف تكون النتيجة : إما أن يكون لدينا أكثر من خط يحمل هذه الخاصية أو ألا يكون هناك أي خط على الإطلاق بوازى الخط الأول.



فى البداية تم التحقق من فكرة العديد من الموازيات بواسطة كل من عالم الرياضيات المجرى جانوس بولاى (١٨٠٦ ـ ٢٠) وعالم الرياضيات الروسى نيقولاى لوبا شيفسكى (١٨٥٦ ـ ١٧٩٢)كل على حدة وفى ذات الوقت تقريباً .وبعد ذلك قام العالم الألمانى جورج ريمان (١٨٧٦ ـ ٢٦) بالتحقق من فكرة عدم وجود موازيات . وفى النهاية تم التحقق من أن هذا النوع من الهندسة من الممكن أن يتم بواسطة إنشاءات فى أنواع خاصة من الأسطح. فبالنسبة لهندسة ريمان تعتبر الكرة مثالاً جيداً إذا اعتبرنا أن الخط عبارة عن دائرة عظمى، وهو المنحنى على سطح الكرة الناشىء عن تقاطع مستو يمر بمركز الكرة مع سطحها. ويلاحظ أن أى دائرتين عظميين تتقاطعان فى نقطتين وعلى ذلك فلاً يوجد أى موازيات.



### الفضاءات نونية (\*) الأبعاد

هناك تطور آخر معاكس للبديهة في الهندسة وهو دراسة الفضاء الذي له أبعاد أكثر من ثلاثة . وامتداد نظام ديكارت للهندسة الجبرية بحيث يتم وضع أبعاد أكثر وضوحاً ومباشرة. فبدلاً من أن يتم التعبير عن موقع نقطة في المستوى بواسطة الأبعاد (س،ص)يتم التعبير عنها في هذه «الفضاءات الزائدة» بواسطة الأبعاد (س, ، س, ، ....  $m_{i}$ ). وبالطبع تختلف خصائص المنحنيات في هذه الفضاءات الزائدة عن تلك المرسومة في بعُدين أو ثلاثة، ولكن الاعتقاد بوجود تلك الفضاءات متعددة الأبعاد لا يشكل أي صعوبة بالنسبة لنا في هذه الأيام.



<sup>(\*)</sup> لها عدد ن من الأبعاد في الغالب يكون أكثر من ثلاثة. (المترجم).

وتمت كتابة عمل جيد عن الخيال الرياضي والنقد الاجتماعي يهتم بهذه الفكرة وهو يسمى «الأرض المستوية Flatland» وهذا العمل يصف مجتمعاً من الأشخاص الفعليين الذين يعيشون في مستوى ، وهذا مشابه تماماً لفترة العصر الفيكتوري حيث كانت حالة الفرد الاجتماعية تعتمد على عدد «جوانب الشخص Person's sides» حيث كان للطبقة العليا أربعة جوانب وللأرستوقراطيين العديد والعمال ثلاثة، أما النساء فكانت لهم مجرد إبرة!

وكان «المربع»البطل الذى لديه خبرة بالأبعاد الثلاثة من خلال علاقة الصداقة التى تربطه بالكرة . وكان هذا الكائن يظهر لسكان هذه الأرض كل خمسمائة سنة على هيئة دائرة التى تبدأ من نقطة ثم تنمو ليزداد حجمها وبعد ذلك تتضاءل ثم تختفى. والذى لم يكن مفهوماً بالنسبة لقاطنى هذا المكان هوالكرة التى تمر عبر مستواهم .فهذه الكرة تصادف المربع وتأخذه فى رحلة

عبر الفضاء وتعرض عليه الأرض الخطية والأرض النقطية الآهل بمخلوقات راضية نوعاً ما. وتقوم كذلك بإطلاعه على الحياة الخاصة لسكان الأرض المستوية. ويعانى المربع كثيراً فى رحلة عودته حيث إنه يحاول أن يصف الفضاء ولكنه يعجز عن توضيحه لأصدقائه ، الذين يظنون أنه منزعج.



### إيفاريست جالوا

فى أثناء القرن التاسع عشر ازدادت قوة وعمومية العبر، فقد أصبح متأصلاً فى شكليته وصياغته وبالتدريج بدأت فكرة أن أنظمة الصياغة تستطيع أن تشير إلى أشياء أخرى غير الأرقام والعمليات الحسابية عليها. وقد تم اتخاذ خطوة للأمام فى هذا المجال بواسطة العالم الرياضى الفرنسى إيفاريست جالوا (١٨١١ ـ ٣٣) وهو بدون شك واحداً من أهم الشخصيات البارزة فى تاريخ علم الرياضيات. وقد كان واحداً من الجمهوريين الغيورين فى وقت فيه العديد من الصراعات السياسية. وقد كان ضحية عوامل الغضب الثورية ، وقد قتل فى ريعان شبابه وعمره ٢١سنة . وفى آخر ليلة قبل وفاته قام بكتابة مخطوطة تحتوى على كل أفكاره .و قد اختفت هذه المخطوطة فى البداية ثم بعد ذلك ظهرت ونُشرت بعد خمسة عشر عاماً من وفاته.

وقد قام جالوا بمناقشة مشكلة قديمة وهي إيجاد جذور المعادلة الخماسية س٠ +....= صفر .وفي وقته اجتمعت كل الآراء على استحالة هذه العملية ولكن لم يقم أحد بإثبات ذلك.



#### المجموعات



المجموعات هي تكوينات رياضية يتم تعريفها بواسطة عناصر وبعض قواعد الاندماج. ويمكن اعتبارهم أنهم أنظمة حسابات ولكن بدون أرقام، فلا توجد علاقة بين عناصر تلك المجموعات وبين القياس أو العد وكذلك فهي ليست أرقاما بالمعنى الطبيعي للكلمة. وقد أوضح جالوا أن هناك تتابعاً من العمليات التي تسلك نفس سلوك الجمع.

وهذه التتابعات لها القليل من الخصائص التي تُعَرفها.

١ ـ لكل عنصرين يوجد عنصر ثالث ينتج من اندماجهم، مثل : ٢ + ٢ = ٤ .

 $Y_{-}$  هناك عنصر يسمى بعنصر «الوحدة» وهو لا يغير العنصر الذى يندمج معه مثل :  $Y_{-}$  +  $Y_{-}$  .

 $\mathbf{T}$  کل عنصر له «معکوس» والذی عندما یندمج معه ینتج عنصر الوحدة مثل  $\mathbf{T}$  +(- $\mathbf{T}$ )= صفر .



وكمثال لأحد المجموعات، وهي أحد الأمثلة البسيطة جداً التي قدمها

جالوا ، نأخذ في الاعتبار الأربعة أشكال المسماة.

a b c d

وهذه ليست عناصر المجموعة ، ولكن عناصر المجموعة تتكون من عملية تدوير هذه الأشكال الأربعة. وإذا تخيلنا عملية تدوير بينهم إما عن طريق تدوير واحد فقط



وإذا أسمينا عمليات التدوير هذه I,C,B,A فإن C+A يعتبر تدوير T+T أماكن أو T+T أماكن وهو مساو لعنصر تدوير الوحدة T ومن الممكن أن نكون جدولاً لجمع هذه العناصر بكل الصور.



			_	
	I	Α	B	C
I	I	A	B	C
A	A	B	C	I
B	В	C	I	A
C	C	I	A	В

وبالرغم من أن هذا المثال تافه إلى حدً ما إلا أنه يحتوى على فكرة فعالة ، وهى أن علماء الرياضيات من الممكن أن يلاحظوا أى نظام عمليات عن طريق «جدول الجمع» . ونحن لسنا بحاجة إلى أمثلة إما فى الحالة الفيزيائية مثل الحركة أو الجبرية مثل جذور المعادلات. وهذا الهيكل البنائي يقوم بتعريف نفسه ،ومثل هذه الهياكل البنائية والتي لا يلزم أن تكون مجموعات ومن الممكن أن نجد مجموعات اندماج أخرى وربما تظهر جداول لعملية الضرب أيضاً.

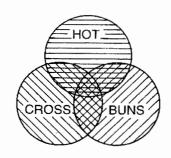


لنفترض أننا نبحث عن Hot Cross Buns فإننا نقوم بكتابة الكلمات الاسترشادية.

Hot Cross Buns ويقوم محرك البحث بسؤالنا عما إذا كنا نريد المواقع التي بها

أي الكلمات الاسترشادية أو كل الكلمات الاسترشادية

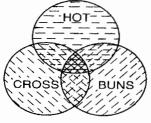
والاختيار الأول يعطينا كل المواقع التي تحتوى على Hot أو Cross أو Buns ويتم تمثيل ذلك بواسطة أشكال «فن» على الصورة:





ويعنى هذا بلغة الفئات (Hot) + (Cross) + (Buns) . وهذا يعنى أنه يولد الكثير من المواقع التي لها الكثير من الاهتمامات وهي ليست بالضرورة ذات صلة بما نريد.

ولكن إذا كنا نريد "Hot Cross Buns" فقط فهذا يعنى أننا سنحصل على المواقع التي تحتوى على كل من Hot و Cross وBuns ويصبح شكل فن في هذه الحالة:



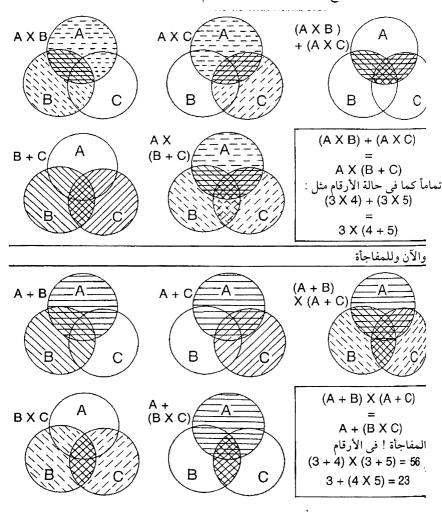
والذي يعنى بلغة الفئات (Hot) × (Buns) × (Cross) لذلك سنحصل على "Hot Cross Buns" و لا شيء غيرها.



والعمليات الجبرية على الفئات شيقة جداً وذلك لأنها على عكس الحسابات تحتوى على نوعى على العقات «التوزيع».

$$C + A = (C \times B) + A$$
  $C \times A = (C + B) \times A$ 

والحالة الأولى تتماشى مع الحسابات العادية ولكن الثانية لا تتماشى . أما فى حالة الفئات حيث تعنى "X" التقاطع و «+» اتحاد تتماشى كلتا الحالتين من خلال التوضيح المبين بواسطة «أشكال «فن» وها هو «قانون التوزيع» الذى يتحقق بالنسبة للأرقام.



ومثل هذه الأمثلة أعطت علماء الرياضيات مدى فهم عظيم لتخيلهم. فالحسابات التي يقوم بدراستها علماء الرياضيات أصبحت متزايدة في اختلافها عما نعرفه عن الأرقام.

#### كانتور والفئات

بينما انشغل البعض بالأرقام كان البعض الآخر مهتماً باللانهائيات .والفئات الموصوفة بكونها لانهائية في الحقيقة ثم تركها للرموز الرياضية واللغزية.

وقد توجه عالم الرياضيات الألماني جورج كانتور (١٨٤٥ ـ ١٩١٨) إلى ترويض اللانهاية.

> وضعت كيفية تكوين مثل تلك الفئات وقمت أيضاً بعدًهم.

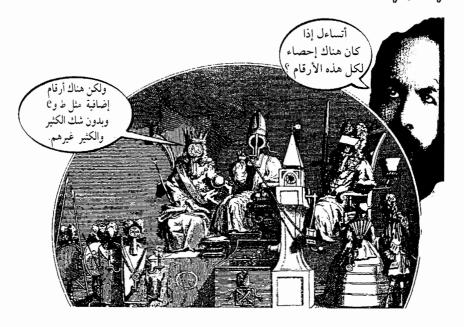
وقد وضع مخطط لِعدُّ الأرقام الكسرية عن طريق وضعهم في منظومة مثل هذه .

	1/1	2/1	3/1	4/1	5/1	6/1
	1/2	2/2	3/2	4/2	5/2	وها هي القاعدة التي يتم من خلالها إحصاء كل
	1/3	2/3	3/3	4/3		الكسور
	1/4	2/4	3/4			لاحظ كيف تبدأ الأسهم ، في البداية من المربع في أعلى اليسار، ثم على طول القطر أسفل إلى
	1/5	2/5		,		الیسار ، من $\frac{\gamma}{\Gamma}$ ثم $\frac{\gamma}{\Gamma}$ وهكذا. وأثناء
٠	1/6		هذا	مل		استمرارك لاحظ إذا كان هناك رقم قد تم عَدُّه
		(	ندا للقيام خباب حباب	(متأخر ج بمزحة الذ		بالفعل (مثل $\frac{Y}{2} = \frac{1}{Y}$ ) وقم بحذفه. أيضاً قم باختصار الكسور إلى أبسط صورة
Ω						$Y = \frac{Y}{1}$ مثل
		The second				
				25		
		1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1			To the second	120



ويبدو هذا وكأنك تقوم بتجميع الكسور التي يساوى مجموع بسطها ومقامها ٢ ثم ٣ ثم ٤ وهكذا على الترتيب وفي كل مرة تبدأ بأكبر رقم . وبهذه الطريقة سوف نصل إلى أي رقم كسراً كان أو صحيحاً إن عاجلاً أو آجلاً.

وبالمثل من الممكن أن نحصى الأرقام التي تحل المعادلات الجبرية مثل :  $\sqrt{\Upsilon}$  و  $\sqrt{-1}$ 



وقد أثبتت أعمال كانتور عكس ما كان يقصد ، حيث إنه وجد أن الأعداد الحقيقية لا يمكن أن تُحصى. وقد قام بإثبات ذلك على عدد قليل من الخطوط ، ولكن عليك أن تراقب عن قرب !

افترض أننا قمنا بإحصاء كل الأرقام مثل الكسور والأرقام الجبرية، فإن هناك قائمة لا نهائية لهذه الأرقام مشابهة لما حصلنا عليه قبل ذلك للكسور والآن من الواضح أن الأرقام لا تظهر في ترتيب حسب جمعها..



وإذا لم يكن

بأننا لم نقم بإحصاء كل الأعداد. ك



كيف يمكننا إنشاء رقم غير موجود في هذه القائمة ؟ حسناً افترض أن هناك رقماً ما مختلفاً في الخانة الأولى مع الرقم الأول، وفي الخانة الثانية مع الرقم الثاني، والخانة الثالثة مع الثالث وهكذا . ويمكننا فعل ذلك إذا كانت كل خانة في هذا الرقم تزداد مقدار واحد عن خانة الله مع دف القائمة



وقد تعامل كانتور مع نوعين من اللانهاية : الأرقام المعدودة.

(مثل الأرقام العادية) والنقاط الواقعة على خط ما . ما هو مدى ارتباطهم ببعض؟بعدذلك مكن من الحصول على طريقة لوصف الرتب الأعلى من اللانهائية بطريقة عامة.

وبالنسبة لهذه النقطة سنقوم بدراسة فكرة الفئة الجزئية . إذا كانت لدينا فئة مكونة مز للاثة عناصر c,b,a فإن فئاتها الجزئية هى الأزواج bc,ab و ac والعناصر الفرديا c,b,aوالفئة الفارغة وكذلك الفئة الأصلية ذاتها.

[abc] a b c ab ac bc

وبحساب عدد هذه الفئات نجد أنه ثمانى فئات أو ٣٦. وهذه الفئة الجديدة تسمى فئة توى (أو الأس) للفئة الأصلية ، وإذا كانت الفئة الأصلية تحتوى على عدد ن من العناصر ن فئة القوى تحتوى على ٢ن عنصر.

وبهذه الطريقة استطاع كانتور أن يكون فئات كبيرة جداً عن طريق تكوين فئة القوى احدة تلو الأخرى (أى يحسبها لواحدة ثم يحسب فئة القوى لفئة القوى وهكذا) .وقد ضع رمزاً جديداً لحجم هذه الفئات .

لكونه يهودياً فقد فضل استخدام

حرف العبرى القديم 💸 (Aleph)

على ذلك إذا كانت فئات المعدودات لها حجم ٥

ن فئة القوى لها تكون

ا 🞝 مكذا.

ربما يبدو مقبولاً أن نفرض أن ٢هـ تساوى ١ أو نفرض أن ٢ عـ تساوى ١ اولكن هذا الفرض أزعج علماء

وعلم الجاند

الرياضيات عبر الأجيال.

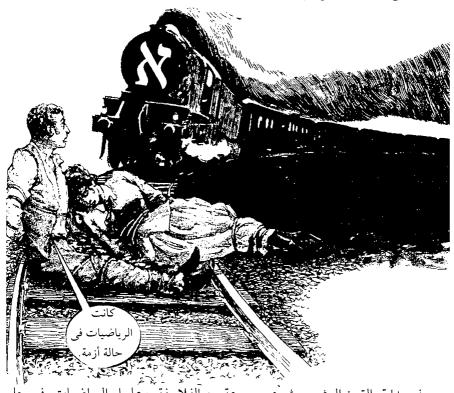


وإذا كنا نتحدث عن الفئات بهذه الصورة العامة ، فلا يوجد شيء يمنعنا من الإشارة إلى فئة كل الفئات والتي لها معنى لغوى ، أليس كذلك؟ وهذه الفئة لا بد أن تكون أكبر الفئات على الإطلاق ويتم تعريفها من خلال 3 معينة ولنكن 3 ولكن مثل أى فئة أخرى ما يوجد لهذه الفئة فئة قوى يعطى رقمها على الصورة 3 ومن المؤكد أنه أكبر من 3 لذلك ما قمنا بتعريفها على أنها أكبر الفئات على الإطلاق يتولد منها فئة أكبر ، وهذه الفكرة تحوي تناقضاً ذاتياً !



## أزمة في الرياضيات

قد م تناقض اللانهاية الذي تم اكتشافه بواسطة كانتور تحدياً جديداً لعلماء الرياضيات وهذا لا يشابه التحديات الرياضية السابقة مثل 1-1 أو  $\frac{am}{a}$  ، ولكن على هذه الحالة يوجد تعارض ذاتي واضح. وقد تم إثبات أن هذه التناقضات لا تختلف في تفاصيلها عن الرياضيات الاصطلاحية.



وفي بداية القرن العشرين شرع مِجموعة مِن الفلاَسفة وعُلماء الرياضيات في حُل





كان بيرتراند راشيل من بين من عكفوا على حل هذه الأزمة.

وقد عمل طويلاً في دراسة المنطق والفلسفة والتعليم التقدمي وفي النهاية

التمرد والاحتجاج على الأسلحة النووية. وقد مثلت

أَنْ الرياضيات بالنسبة له الحقيقة المؤكدة الوحيدة في العالم المؤكدة الوحيدة في العالم المنافقة الأدعاءات الزائفة للرهبنة.

قمت أنا وكثير غيرى بدراسة المتناقضات المنطقية لإيجاد حلول للأخطاء التي واجهت كانتور.

وكان هذا معروفاً بالفعل منذ أوقات اليونانيين القدماء ،وقد اعتمد جزء منه على استخدام «كل»كما في «فئة كل الفئات».





وأحد أكثر المتناقضات براعة يختص بتسميتها . دعنا نقوم بتعريف B على أنه أقل عدد صحيح يمكن تسميته في ما لا يقل عن ١٩ مقطعاً.

باستخدام الطريقة العادية نجد أن هذا الرقم كبير جداً لأنه يحتاج تسعة عشر مقطعاً لتسميته : حيث إن الرقم «سبعمائة ألف مليون بليون» يحتاج فقط إلى عشرة مقاطع .



وهذا تناقض خطير جداً بالفعل حيث إنه لا يتضمن إشارة ضمنية ولا حتى يتميز بالشمول. وهذا يوضح مدى صعوبة إنقاذ الوثوق في الرياضيات عن طريق التخلص من أساسياتها المنطقية.





### نظرية "جوديل"

قام جوديل (۱۹۰٦ ـ ۷۸) بنشر نظريته في عام ۱۹۳۱ كنتيجة لأعمال أ. ن . وايتهيد (۱۸۲۱ ـ ۱۹۶۷) وكذلك كتاب راشيل المكون من ثلاثة أجزاء عن المنطق الرمزى في الفترة (۱۹۱۰ ـ ۱۳) Principia Mathematica



وكانت طريقة جوديل تتمثل فى : قام بتخصيص رقم محدد لكل جزء فى الج الرياضية ، بعد ذلك قام بدمج هذه الأرقام ليحصل على رقم واحد لكل جملة رياة . وعن طريق مناقشة مشابهة لمناقشة كانتور قام جوديل بتوليد رقم «عملاق» يعبر هذه الجملة . وكان هذا الرقم مليئاً بالمعانى



## ماكينة "تورينج"

انبثقت من نظرية التحطيم العظيم لجوديل أنواع مختلفة من القوى . وقد التقط ألان تورينج (١٩١٢ ـ ٥٤) فكرة توليد جمل رياضية بطريقة مختصرة تماماً.

وتتكون ماكينة تورين من شريط وبرنامج يستجيب للمعلومات المتتابعة المخزونة في مقاطع مختلفة من هذا الشريط وهي تقوم بكل العمليات الابتدائية. وبلغة

تكنولوجيا الثلاثينات من القرن الماضى لم يكن لهذه الآلة استخدام عملى ولكنها أمدت تورينج بإصدار

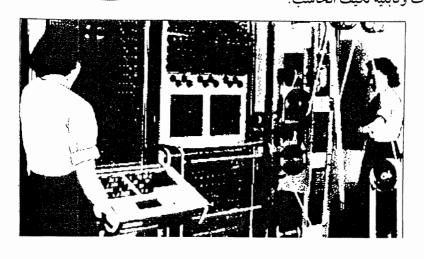
من طريقة جوديل التي كان يحتاج إليها في بحثه.

وفى القريب العاجل أصبحت تخيلات تورينج

عملية جداً حيث إنها أصبحت دليل تطوير الحاسباتُ في أثناء الحرب العالمية الثانية .

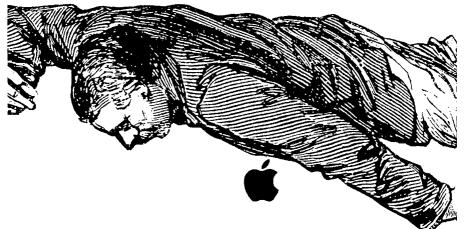
وقد بدأت الحاسبات على صورة آلات حاسبة ضخمة يتم تشغيل البرنامج عن طريق الضغط على أزرار ومفاتيح من الخارج. وكان التطور الهائل عندما تم تحميل البرنامج داخل الحاسب على أنه أحد ملفاته البنائية والذي يقوم بتوجيه العمليات في كل الملفات الأخرى. ولا توجد الآن حدود لتعقيدات وقابلية تكيف الحاسب.

أصبحت لدى مميزات الحاسب، الذي يختلف اختلافاً تاماً عن الآلات الحاسبة الميكانيكية.

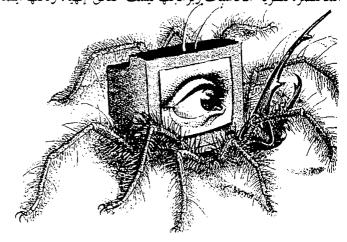


وقد ساعد تورينج في كسب الحرب العالمية الثانية حيث إنه كان ضمن الفريق الذي كسر شفرة «اللغز» الألماني ماكينة الشفرة.

وقد مات تورينج بصورة مأساوية وبالتحديد كنتيجة لاضطهاده ومحاكمته وقد تم تسميمه بسم السيانايد حيث وجدت بجانبه التفاحة المسممة مأكول منها قضمة.



وقد بدت رؤية تورينج للكمبيوتر المختصر أنها فادحة خاصة على المدى الطويل. ففى مخططه للعمليات البسيطة لم يكن هناك مكان خصص لبرمجة الأخطاء أو الحاجة "لمعالجة الأخطاء". وقد دام الاعتقاد بأن الحاسبات لاتخطىء لمدة قرون، بمعنى أن أى خطأ هو نتيجة لأخطاء البشر. والآن فقط وبعد اكتشاف Millennium Bug بدأنا نتحقق الأنظمة المختصرة لنظرية الحاسبات وبرمجتها ليست حقائق إلهية، ولكنها أيضاً منتجات بشرية.







### نظرية العماء





#### الطبولوجي

تظهر الآن قوة الحاسبات في مجالات أخرى ملحوظة أكثر، فقد قامت الحاسبات بالبراهين التي وقف أمامها العقل البشرى عاجزاً. وأكثر الحالات الشهيرة المعاصرة هي الطبولوجي . يهتم علم الطبولوجي بدراسة العلاقات بين التكوينات بغض النظر عن أشكالها . وبصيغة رياضية فإن هذا المجال هو المجال الرياضي الذي يسهل فيه ذكر المشكلة ولكن يصعب جداً حلها.



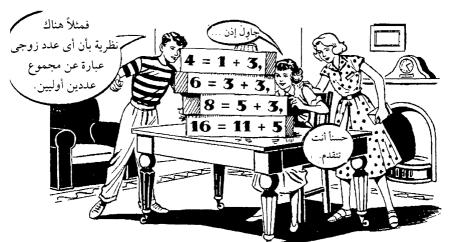


وقد تم التوصل إلى إثبات فى عام ١٩٧٦ ، ولكنه اعتمد على دراسة مفصلة لأكثر من ألف حالة وهى شىء خارج حدود استطاعة الإنسان. لذلك فقد تم تصميم برنامج كمبيوتر لاختبار الحالات الخاصة فى وقتها وقد نجح فى ذلك وأعطى النتائج المرجوة.

ولكن فى ذلك الوقت اشتكى بعض علماء الرياضيات من أنهم لا يستطيعون اختبار الإثبات! حيث إن برنامج الكمبيوتر عبارة عن مجموعة من الأوامر وليس جملاً متصلة منطقياً. هل نستطيع أن نجزم بأن برنامجاً ما قد تمت معالجته من الأخطاء أكثر من برنامج آخر ؟ وفى الحال تم التوصل إلى إجماع على مفاده وأصبح الإثبات الآن «متحققاً»

## نظرية الأرقام

وكما في حالة الطبولوجي فإن المشاكل في نظرية الأعداد سهلة الوصف ولكنها صعبة الحل.



إثبات ذلك لكل الأعداد الزوجية يعتبر عملية صعبة جداً . وكان هذا تحدياً حقيقياً لعلماء الرياضيات لفترة طويلة. وأول محاولة ناجحة لحل هذه المشكلة والمعروفة . بـ«حدس جولد باخ» بينت أننا لسنا بحاجة لأكثر من ٤٠٠٠٠ عدد أولى !



ولكن بيير دى فيرما اعتقد أنه قد توصل إلى مثل تلك المجموعات متصوراً أنه قد أثبت أن المعادلة س  $\dot{v} + \omega$   $\dot{v} = 3$ 

ليس لها حلول على صورة أعداد صحيحة إذا كانت ن أكبر من اثنين.

وقد كتب لأحد أصدقائه أنه قد توصل إلى إثبات دقيق لهذه النقطة ولكن هامش الخطاب لم يستوعبه! لذلك فإنه قد بدأ مطاردة استمرت لقرون ولم تنته إلا حديثاً. وقد تم التوصل إلى هذا الإثبات بواسطة عالم الرياضيات الإنجليزى أندروويلز (المولود عام ١٩٥٣) الذى يقوم بالتدريس الآن في جامعة برينستون.



ويؤدى كل هذا إلى توضيح أن العقل البشرى يستطيع أن يتوصل إلى ما لا يستطيع الكمبيوتر التوصل إليه.

وأشهر نظرية فى هذا المجال هى التى وضعها عالم الرياضيات الفرنسى بيير دى فيرما (١٦٠١ ـ ٦٥).



علاقة رياضية وهي نظرية فيثاغورث، وحيث إنه هناك عدد لا نهائي من الحلول للمعادلة ...

أ۲ + ب ۲ = جـ ۲

حيث أوب وحـ أعداد صحيحة وإنشاء مثل هذه الثلاثيات كان معروفاً لمدة قرون مضت..

وقد رأينا أن علماء الرياضيات المسلمين فكروا في معادلات شبيهة ولكن بأسس أعلى. وقد حاول بعضهم إثبات استحالة وجود مثال لأرقام تحقق المعادلة: س٣ + ص٣ = ع٣.

وقد أصبحت نظرية الأعداد واحدة من أقل فروع الرياضيات قابلية للتطبيق. ولكن أثناء تطور المجالات المختلفة فإن هناك تفاعلات بينها بطرق غير متوقعة.



#### الإحصاء

علم الإحصاء هو أكثر نقاط الرياضيات شيوعاً واتصالاً بالأفراد العاديين. ويعنى علم الإحصاء «فن الحكم» حيث إن الحكومات تستطيع أن تقوم بأعمالها على وجه حسن إذا تمكنت من جمع معلومات عما يدور في مملكتهم .ولكن مجرد جمع أرقام متضاخمة ليس بالعمل الكافي إنما يجب أن نقوم بربط وتحليل وتلخيص هذه الأرقام حتى تصبح مفيدة.

وفى هذا العمل سنقوم باستخدام كل المقاييس المختلفة للإحصاء مثل «المتوسط» ولكن مثل هذه المقاييس تعتبر ممثلاً لمجموعة من الأرقام وبينما تقوم بتوضيح بعض الأرقام فى وقت ما فهى أيضاً تقوم بإخفاء مظاهر البعض الآخر. ولمعرفة كيفية تطبيق الإحصاء دعنا نتخيل قرية بها:

مائة قروى يتكسبون

وعشرة مزارعين يتكسبون

بالإضافة إلى سيد القرية الذي



والدخل الكلى لهذه القرية يصبح ٣٠٠٠٠ دولار ، وإذا قسمناه على ١١١ فرداً ، فإنه يعطى ٢٧٠ دولاراً في السنة لأغلب الحالات.

وإذا أخذنا في اعتبارنا الدخل المتوسط (حيث يوجد ٥٪ فقط لهم دخل أكبر) أو الأسلوب السائد (وهو الدخل الذي يتكسبه معظم الناس). وفي كلتا الحالتين سيكون ذلك ١٠٠ دولار فقط أي أنه يتجاهل دخل الأشخاص الأكثر ثراءً. ولكي نقوم بتوضيح صورة الدخل على نحو أفضل فربما نتجاهل الأعشار العليا أو السفلي (مستوى ١٠٪ و ٩٠٪) وبالنسبة لعشر ٩٠٪ فإنه يلحق بالفرض الحادي عشر من أعلى وهو الدخل الأوسط.



# قيم "أ"

فى كل اختبارات الإحصاء يوجد رقم يتم الاستشهاد به يسمى «حد الثقة» أو « أي وهو يأخذ قيم ٥٪ أو ١٪ أو أى قيمة أخرى . وهذا الرقم يحدد درجة التأكد مر هذا الاختبار يتوافق مع مجموعة الأرقام التي يتعامل معها. وهذا الرقم يعبر الأرقام الشاذة التي تعطى نتائج إيجابية ولكنها خاطئة . ولايوجد اختبار يعطى نمثالية! فكلما ازدادت درجة التأكد زادت تكلفة هذا الاختبار وهذا يعنى أنه يتعين القائمين على اختبارها أن يتقبلوا كل أنواع الخطأ الممكنة.



ذلك يعنى أن هناك إقراراً بأن قيم أ يتم تصميمها بحيث إنها تحد من فرصة النتائج الإيجابية الخاطئة . وكلما زادت صرامة قيمة أ ازدادت اختيارية الاختبار ولكن على الجانب الآخر فإنها تجعله أقل حساسية . ففي مثال اختبار سمية بعض الملوثات البيئية فإن قيمة أ التي تُقدر بـ ٩٠٪ تجنبنا الإنذارات الخاطئة للملوثات ولكنها في نفس الوقت تجعلنا أكثر عرضة للأضرار الكاذبة . لذلك فإنه يتعين علينا أن نسأل أنفسنا أثناء القيام ببعض الاختبارات الواجبة : هل بعض المواد بالفعل لها آثار ضارة أم أن الآثار المنذرة يجب قبولها على أية حال؟ وفي كلنا الحالتين يجب اتخاذ إجراء وقائي. والسؤال المحتوم في هذه الحالة هو : لمصلحة من تتم هذه الاختبارات؟

وحتى فى الاستخدامات الأبسط للإحصاء كما فى عملية تمثيل المعلومات التجريبية فإنه يتعذر علينا الحكم على القيم. بالطبع لا تتلازم كل النقاط مع المنحنى المرسوم وإلا إذا كانوا قريبين جداً فهذا يعنى أنها قيم ملفقة . وكذلك هناك بعض القيم تبتعد تماماً عن باقى الحشد ونسمى هذه القيم "Out liers" وإذا تم إدراجهم مع القيم فسوف يؤثرون بالسلب لذلك فيجب تجنبهم بعد التأكد من أنهم لا ينتمون إلى هذه الفئة (ربما نتيجة خطأ ما فى القياس).

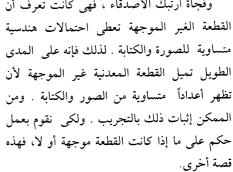


#### الاحتمال

تُبنى طرق التعامل مع البيانات الإحصائية بصورة أساسية على نظرية الاحتمال . ويتضمن هذا ثلاثة مبادىء واضحة والتي تتداخل مع بعضها بصورة متكررة.









تتطلب الأحكام ، على «توجيه» قطعة النقود، النظرية الرياضية للاحتمال والإحصاء . وفى هذه الحالة سيصاحب الافتراضات عن سلوك قطعة النقود تصميم تجريبى بالإضافة إلى تقييم مقادير الخطأ ووضع حدود يقينية للأحكام النهائية. ويقودنا تحليل إلقاء قطعة النقود بعد توضيحه إلى مجموعة من النتائج الخطيرة . فبينما تبدو صيغة السؤال المباشر أنها نص بسيط للاحتمال (الصور والكتابة لهم احتمالات متساوية في القطعة غير الموجهة) ، فالصيغة العكسية (هل القطعة موجهة؟) تتضمن أحكاماً مدغمة





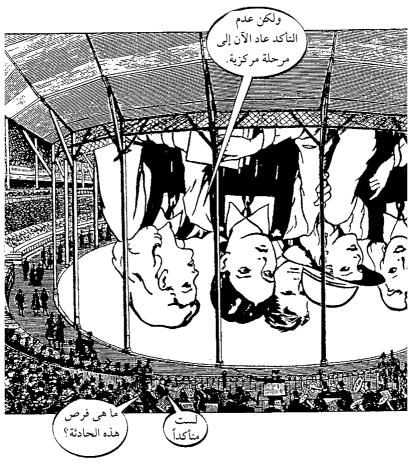
# عدم التأكد

يقع هؤلاء المختصون بإمداد الأرقام سواء إذا كانت إلى السياسيين أو إلى عامة الشعب في ورطة كبيرة ، فإذا قاموا بتوضيح عدم التأكد والتحفظات حول أرقام معينة لن يكون ذلك مفهوماً.

وعلى الجانب الآخر إذا قاموا بتبسيط العملية وذكروا «أرقاماً ساحرة» على قدر أمان كبير



ويكمن التحدى العظيم للرياضيات من الناحية الاجتماعية في إدارة وتنظيم لد.ولقد ساد الاعتقاد لفترة طويلة بأن تقدم العلوم الطبيعية من الممكن أن به عدم التأكد والتي ظلت لها إمكانية الترويض بواسطة نظرية الاحتمال.



وقد قام عدم التأكد بقهر الرياضيات، وعلى الجانب الآخر فهو أساس لـ «نة م» في الفيزياء .. وفي هذه الأيام علينا أن نتحدى آثار الحضارة الصناعية على ا يعية.

وقد أصبح عدم التأكد في المقدمة لأول مرة. وتعتبر تسمية أخرى جديدة اخيات بد «النكبة Catastaophe» أو «العماء Chaos» غير مدهشة .والآن نست ضع عدم التأكد ضمن أفكارنا التي توضح ما تتضمنه الرياضيات.

# الأرقام السياسية

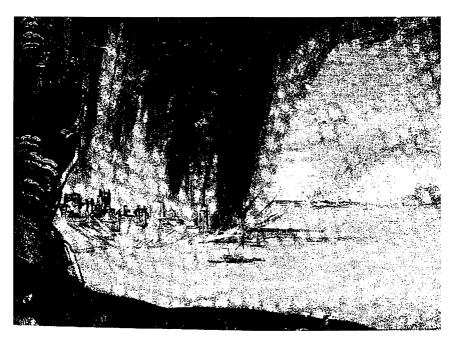
يعتبر فهمنا للأرقام (والتي تم وضعها للعد والحساب) غير ملائم بالنسبة للأرقام المستخدمة في صنع السياسة .هذه الاستخدامات تتطلب مفهوماً ومهارات مختلفة

حوالي ٢٪.

وبسبب اعتيادنا الدائم على كون الرياضيات دقيقة وصحيحة ، فإننا لا نميل إلى تصديق أن عدم التأكد يعتبر جزء من الأرقام السياسية. وقد أدى الذكر الدقيق للأرقام في وسائل الإعلام إلى إيقاع عدم التأكد في أزمة كبيرة. وعلى كل حال فإذا ذكرنا رقماً ما مكوناً من خانتين مثل ٤٧ فإننا نعرف أنه مختلف عن ٤٦، ٤٨ أو أننا نعرفه بدقة وإذا كان الرقم ٧٤ هو حد آمن تم حسابه من كل أنواع البيانات بكل أنواع التفسير، فماهى فرصة أننا نعرفه بدقة حوالي ٢ ٪ .







وتوضح قصة "إنقاذ سدوم» أن الأرقام يمكن أن يكون لها معان كثيرة مختلفة في النقاش. فترتب «خمسون» بالتقدير أما «خمسة» أو «خمسة وأربعون» فترتبط بتفاوت هذا النقدير.ويعتمد الاختلاف بن «خمسين» و «خمسة وأربعين» على النص. وربما تتم ملاحظة هذا الفرق (إذا كان خارج التفاوت في أوقات ما ولا يُلاحظ في أوقات أخرى.وبالرغم من أن المثال كان عن الأرقام السياسية ولك تطة أن المعنى يعتمد على النص تتحقق في كل التقديرات والقياسات.

ويمكن ملاحظة نفس الظاهرة في "تناقض المفتاح" عندما يستخدم شخص مفتاحاً جديداً لقف افإنه يكون متوافقاً معه، وإذا قام أحدهم بعمل نسخة منه فإن هذه النسخة تتوافق أيضاً مع القف أن سماحية الآلة كانت قريبة من سماحية القفل. ولكننا نلاحظ أنه بعد تكرار النسخ من النسب نابعياً فإن النسخة الأخيرة لا تتوافق مع القفل وذلك لأنه تم تراكم سماحيات الآلة في كل مر يدلالة القياس نجد أن C=B=A . ويبدو هذا جنوناً بدلالة الحساباء عادية ولكنه يوضح أن الأرقام في حالة القياس والتقدير يكون لها معنى فقط بناءاً على محتو خص ولا تعنى نفس المعنى في حالة العد البسيط.



## الرياضيات والمركزية الأوروبية

لقد لعبت الرياضيات الأوروبية دوراً هاماً في الوعى الذاتي لأوروبا أي الإحساس بأن الثقافة الأوروبية هي الأعظم وأنها هي الحقيقة الوحيدة .و يرى الناس الذين يعتقدون أن الرياضيات عالمية أنه من الصعب أن تكون الرياضيات والإمبريالية تماشوا جنباً إلى جنب. ولكن الرياضيات قد تم استخدامها كوسيلة لتحقيق سفلية ووضاعة







### الرياضيات العرقية



فهى تهدف إلى إقامة علاقة قوية بين الرياضيات والثقافة والمجتمع وتذكرنا بأن الرياضيات تحتوى على أشياء أكثر من الدراسات المجردة النظرية الأفلاطونية ومناهج التدريس المشتقة منها. ويمكننا أن نرى المقدار الكبير الذى أثرت به أشكال الإبداع والابتكار في الطرق المختلفة التي يتناول بها الأفراد المختلفون الأمور الرياضية.







وقد قدم علماء علم النفس العديد من الأسباب التي أدت إلى وضاعة

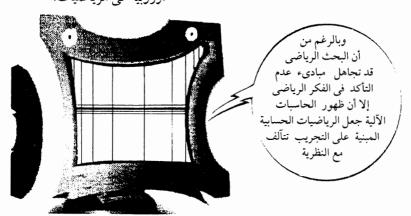


# أين الآن

لقد سادت وجهة النظر الأفلاطونية للرياضيات في الثقافة الغربية على مدى العصور.



هذه الصورة ، تم تجاهل أو تشويه إساهمات الثقافات الغير أوروبية في الرياضيات.





وتحت هذه الظروف فمن الضرورى لنا أن نعرف ونقدر فشل الرياضيات (من خلال العلم) في انتزاع عدم التأكد من العالم العملي من حولنا .ومن الضرورى أيضاً أن نعيد التفكير في المعرفة الحقيقية وكيفية تحققها.

لذلك فإن الرياضيات تواجه تحديات جديدة .وعلى المواطن أن يقوم بدوره في مواجهة هذه التحديات . ففي كلمات الأسقف بيركلي :كل واحد....



# المحتويات

الصفحة	الموضوع
5	مقدمة
9	لماذا الرياضيات
13	الحبيات
19	الأرقام المكتوبة
30	الصفر ٰ
33	أرقام خاصة
37	الأرفام الكبيرة
39	الأسس
43	اللوغاريتمات
45	الحسابCalculation
48	المعادلات
54	القياسالقياس
60	الرياضيات اليونانية
61	فيثاغورثفيثاغورث
63	- بين المراقب ا
65	ى إقليدس
68	الرياضيات الصينية
70	ر. نشيو تشانج
71	ربعة علماء رياضيات صينيون
74	الرياضيات الهندية
75	هندسة «الفيدا»
77	براهما جوبتا
78	ارقام جاین آرقام جاین
79	ندماجات «فيديك» و «جاين»
80	الشعر الرياضي

امانوچان	82
رياضيات الإسلامية	83
خوارزم <u>ي</u>	84
لموير الجبر	85
ئتشاف حساب المثلثات	88
بطانی	89
و وفا	90
ن يونس وثابت بن قرة	91
طوسى	92
ىل المسائل التي تتضمن أرقاماً صحيحة	93
نىأة الرياضيات الأوروبية	94
ينيه ديكارت	97
هندسة التحليلية	99
دوال	102
تفاضل والتكامل	107
تفاضل	108
تكامل	111
سئلة بيركلي	117
ه أويلر	120
لموم الهندسة اللاإقليدية	124
فضاءات نونية الأبعاد	126
فارست جالوا	128
مجموعات	129
عمليات الجبرية على الفئات	132
انتور والفئات	135
رمة في الرياضيات	141
اشيل والحقيقة الرياضية	142
- ظرية «جوديل»	145

'كينة «تورينج».	ما
فراكتلات Fractals	الة
لمرية العماء	نظ
طبولوجي 3	الد
لمرية الأرقام	نظ
رِحصاء	الإ
O	قيـ
أحتمال 2	الا
دم التأكد	عا
أرقام السياسية	الأ
رياضيات والمركزية الأوروبية 0	الر
رياضيات العرقية	الر
رياضيات ونوع الجنس	الر
ين الآن؟	
. ب	فم

## المشروع القومى للترجمة

المشروع القومى للترجمة مشروع تنمية ثقافية بالدرجة الأولى، ينطلق من الإيجابيات التى حققتها مشروعات الترجمة التى سبقته فى مصر والعالم العربى ويسعى إلى الإضافة بما يفتح الأفق على وعود المستقبل، معتمداً المبادئ التالية:

- ١ الخروج من أسر المركزية الأوروبية وهيمنة اللغتين الإنجليزية والفرنسية.
- ٢ التوازن بين المعارف الإنسانية في المجالات العلمية والفنية والفكرية والإبداعية.
- ٣ الإنحياز إلى كل ما يؤسس لأفكار التقدم وحيضور العلم وإشاعة العقلانية
   والتشجيع على التجريب.
- خرجمة الأصول المعرفية التي أصبحت أقرب إلى الإطار المرجعي في الثقافة الإنسانية المعاصرة، جنبًا إلى جنب المنجزات الجديدة التي تضع القارئ في القلب من حركة الإبداع والفكر العالميين.
- العمل على إعداد جيل جديد من المترجمين المتخصصين عن طريق ورش
   العمل بالتنسيق مع لجنة الترجمة بالمجلس الأعلى للثقافة.
- ٦ الاستعانة بكل الخبرات العربية وتنسيق الجهود مع المؤسسات المعنية بالترجمة.

## المشروع القومى للترجمة

١- اللغة العليا (طبعة ثانية) جون كوين

ت: أحمد درويش

	(=/=	0.55 W.	0 _55
-۲	الوثنية والإسلام	ك. مادهو بانيكار	ت : أحمد فۋاد بلبع
-۲	التراث المسروق	جورج جيمس	ت : شىوقى جلال
-٤	كيف تتم كتابة السيناريو	انجا كاريتنكوفا	ت : أحمد الحضري
-0	ثريا فى غيبوية	إسماعيل فصيح	ت : محمد علاء الدين منصور
7-	اتجاهات البحث اللساني	ميلكا إفيتش	ت : سعد مصلوح / وفاء كامل فايد
<b>-</b> V	العلوم الإنسانية والفلسفة	لوسىيان غولدمان	ت : يوسىف الأنطكي
-λ	مشعلو الحرائق	ماكس فريش	ت : مصىطفى ماهر
-٩	التغيرات البيئية	أندرو س. جودي	ت : محمود محمد عاشور
-1.	خطاب الحكاية	جيرار جينيت	ت: محمد معتصم وعبد الجليل الأردى وعمر حلى
-11	مختارات	فيسوافا شيمبوريسكا	ت : هناء عبد الفتاح
-17	طريق الحرير	ديفيد براونيستون وايرين فرانك	ت : أحمد محمود
-17	ديانة الساميين	روبرتسن سميث	ت : عبد الوهاب علوب
۱٤-	التحليل النفسى للأدب	جان بیلمان نویل	ت : حسن المودن
-1c	الحركات الفنية	إدوارد لويس سميث	ت : أشرف رفيق عفيفي
-17	أثينة السوداء	مارتن برنال	ت: بإشراف: أحمد عثمان
-17	مختارات	فيليب لاركين	ت : محمد مصطفی بدوی
-11	الشعر السبائي في أمريكا اللاتينية	مختارات	ت : طلعت شاهين
-19	الأعمال الشعرية الكاملة	چورج سفيريس	ت : نعيم عطية
-7.	قصة العلم	ج. ج. كراوثر	ت: يمنى طريف الخولى / بدوى عبد الفتاح
-۲1	خوخة وألف خوخة	صمد بهرنجي	ت : ماجدة العناني
-77	مذكرات رحالة عن المصريين	جون أنتيس	ت : سید أحمد على الناصري
-77	تجلى الجميل	هانز جيورج جادامر	ت : سىعيد توفيق
٤٢-	ظلال المستقبل	باتريك بارندر	ت : بکر عباس
-۲0	مثنوى	مولانا جلال الدين الرومي	ت : إبراهيم الدسوقي شتا
77-	دين مصر العام	محمد حسين هيكل	ت : أحمد محمد حسين هيكل
-47	التنوع البشرى الخلاق	مقالات	ت : نخبة
-۲۸	رسالة في التسامح	جون لوك	ت : منى أبو سنه
-۲9	الموت والوجود	جيمس ب. كارس	ت : بدر الديب
-٣.	الوثنية والإسلام (ط٢)	ك. مادهو بانيكار	ت : أحمد غوَّاد بلبع
-٣1	مصادر دراسة التاريخ الإسلامي	جان سوفاجيه - كلود كاين	ت : عبد الستار الحلوجي / عبد الوهاب علوب
-22	الانقراض	ديفيد روس	ت : مصطفی إبراهیم فهمی
-77	التاريخ الاقتصادى لإفريقيا الغربية	أ. ج. هويكنز	ت : أحمد فؤاد بلبع
٤٣-	الرواية العربية	روجر ألن	ت : حصة إبراهيم المنيف
-r°	الأسطورة والحداثة	پول . ب . دیکسون	ت : خلیل کلفت

ت : حياة جاسم محمد	والاس مارتن	٣٦- نظريات السرد الحديثة
ت : جمال عبد الرحيم	بريجيت شيفر	٣٧- واحة سيوة وموسيقاها
ت : أنور مغيث	ألن تورين	٣٨- نقد الحداثة
ت : منيرة كروان	بيتر والكوت	٣٩- الإغريق والحسد
ت: محمد عيد إبراهيم	أن سكستون	٤٠- قصائد حب
ت: عاطف أحمد / إبراهيم فتحي/ محمود ماجد	بيتر جران	٤١- ما بعد المركزية الأوربية
ت : أحمد محمود	بنجامين بارير	٤٢- عالم ماك
ت : المهدى أخريف	أوكتافيو پاث	٤٣- اللهب المزدوج
ت : مارلین تادرس	ألدوس هكسلى	٤٤- بعد عدة أصياف
ت : أحمد محمود	روبرت ج دنيا – جون ف أ فاين	ه٤- التراث المغدور
ت : محمود السيد على	بابلو نيرودا	٤٦- عشرون قصيدة حب
ت : مجاهد عبد المنعم مجاهد	رينيه ويليك	٤٧- تاريخ النقد الأدبى الحديث (١)
ت : ماهر جويجاتي	فرانسوا دوما	٤٨- حضارة مصر الفرعونية
ت : عبد الوهماب علوب	هـ . ت . نوريس	٤٩ - الإسلام في البلقان
ت: محمد برادة وعثماني الميلود ويوسف الأنطكي	جمال الدين بن الشيخ	٥٠- ألف ليلة وليلة أو القول الأسبير
ت : محمد أبو العطا	داريو بيانويبا وخ. م بينياليستي	٥١ - مسار الرواية الإسبانو أمريكية
ت : لطفى فطيم وعادل دمرداش	بيتر . ن . نوفاليس وستيفن . ج .	٥٢ – العلاج النفسى التدعيمي
	روجسيفيتز وروجر بيل	
ت : مرسی سعد الدین	أ . ف . ألنجتون	٥٢- الدراما والتعليم
ت : محسن مصیلحی	ج . مايكل والتون	٥٤- المفهوم الإغريقي للمسرح
ت : على يوسف على	چون بولكنجهوم	٥٥ – ما وراء العلم
ت : محمود على مكى	فديريكو غرسية لوركا	٥٦- الأعمال الشعرية الكاملة (١)
ت: محمود السيد ، ماهر البطوطي	فديريكو غرسية لوركا	٥٧–   الأعمال الشعرية الكاملة (٢)
ت : محمد أبو العطا	فديريكو غرسية لوركا	۵۸- مسرحیتان
ت : السيد السيد سهيم	كارلوس مونييث	٥٩– المحبرة
ت : صبرى محمد عبد الغنى	جوهانز ايتين	٦٠- التصميم والشكل
مراجعة وإشراف: محمد الجوهري	شارلوت سيمور – سميث	٦١- موسوعة علم الإنسان
ت : محمد خير البقاعي .	رولان بارت	٦٢– لذّة النّص
ت : مجاهد عبد المنعم مجاهد	رينيه ويليك	٦٢- تاريخ النقد الأدبى الحديث (٢)
ت : رمسيس عوض .	ألان وود	٦٤- برتراند راسل (سيرة حياة)
ت : رمسيس عوض .	برتراند راسل	ه ٦- في مدح الكسل ومقالات أخرى
ت : عبد اللطيف عبد الحليم	أنطونيو جالا	٦٦- خمس مسرحيات أندلسية
ت : المهدى أخريف	فرناندو بيسوا	٦٧- مختارات
ت : أشرف الصباغ	فالنتين راسبوتين	٦٨- نتاشا العجوز وقصص أخرى
ت : أحمد فؤاد متولى وهويدا محمد فهمى	عبد الرشيد إبراهيم	<ul> <li>١٩ - العالم الإسالمي في أوائل القرن العشرين</li> </ul>
ت: عبد الحميد غلاب وأحمد حشاد	أوخينيو تشانج رودريجت	٧٠- ثقافة وحضارة أمريكا اللاتينية
ت : حسين محمود	داريو فو	٧١ - السيدة لا تصلح إلا للرمى

ت : فۋاد مجلى	ت . س . إليوت	السياسي العجوز	-٧٢
ت : حسن ناظم وعلى حاكم	چین . ب . تومیکنز	نقد استجابة القارئ	-٧٢
ت : حسن بيومي	ل . ا . سىمىنوڤا	صلاح الدين والماليك في مصر	-V £
ت : أحمد درويش	أندريه موروا	فن التراجم والسير الذاتية	-Vc
ت : عبد المقصود عبد الكريم	مجموعة من الكتاب	چاك لاكان وإغواء التحليل النفسي	$\Gamma \lor -$
ت : مجاهد عبد المنعم مجاهد	رينيه ويليك	تاريخ النقد الأدبي الحديث ج ٣	-VV
ت: أحمد محمود ونورا أمين	رونالد روبرتسون	العولمة : النظرية الاجتماعية والثقافة الكونية	-VA
ت : سعيد الفائمي وناصر حلاوي	بوريس أوسبنسكي	شعرية التأليف	-۷۹
ت : مكارم الغمرى	ألكسندر بوشكين	بوشكين عند «نافورة الدموع»	-Λ.
ت : محمد طارق الشرقاوي	بندكت أندرسن	الجماعات المتخيلة	-٨١
ت : محمود السيد على	میجیل دی اُونامونو	مسرح میجیل	-84
ت : خالد المعالى	غوتفرید بن	مختارات	-87
ت : عبد الحميد شيحة	مجموعة من الكتاب	موسوعة الأدب والنقد	-15
ت : عبد الرازق بركات	صلاح زكى أقطاى	منصور الحلاج (مسرحية)	-Ac
ت: أحمد فتحى يوسف شتا	جمال میر صاد <b>قی</b>	طول الليل	$\Gamma \Lambda -$
ت : ماجدة العناني	جلال أل أحمد	نون والقلم	$-\Lambda V$
ت : إبراهيم الدسوقي شتا	جلال أل أحمد	الابتلاء بالتغرب	$-\Lambda\Lambda$
ت : أحمد زايد ومحمد محيى الدين	أنتونى جيدنز	الطريق الثالث	-۸۹
ت : محمد إبراهيم مبروك	میجل دی ترباتس	وسنم السيف	-9.
ت : محمد هناء عبد الفتاح	16- 31 1		
	باربر الاستوسيك	المسرح والتجريب بين النظرية والتطبيق	-91
		المسرح والتجريب بين النظرية والتطبيق أسساليب ومسضسامين المسسر:	-91 -97
ت : نادية جمال الدين	ح کارلوس میجل		
	7	أسساليب ومسضسامين المسسر	
ت : نادية جمال الدين	ح کارلوس میجل	أسساليب ومسضسامين المسرر الإسبانوأمريكي المعاصر	-97
ت : نادية جمال الدين ت : عبد الوهاب علوب ت : فوزية العشماوي ت : سرى محمد محمد عبد اللطيف	ح كارلوس ميجل مايك فيذرستون وسكوت لاش	أســـاليب ومـــضــــامين المســـر: الإسبانوأمريكي المعاصر محدثات العولمة	-97 -97
ت : نادية جمال الدين ت : عبد الوهاب علوب ت : فوزية العشماوي	ح كارلوس ميجل مايك فيذرستون وسكوت لاش صمويل بيكيت	أسساليب ومضضامين المسرر الإسبانوأمريكي المعاصر محدثات العولمة الحب الأول والصحبة مختارات من المسرح الإسباني ثلاث زنبقات ووردة	-97 -97 -98
ت : نادية جمال الدين ت : عبد الوهاب علوب ت : فورية العشماوى ت : سرى محمد محمد عبد اللطيف ت : إدوار الخراط ت : بشير السباعى	ح كارلوس ميجل مايك فيذرستون وسكوت لاش صمويل بيكيت أنطونيو بويرو باييخو	أسساليب ومسضسامين المسسر: الإسبانوأمريكي المعاصر محدثات العولمة الحب الأول والصحبة مختارات من المسرح الإسباني	-97 -97 -98 -90
ت : نادية جمال الدين ت : عبد الوهاب علوب ت : فورية العشماوى ت : سرى محمد محمد عبد اللطيف ت : إدوار الخراط ت : بشير السباعى ت : أشرف الصباغ	ح كارلوس ميجل مايك فيذرستون وسكوت لاش صمويل بيكيت أنطونيو بويرو باييخو قصص مختارة	أسساليب ومسضسامين المسسر: الإسبانوأمريكى المعاصر محدثات العولمة الحب الأول والصحبة مختارات من المسرح الإسباني ثلاث زنبقات ووردة هوية فرنسا مج ١	-97 -97 -98 -90
ت : نادية جمال الدين ت : عبد الوهاب علوب ت : فوزية العشماوى ت : سرى محمد عبد اللطيف ت : إدوار الخراط ت : بشير السباعى ت : أشرف الصباغ	ح كارلوس ميجل مايك فيذرستون وسكوت لاش صمويل بيكيت أنطونيو بويرو باييخو قصص مختارة فرنان برودل نماذج ومقالات ديثيد روبنسون	أسساليب ومضامين المسرر الإسبانوأمريكي المعاصر محدثات العولمة الحب الأول والصحبة مختارات من المسرح الإسباني ثلاث زنبقات ووردة هوية فرنسا مج \ الهم الإنساني والابتزاز الصهيوني تاريخ السينما العالمية	7 P - 7 P - 3 P - 3 P - 7 P -
ت : نادية جمال الدين ت : عبد الوهاب علوب ت : فورية العشماوى ت : سرى محمد محمد عبد اللطيف ت : إدوار الخراط ت : بشير السباعى ت : أشرف الصباغ	ح كارلوس ميجل مايك فيذرستون وسكوت لاش صمويل بيكيت أنطونيو بويرو باييخو قصص مختارة فرنان برودل نماذج ومقالات	أسساليب ومضامين المسرع الإسبانوأمريكى المعاصر محدثات العولمة الحب الأول والصحبة مختارات من المسرح الإسباني ثلاث زنبقات ووردة هوية فرنسا مج المهم الإنساني والابتزاز الصهيوني تاريخ السينما العالمية	79- 79- 39- 39- 79- 79- 79- 79-
ت: نادية جمال الدين ت: عبد الوهاب علوب ت: فورية العشماوى ت: فورية العشماوى ت: بدى محمد محمد عبد اللطيف ت: بشير السباعى ت: أشرف الصباغ ت: إبراهيم قنديل ت: إبراهيم فتحى ت: رشيد بنحدو	ح كارلوس ميجل مايك فيذرستون وسكوت لاش صمويل بيكيت أنطونيو بويرو باييخو قصص مختارة فرنان برودل نماذج ومقالات ديڤيد روبنسون بول هيرست وجراهام تومبسون بيرنار فاليط	أسساليب ومسضسامين المسسر: الإسبانوأمريكى المعاصر محدثات العولمة الحب الأول والصحبة مختارات من المسرح الإسباني ثلاث زنبقات ووردة هوية فرنسا مج ١ الهم الإنساني والابتزاز الصهيوني تاريخ السينما العالمية مساءلة العولمة	79- 79- 39- 79- 79- 79- 79- 79- 79- 79- 7
ت : نادية جمال الدين ت : عبد الوهاب علوب ت : فوزية العشماوى ت : سرى محمد محمد عبد اللطيف ت : إدوار الخراط ت : بشير السباعى ت : أشرف الصباغ ت : إبراهيم قنديل ت : إبراهيم فنديل ت : رشيد بنحدو ت : مرشيد بنحدو	<ul> <li>کارلوس میجل</li> <li>مایك فیذرستون وسكوت لاش</li> <li>ضمویل بیكیت</li> <li>قصص مختارة</li> <li>فرنان برودل</li> <li>نماذج ومقالات</li> <li>بیشید روبنسون</li> <li>بول هیرست وجراهام تومبسون</li> <li>بیرنار فالیط</li> <li>بیرنار فالیط</li> </ul>	أسساليب ومضامين المسرع الإسبانوأمريكي المعاصر محدثات العولمة الحب الأول والصحبة مختارات من المسرح الإسباني علاث زنبقات ووردة موية فرنسا مج الهم الإنساني والابتزاز الصهيوني تاريخ السينما العالمية العولمة العولمة الموائي (تقنيات ومناهج) السياسة والتسامح	7 P - 3 P - 3 P - 7 P -
ت : نادیة جمال الدین ت : عبد الوهاب علوب ت : فوریة العشماوی ت : سری محمد محمد عبد اللطیف ت : إدوار الخراط ت : بشیر السباعی ت : بشرف الصباغ ت : إبراهیم قندیل ت : رشید بنحدو ت : عز الدین الکتانی الإدریسی ت : محمد بنیس	کارلوس میجل مایك فیذرستون وسكوت لاش صمویل بیكیت أنطونیو بویرو باییخو فرنان برودل نماذج ومقالات دیشید روبنسون بول هیرست وجراهام تومبسون ببرنار فالیط عبد الكریم الخطیبی	أساليب ومضامين المسر الإسبانوأمريكى المعاصر الإسبانوأمريكى المعاصر الحب الأول والصحبة مختارات من المسرح الإسبانى هوية فرنسا مج المهم الإنسانى والابتزاز الصهيونى تاريخ السينما العالمية العولمة المعولة العولمة النص الروائى (تقنيات ومناهج) السياسة والتسامح السياسة والتسامح قبر ابن عربى يليه أياء	7 P -
ت : نادیة جمال الدین ت : عبد الوهاب علوب ت : فوریة العشماوی ت : فوریة العشماوی ت : إدوار الخراط ت : بشیر السباعی ت : أشرف الصباغ ت : أبراهيم قنديل ت : إبراهيم فتحی ت : رشيد بنحدو ت : عز الدين الكتانی الإدريسی ت : محمد بنيس	کارلوس میجل مایك فیذرستون وسكوت لاش صمویل بیكیت أنطونیو بویرو باییخو فرنان برودل نماذج ومقالات دیفید روبنسون بول هیرست وجراهام تومبسون بیرنار فالیط عبد الكریم الخطیبی عبد الوهاب المؤدب برتولت بریشت	أسساليب ومسضيامين المسرخ الإسبانوأمريكى المعاصر محدثات العولمة الحب الأول والصحبة مختارات من المسرح الإسبانى هوية فرنسا مج المهم الإنسانى والابتزاز الصهيونى مساعلة العولمة النص الروائى (تقنيات ومناهج) النساسة والتسامح البرا عربى يليه آياء قبر ابن عربى يليه آياء	7 P -
ت : نادیة جمال الدین ت : عبد الوهاب علوب ت : فوزیة العشماوی ت : فوزیة العشماوی ت : بردی محمد محمد عبد اللطیف ت : بشیر السباعی ت : بشرف الصباغ ت : براهیم قندیل ت : إبراهیم قندیل ت : رشید بنحدو ت : محمد بنیس ت : محمد بنیس ت : عبد العفار مکاوی ت : عبد العفار مکاوی	کارلوس میجل مایك فیذرستون وسكوت لاش صمویل بیكیت أنطونیو بویرو باییخو فرنان برودل نماذج ومقالات دیقید روینسون بول هیرست وجراهام تومبسون بیرنار فالیط عبد الوهاب المؤدب برتولت بریشت	أسساليب ومضامين المسرخ الإسبانوأمريكي المعاصر محدثات العولمة الحب الأول والصحبة مختارات من المسرح الإسباني عوية فرنسا مج الهيم الإنساني والابتزاز الصهيوني تاريخ السينما العالمية مساءلة العولمة النص الروائي (تقنيات ومناهج) السياسة والتسامح قبر ابن عربي يليه أياء مدخل إلى النص الجامع مدخل إلى النص الجامع	7 P -
ت : نادیة جمال الدین ت : عبد الوهاب علوب ت : فوریة العشماوی ت : فوریة العشماوی ت : إدوار الخراط ت : بشیر السباعی ت : أشرف الصباغ ت : أبراهيم قنديل ت : إبراهيم فتحی ت : رشيد بنحدو ت : عز الدين الكتانی الإدريسی ت : محمد بنيس	کارلوس میجل مایك فیذرستون وسكوت لاش صمویل بیكیت أنطونیو بویرو باییخو فرنان برودل نماذج ومقالات دیشید روبنسون بول هیرست وجراهام تومبسون بیرنار فالیط عبد الكریم الخطیبی عبد الوهاب المؤدب برتولت بریشت چیرارچینیت د. ماریا خیسوس روبییرامتی	أسساليب ومسضيامين المسرخ الإسبانوأمريكى المعاصر محدثات العولمة الحب الأول والصحبة مختارات من المسرح الإسبانى هوية فرنسا مج المهم الإنسانى والابتزاز الصهيونى مساعلة العولمة النص الروائى (تقنيات ومناهج) النساسة والتسامح البرا عربى يليه آياء قبر ابن عربى يليه آياء	7 P -

ت : محمود على مكى	مجموعة من النقاد	١٠٨– ثالاث دراسات عن الشعر الأندلسي
ت : هاشم أحمد محمد	چون بولوك وعادل درويش	١٠٩– حروب المياه
ت : منی قطان	حسنة بيجوم	١١٠- النساء في العالم النامي
ت : ريهام حسين إبراهيم	فرانسيس هيندسون	١١١- المرأة والجريمة
ت : إكرام يوسف	أرلين علوى ماكليود	١١٢– الاحتجاج الهادئ
ت : أحمد حسان	سادى پلانت	١١٣– راية التمرد
ت : نسیم مجلی	وول شوينكا	١١٤- مسرحيتا حصاد كونجى وسكان المستنقع
ت : سمية رمضان	فرچينيا وولف	١١٥- غرفة تخص المرء وحده
ت : نهاد أحمد سالم	سينثيا نلسون	١١٦- امرأة مختلفة (درية شفيق)
ت : منى إبراهيم ، وهالة كمال	ليلى أحمد	١١٧- المرأة والجنوسة في الإسلام
ت : لميس النقاش	بث بارون	١١٨- النهضة النسائية في مصر
ت : بإشراف/ رؤوف عباس	أميرة الأزهري سنيل	١١٩- النساء والأسرة وقوانين الطلاق
ت : نخبة من المترجمين	ليلى أبو لغد	١٢٠– الحركة النسائية والتطور في الشرق الأوسط
ت : محمد الجندى ، وإيزابيل كمال	فاطمة موسىي	١٢١- الدليل الصغيرعن الكاتبات العربيات
ت : منيرة كروان	جوزيف فوجت	١٢٢ - نظام العبودية القديم ونموذج الإنسان
ت: أنور محمد إبراهيم	نينل الكسندر وفنادولينا	١٢٣ الإمبراطورية العثمانية وعلاقاتها الدولية
ت: أحمد فؤاد بلبع	چون جرای	١٣٤– الفجر الكاذب
ت : سمحه الخولي	سيدريك ثورپ ديڤى	١٢٥ التحليل الموسيقي
ت : عبد الوهاب علوب	ڤولڤانج إيسر	١٢٦ – فعل القراءة
ت : بشير السباعي	صفاء فتحى	١٢٧- إرهاب
ت : أميرة حسن نويرة	سوزان باسنيت	١٢٨– الأدب المقارن
ت : محمد أبو العطا وأخرون	ماريا دولورس أسيس جاروته	١٢٩- الرواية الإسبانية المعاصرة
ت : شىوقى جلال	أندريه جوندر فرانك	١٣٠– الشرق يصعد ثانية
ت : لويس بقطر	مجموعة من المؤلفين	١٣١ - مصر القديمة (التاريخ الاجتماعي)
ت : عبد الوهاب علوب	مايك فيذرستون	١٣٢– ثقافة العولمة
ت : طلعت الشايب	طارق على	١٣٢ - الخوف من المرايا
ت : أحمد محمود	باری ج. کیمب	۱۳۶– تشریح حضارة
ت : ماهر شفیق فرید	ت. س. إليوت	١٣٥– المختار من نقد ت. س. إليوت
ت : سـحر توفيق	كينيث كونو	١٣٦- فلاحو الباشا
ت : كاميليا صبحى	چوزیف ماری مواریه	١٣٧– مذكرات ضابط في الحملة الفرنسية
ت : وجيه سمعان عبد المسيح	إيڤلينا تاروني	
ت : مصىطفى ماھر	ریشارد فاچنر	١٣٩– پارسىڤال
ت : أمل الجبوري	هربرت میسن	١٤٠ - حيث تلتقى الأنهار
ت : نعيم عطية	مجموعة من المؤلفين	١٤١– اثنتا عشرة مسرحية يونانية
ت : حسن بيومى	أ. م. فورستر	١٤٢- الإسكندرية: تاريخ ودليل
ت : عدلی السمری	ديريك لايدار	١٤٣- قضايا التنظير في البحث الاجتماعي
ت : سىلامة محمد سىليمان	كارلو جولدونى	١٤٤- صاحبة اللوكاندة

ه١٤٥- موت أرتيميو كروث	كارلوس فوينتس	ت : أحمد حسان
١٤٦- الورقة الحمراء	میجیل دی لیبس	ت : على عبدالرؤوف البمبي
١٤٧ - خطبة الإدانة الطويلة	تانكريد دورست	ت : عبدالغفار مكاوى
١٤٨- القصة القصيرة (النظرية والتقنية)	إنريكي أندرسون إمبرت	ت : على إبراهيم على منوفى
١٤٩- النظرية الشعرية عند إليوت وأدونيس	عاطف فضول	ت : أسامة إسبر
١٥٠ - التجربة الإغريقية	روبرت ج. ليتمان	ت : منيرة كروان
۱۵۱– هویة فرنسا مج ۲ ، ج۱	فرنان برودل	ت : بشير السباعي
١٥٢- عدالة الهنود وقصيص أخرى	نخبة من الكتاب	ت : محمد محمد الخطابي
١٥٣– غرام الفراعنة	فيولين فاتويك	ت : فاطمة عبدالله محمود
١٥٤- مدرسة فرانكفورت	فيل سليتر	ت : خلیل کلفت
ه١٥- الشعر الأمريكي المعاصر	نخبة من الشعراء	ت : أحمد مرسى
١٥٦- المدارس الجمالية الكبرى	جي أنبال وألان وأوديت ڤيرمو	ت : مي التلمساني
۱۵۷- خسرو وشيرين	النظامي الكنوجي	ت : عبدالعزيز بقوش
١٥٨– هوية فرنسا مج ٢ ، ج٢	فرنان برودل	ت : بشير السباعي
١٥٩- الإيديولوچية	ديڤيد هوكس	ت: إبراهيم فتحى
١٦٠ - ألة الطبيعة	بول إيرليش	ت: حسين بيومي
١٦١- من المسرح الإسباني	اليخاندرو كاسونا وأنطونيو جالا	ت: زيدان عبدالحليم زيدان
١٦٢– تاريخ الكنيسة	يوحنا الأسيوى	ت: صلاح عبدالعزيز محجوب
١٦٣- موسوعة علم الاجتماع	جوردن مارشال	ت: بإشراف: محمد الجوهرى
١٦٤– شامبوليون (حياة من نور)	چان لاکوتیر	ت: نبيل سعد
١٦٥ - حكايات الثعلب	أ. ن أفانا سيفا	ت: سهير المصادفة
١٦٦- العلاقات بين المتدينين والعلمانيين في إسرائيل	يشعياهو ليقمان	ت: محمد محمود أبو غدير
١٦٧– في عالم طاغور	رابندرانات طاغور	ت: شکری محمد عیاد
١٦٨- دراسات في الأدب والثقافة	مجموعة من المؤلفين	ت: شکری محمد عیاد
١٦٩- إبداعات أدبية	مجموعة من المبدعين	ت: شکری محمد عیاد
١٧٠– الطريق	ميغيل دليبيس	ت: بسام ياسين رشيد
۱۷۱ - وضع حد	فرانك بيجو	ت: هدى حسين
١٧٢ – حجر الشمس	مختارات	ت: محمد محمد الخطابى
١٧٣– معنى الجمال	ولتر ت. ستيس	ت:إمام عبد الفتاح إمام
١٧٤– صناعة الثقافة السوداء	ايليس كاشمور	ت: أحمد محمود
١٧٥- التليفزيون في الحياة اليومية	لورينزو فيلشس	ت: وجيه سمعان عبد المسيح
١٧٦- نحو مفهوم للاقتصاديات البيئية	توم تيتنبرج	ت: جلال البنا
١٧٧– أنطون تشيخوف	هنرى تروايا	ت: حصة إبراهيم المنيف
١٧٨- مختارات من الشعر اليوناني الحديث	نخبة من الشعراء	ت: محمد حمدی إبراهیم
١٧٩– حكايات أيسىوب	أيسوب	ت: إمام عبد الفتاح إمام
۱۸۰ - قصة جاويد	إسماعيل فصبيح	ت: سليم عبد الأمير حمدان
١٨١– النقد الأدبى الأمريكي	فنسنت ب. ليتش	ت: محمد يحيى

ت: ياسين طه حافظ	و . ب . ييتس	١٨٢ العنف والنبوءة
ت: فتحى العشري	رينيه چيلسون	١٨٢ چان كوكتو على شاشة السينما
ت: دسوقى سعيد	هانز إبندورفر	١٨٤– القاهرة حالمة لا تنام
ت: عبد الوهاب علوب	توماس تومسن	١٨٥- أستفار العهد القديم
ت:إمام عبد الفتاح إمام	ميخائيل إنوود	١٨٦ – معجم مصطلحات هيجل
ت:محمد علاء الدين منصور	بُزرْج علوی	١٨٧– الأرضة
ت:بدر الديب	الفين كرنان	۱۸۸ – موت الأدب
ت:سىعيد الغانمي	پول دي مان	١٨٩ – العمي والبصيرة
ت:محسن سید فرجانی	كونفوشيوس	۱۹۰ - محاورات كونفوشيوس
ت: مصطفى حجازى السيد	الحاج أبو بكر إمام	۱۹۱– الكلام رأسمال
ت:محمود سلامة علاوى	زين العابدين المراغى	۱۹۲ - رحلة إبراهيم بك جـ١
ت:محمد عبد الواحد محمد	بيتر أبراهامز	۱۹۲ – عامل المنجم
ت: ماهر شفیق فرید	مجموعة من النقاد	١٩٤- مختارات من النقد الأنجلو-أمريكي
ت:محمد علاء الدين منصور	إسماعيل فصيح	۱۹۵ – شتاء ۸۶
ت:أشرف الصباغ	فالتين راسبوتين	١٩٦– المهلة الأخيرة
ت: جلال السعيد الحفناوي	شمس العلماء شبلي النعماني	۱۹۷- الفاروق
ت:إبراهيم سلامة إبراهيم	ادوين إمرى وأخرون	۱۹۸- الاتصال الجماهيري
ت: جمال أحمد الرفاعي وأحمد عبد اللطيف حماد	يعقوب لانداوى	١٩٩- تاريخ يهود مصر في الفترة العثمانية
ت: فخزی لبیب	جيرمي سيبروك	٢٠٠- ضحايا التنمية
ت: أحمد الأنصاري	جوزايا رويس	٢٠١- الجانب الديني للفلسفة
ت: مجاهد عبد المنعم مجاهد	رينيه ويليك	٢٠٢– تاريخ النقد الأدبى الحديث جـ٤
ت: جلال السعيد الحفناوي	ألطاف حسين حالى	٢٠٣– الشعر والشاعرية
ت: أحمد محمود هويدي	زالمان شازار	٢٠٤– تاريخ نقد العهد القديم
ت: أحمد مستجير	لويجي لوقا كافاللي- سفورزا	٢٠٥– الجينات والشعوب واللغات
ت: على يوسىف على	جيمس جلايك	٢٠٦- الهيولية تصنع علمًا جديدًا
ت: محمد أبو العطا عبد الرؤوف	رامون خوتاسندير	۲۰۷– ليل إغريقي
ت: محمد أحمد صالح	دان أوريان	٢٠٨- شخصية العربي في المسرح الإسرائيلي
ت: أشرف الصباغ	مجموعة من المؤلفين	٢٠٩- السرد والمسرح
ت: يوسىف عبد الفتاح فرج	سنائى الغزنوى	۲۱۰- مثنویات حکیم سنائی
ت: محمود حمدى عبد الغنى	جوناثان كللر	۲۱۱– فردینان دوسوسیر
ت: يوسف عبدالفتاح فرج	مرزبان بن رستم بن شروین	٢١٢– قصص الأمير مرزبان
ت: سيد أحمد على الناصري	ريمون فلاور	٢١٣ - مصر منذ قدوم نابليون حتى رحيل عبدالناصر
ت: محمد محمود محى الدين	أنتونى جيدنز	٢١٤- قواعد جديدة للمنهج في علم الاجتماع
ت: محمود سىلامة علاوى	زين العابدين المراغى	٢١٥ - سياحت نامه إبراهيم بيك جـ٢
ت: أشرف الصباغ	مجموعة من المؤلفين	٢١٦- جوانب أخرى من حياتهم
ت: نادية البنهاوي	ص. بیکیت	۲۱۷– مسرحیتان طلیعیتان
ت: على إبراهيم على منوفى	خوليو كورتازان	۲۱۸ – رايولا

٢١٩ بقايا اليوم	كازو ايشجورو	ت: طلعت الشايب
<ul><li>۲۲۰ الهيولية في الكون</li></ul>	باری بارکر	ت: على يوسف على
۲۲۱٪ شىعرية كفافى	جریجوری جوزدانیس	ت: رفعت سىلام
۲۲۲- فرانز کافکا	رونالد جرای	ت: نسیم مجلی
۲۲۲- العلم في مجتمع حر	بول فيرابنر	ت: السيد محمد نفادي
٢٢٤– دمار يوغسبلافيا	برانكا ماجاس	ت: منى عبدالظاهر إبراهيم السيد
٢٢٥– حكاية غريق	جابرييل جارثيا ماركث	ت: السيد عبدالظاهر السيد
٢٢٦- أرض المساء وقصائد أخرى	ديفيد هربت لورانس	ت: طاهر محمد على البربري
٢٢٧- المسرح الإسباني في القرن السابع عشر	موسىي مارديا ديف بوركى	ت: السيد عبدالظاهر عبدالله
٢٢٨- علم الجمالية وعلم اجتماع الفن	جانيت وولف	ت:مارى تيريز عبدالمسيح وخالد حسن
٢٢٩- مأزق البطل الوحيد	نورمان كيجان	ت: أمير إبراهيم العمرى
٣٢٠- عن الذباب والفئران والبشر	فرانسواز جاكوب	ت: مصطفى إبراهيم فهمى
٢٣١- الدرافيل	خايمي سالوم بيدال	ت: جمال أحمد عبدالرحمن
٢٣٢- ما بعد المعلومات	توم ستينر	ت: مصطفی إبراهیم فهمی
٣٣٢– فكرة الاضمحلال	أرثر هومان	ت: طلعت الشايب
٢٣٤- الإسلام في السودان	ج. سبنسر تريمنجهام	ت: فۋاد محمد عكود
۲۲۵- دیوان شمس تبریزی ج۱	جلال الدين مولوي رومي	ت: إبراهيم الدسوقي شتا
٢٣٦- الولاية	میشیل تود	ت: أحمد الطيب
۲۲۷– مصر أرض الوادى	روبين فيرين	ت: عنايات حسين طلعت
٢٣٨– العولمة والتحرير	الانكتاد	ت: ياسر محمد جادالله وعربي مدبولي أحمد
٢٣٩- العربي في الأدب الإسرائيلي	جيلارافر – رايوخ	ت: نادية سليمان حافظ وإيهاب صلاح فايق
٢٤٠- الإسلام والغرب وإمكانية الحوار	كامى حافظ	ت: صلاح عبدالعزيز محجوب
٢٤١- في انتظار البرابرة	ج . م كويتز	ت: ابتسام عبدالله سعيد
٢٤٢– سبعة أنماط من الغموض	وليام إمبسون	ت: صبری محمد حسن عبدالنبی
٢٤٢- تاريخ إسبانبا الإسلامية جـ١	ليفى بروفنسال	ت: على عبدالرؤوف البمبي
۲۶۶– الغليان	لاورا إسكيبيل	ت: نادية جمال الدين محمد
ه ۲۲– نساء مقاتلات	إليزابيتا أديس	ت: توفيق على منصور
٢٤٦- مختارات قصصية	جابرييل جارثيا ماركث	ت: على إبراهيم على منوفي
٢٤٧- التَّقافة الجماهيرية والحداثة في مصر	والتر إرمبريست	ت: محمد طارق الشرقاوي
٢٤٨- حقول عدن الخضراء	أنطونيو جالا	ت: عبداللطيف عبدالحليم عبدالله
٢٤٩- لغة التمزق	دراجو شتامبوك	ت: رفعت سىلام
٢٥٠– علم اجتماع العلوم	دومنييك فينيك	ت: ماجدة محسن أباظة
١٥١- موسوعة علم الاجتماع (ج٢)	جوردن مارشال	ت: بإشراف: محمد الجوهرى
٢٥٢– رائدات الحركة النسوية المصرية	مارجو بدران	ت: على بدران
٢٥٢– تاريخ مصر الفاطمية	ل. أ. سىمىنوڤا	ت: حسن بيومي
٤٥٢- الفلسفة	ديڤ روبنسون وجودى جروفز	ت: إمام عبد الفتاح إمام
ه ۲۵– أفلاطون	دیف روبنسون وجودی جروفز	ت: إمام عبد الفتاح إمام

ت: إمام عبد الفتاح إمام	ديف روينسون ، كريس جرات	۲۵۱- دیکارت
ت: محمود سيد أحمد	وليم كلى رايت	٢٥٧– تاريخ الفلسفة الحديثة
ت: عُباده كُحيلة	سير أنجوس فريزر	۲۵۸- الغجر
ت: فاروجان كازانجيان	اقلام مختلفة	٢٥٩ مختارات من الشعر الأرمني عبر العصور
ت: باشراف: محمد الجوهرى	جوردن مارشال	٢٦٠- موسوعة علم الاجتماع ج٣
ت: إمام عبد الفتاح إمام	زكى نجيب محمود	۲٦١- رحلة في فكر زكى نجيب محمود
ت: محمد أبو العطا عبد الرؤوف	إدوارد مندوثا	٢٦٢– مدينة المعجزات
ت: على يوسف على	چون جريين	٢٦٢– الكشف عن حافة الزمن
ت: لویس عوض	هوراس/ شلی	٢٦٤– إبداعات شعرية مترجمة
ت: لویس عوض	أوسكار وايلد وصموئيل جونسون	٢٦٥- روايات مترجمة
ت: عادل عبدالمنعم سويلم	جلال آل أحمد	٢٦٦– مدير المدرسة
ت: ماهر البطوطي	ديفيد لودچ	٢٦٧- فن الرواية
ت: إبراهيم الدسوقي شتا	جلال الدين الرومي	۲٦٨– ديوان شمس تبريز <i>ي</i> ج٢
ت: صبری محمد حسن	وليم چيفور بالجريف	٢٦٩- وسط الجزيرة العربية وشرقها ج١
ت: صبری محمد حسن	وليم چيفور بالجريف	٢٧٠- وسط الجزير العربية وشرقها ج٢
ت: شوقى جلال	توماس سىي. باترسون	٢٧١– الحضارة الغربية
ت: إبراهيم سلامة	س. س والترز	٢٧٢ – الأديرة الأثرية في مصر
ت: عنان الشبهاوي	جوان أر. لوك	٢٧٢ - الاستعمار والثورة في الشرق الأوسط
ت: محمود مکی	رومولو جلاجوس	٣٧٤– السيدة باربارا
ت: ماهر شفيق فريد	أقلام مختلفة	٣٧٥- ت. س إليوت شاعرا وناقدا وكاتبا مسرحيا
ت: عبد القادر التلمساني	فرانك جوتيران	٢٧٦– فنون السينما
ت: أحمد فوزى	بريان غورد	٢٧٧– الچينات: الصراع من أجل الحياة
ت: ظريف عبدالله	إسحق عظيموف	۲۷۸- البدایات
ت: طلعت الشايب	ف.س. سوندرز	٢٧٩– الحرب الباردة الثقافية
ت: سمير عبدالحميد	بريم شند وأخرون	۲۸۰ من الأدب الهندي الحديث والمعاصر
ت: جلال الحفناوي	مولانا عبد الحليم شرر الكهنوى	۲۸۱– الفردوس الأعلى
ت: سمير حنا صادق	لويس ولبيرت	٢٨٢- طبيعة العلم غير الطبيعية
ت: على البمبي	خوان رولفو	۲۸۲– السهل يحترق
ت: أحمد عتمان	يوريبيدس	۲۸۶- هرقل مجنونا
ت: سمير عبد الحميد	حسن نظامي	٢٨٥ - رحلة الخواجة حسن نظامي
ت: محمود سالامة علاوي	زين العابدين المراغي	٢٨٦- رحلة إبراهيم بك ج٢
ت: محمد يحيى وأخرون	انتونى كنج	٢٨٧- الثقافة والعولمة والنظام العالمي
ت: ماهر البطوطي	ديفيد لودج	۲۸۸– الفن الرواثي
ت: محمد نور الدين عبدالمنعم	أبو نجم أحمد بن قوص	۲۸۹- ديوان منجوهري الدامغاني
ت: أحمد زكريا إبراهيم	جورج مونان	٢٩٠- علم اللغة والترجمة
ت: السيد عبد الظاهر	فرانشسكو رويس رامون	٢٩١– المسرح الإسباني في القرن العشرين ج١
ت: السيد عبد الظاهر	فرانشسكو رويس رامون	٢٩٢ – المسرح الإسباني في القرن العشرين ج٢

ت: نخبة من المترجمين	روجر ألان	٢٩٣- مقدمة للأدب العربي
ت: رجاء ياقوت صالح	بوالو	۲۹۶– فن الشعر
ت: بدر الدين حب الله الديب	جوزيف كامبل	٣٩٥ سلطان الأسطورة
ت: محمد مصطفى بدوى	وليم شكسبير	۲۹۱ مکبث
ت: ماجدة محمد أنور	ديونيسيوس ثراكس - يوسف الأهواني	٢٩٧– غن النحو بين اليونانية والسريانية
ت: مصطفی حجازی السید	أبو بكر تفاوابليوه	۲۹۸– مأساة العبيد
ت: هاشىم أحمد فؤاد	جين ل. ماركس	٢٩٩- ثورة التكنولوجيا الحيوية
ت: جمال الجزيري وبهاء چاهين	لویس عوض	٣٠٠- أسطورة برومثيوس مجا
ت: جمال الجزيري و محمد الجندي	لويس عوض	۲۰۱ أسطورة برومثيوس مج٢
ت: إمام عبد الفتاح إمام	جون هیتون وجودی جروفز	۳۰۲– فنجنشتين
ت: إمام عبد الفتاح إمام	جين هوب وبورن فان لون	۲۰۲ بوذا
ت: إمام عبد الفتاح إمام	ريوس	۲۰۶– مارکس
ت: صلاح عبد الصبور	كروزيو مالابارته	٣٠٥- الجلا
ت: نبيل سعد	چان – فرانسوا ليوتار	٣٠٦- الحماسة - النقد الكانطى للتاريخ
ت: محمود محمد أحمد	ديفيد بابينو	٣٠٧- الشعور
ت: ممدوح عبد المنعم أحمد	ستيف جونز	٣٠٨– علم الوراثة
ت: جمال الجزيري	أنجوس چيلاتي	٢٠٩– الذهن والمخ
ت: محيى الدين محمد حسن	ناجی مید	۲۱۰- يونج
ت: فاطمة إسماعيل	كولنجوود	٣١١– مقال في المنهج الفلسفي
ت:أسعد حليم	ولیم دی بویز	٣١٢– روح الشعب الأسبود
ت: عبدالله الجعيدي	خابیر بیان	٣١٣– أمثال فلسطينية
ت: هويدا السباعي	جينس مينيك	۲۱۶– الفن كعدم
ت: كاميليا صبحى	ميشيل بروندينو	٣١٥– جرامشي في العالم العربي
ت: نسیم مجلی	اً .ف. سىتون	٣١٦- محاكمة سقراط
ت: أشرف الصباغ	شير لايموفا- زنيكين	۲۱۷– بلا غد
ت: أشرف الصباغ	نخبة	٣١٨ الأدب الروسي في السنوات العشر الأخيرة
ت: حسام نايل	جايتر ياسبيفاك وكرستوفر نوريس	۳۱۹– صبور دریدا
ت: محمد علاء الدين منصور	محمد روشن	٣٢٠– لمعة السراج في حضرة التاج
ت: نخبة من المترجمين	ليفى برو فنسال	٣٢١– تاريخ إسبانيا الإسلاميةج٢
ت: خالد مفلح حمزه	دبليو يوجين كلينباور	٣٢٢– وجهات غربية حديثة في تاريخ الفن
ت: هانم سليمان	تراث يوناني قديم	٣٢٣- فن الساتورا
ت: محمود سلامة علاوى	أشرف أسدى	٣٢٤– اللعب بالنار
ت: كرستين يوسف	فيليب بوسان	و٣٢٦- عالم الآثار
ت: حسن صقر	جورجين هابرماس	٣٢٦- المعرفة والمصلحة
ت: توفیق علی منصور	نخبة	٣٢٧- مختارات شعرية مترجمة
ت: عبد العزيز بقوش	نور الدين عبد الرحمن بن أحمد	٣٢٨- يوسف وزليخا
ت: محمد عيد إبراهيم	تد هیوز	٣٢٩- رسائل عيد الميلاد
ت: سامی صلاح	مارفن شبرد	٣٣٠- كل شيء عن التمثيل الصامت

ت: سامية دياب	ستیفن جرا <i>ی</i>	٣٣١– عندما جاء السردين
ت: على إبراهيم على منوفى	نخبة	٣٣٢- القصة القصيرة في إسبانيا
ت: بكر عباس	نبیل مطر	-روسالم في بريطانيا ٣٣٢- الإسلام في بريطانيا
ت: مصطفی فهمی	آرٹر ،س کلارك آرٹر ،س کلارك	٢٣٤ - لقطات من المستقبل
ت: فتحى العشري	ناتالي ساروت	٣٣٥- عصر الشك
ت: حسن صابر	نصوص قديمة	٣٣٦- متون الأهرام
ت: أحمد الأنصاري	جوزایا رویس جوزایا رویس	٣٢٧- فلسفة الولاء
ت: جلال السعيد الحفناوي	نخبة	٣٣٨– قصص قصيرة من الهند
ت: محمد علاء الدين منصور	على أصغر حكمت	٣٣٩- تاريخ الأدب في إيران جـ٣
ت: فخرى لبيب	بيرش بيربيروجلو	٣٤٠- اضطراب في الشرق الأوسط
ت: حسن حلمي	راینر ماریا رلکه	۳٤۱– قصائد من رلکه
ت: عبد العزيز بقوش	نور الدين عبدالرحمن بن أحمد	٣٤٢ سىلامان وأبسيال
ت: سمیر عبد ربه	نادين جورديمر	٣٤٣- العالم البرجوازي الزائل
ت: سمير عبد ربه	بيتر بلانجوه	٣٤٤- الموت في الشمس
ت: يوسف عبد الفتاح فرج	بونه ندائى	٣٤٥– الركض خلف الزمن
ت: جمال الجزيري	رشاد رشدی	٣٤٦– سحر مصر
ت: بكر الحلو	جان كوكتو	٣٤٧- الصبية الطائشون
ت: عبدالله أحمد إبراهيم	محمد فؤاد كوبريلى	٣٤٨- المتصوفة الأولون في الأدب التركي جـ ١
ت: أحمد عمر شاهين	أرثر والدرون وأخرون	٣٤٩- دليل القارئ إلى الثقافة الجادة
ت: عطية شحاتة	أقلام مختلفة	٣٥٠- بانوراما الحياة السياحية
ت: أحمد الانصاري	جوزايا رويس	۲۵۱– مبادئ المنطق
ت: نعيم عطية	قسطنطين كفافيس	۲۵۲– قصائد من كفافيس
ت: على إبراهيم على منوفى	باسيليو بابون مالدوناند	٣٥٣– الفن الإسلامي في الأندلس (الزخرفة الهندسية)
ت: على إبراهيم على منوفي	باسيليو بابون مالدوناند	٤ ٣٥٠– الفن الإسلامي في الأندلس (الزخرفة النباتية)
ت: محمود سىلامة علاوى	حجت مرتضى	٣٥٥- التيارات السياسية في إيران
ت: بدر الرفاعي	بول سالم	۲۵۲- الميراث المر
ت: عمر الفاروق عمر	نصوص قديمة	۲۵۷– متون هیرمیس
ت: مصطفی حجاری السید	نخبة	٣٥٨– أمثال الهوسيا العامية
ت: حبيب الشاروني	أفلاطون	۲۵۹– محاورات بارمنیدس
ت: ليلي الشربيني	أندريه جاكوب ونويلا باركان	٣٦٠- أنثروبولوچيا اللغة
ت: عاطف معتمد وأمال شاور	ألان جرينجر	٣٦١- التصحر: التهديد والمجابهة
ت: سيد أحمد فتح الله	هاينرش شبورال	۲٦٢– تلميذ بابنيبرج
ت: صبری محمد حسن	ريتشارد جيبسون	٣٦٣– حركات التحرر الأفريقي
ت: نجلاء أبو عجاج	إسماعيل سراج الدين	٣٦٤– حداثة شكسبير
ت: محمد أحمد حمد	شارل بودلير	۲۲۵– سأم باريس
ت: مصطفی محمود محمد	كالاريسا بنكولا	٣٦٦- نساء يركضن مع الذئاب
ت: البراق عبدالهادي رضا	نخبة	٣٦٧- القلم الجرىء
ت: عابد خزندار	جيرالد برنس	٣٦٨– المصطلح السردى

ت: فوزية العشماوي فوزية العشماوي ٣٦٩ - المرأة في أدب نجيب محفوظ ت: فاطمة عبدالله محمود ٣٧٠ - الفن والحياة في مصر الفرعونية كليرلا لويت محمد فؤاد كوبريلي ٣٧١- المتصوفة الأولون في الأدب التركي ج٢ ت: عبدالله أحمد إبراهيم ت: وحيد السعيد عبدالحميد وانغ مينغ ٣٧٢– عاش الشياب ت: على إبراهيم على منوفي أمبرتو إيكو ٣٧٣- كيف تعد رسالة دكتوراه ت: حمادة إبراهيم ٢٧٤- اليوم السادس أندريه شديد ه۲۷– الخلود ت: خالد أبو اليزيد ميلان كونديرا ت: إدوار الخراط نخىة ٣٧٦ - الغضب وأحلام السنين على أصغر حكمت ت: محمد علاء الدين منصور ٣٧٧- تاريخ الأدب في إيران جـ٤ ت: يوسف عبدالفتاح فرج محمد إقبال ۲۷۸– المسافر سنىل باث ٣٧٩ ملك في الحديقة ت: جمال عبدالرحمن -٢٨٠ حديث عن الخسارة ت: شيرين عبدالسلام جونتر جراس ٢٨١- أساسيات اللغة ت: رانيا إبراهيم يوسف ر. ل. تراسك ت: أحمد محمد نادى ۲۸۲ - تاریخ طبرستان بهاء الدين محمد إسفنديار ت: سمير عبدالحميد إبراهيم ٣٨٣– هدية الحجاز محمد إقبال ت: إيزابيل كمال ٣٨٤- القصص التي يحكيها الأطفال سوزان إنجيل ت: يوسف عبدالفتاح فرج محمد على بهزادراد ٣٨٥- مشتري العشق ٣٨٦- دفاعًا عن التاريخ الأدبى النسوى ت: ريهام حسين إبراهيم جانيت تود ٣٨٧-- أغنيات وسيوناتات ت: بهاء چاهين چون دن ت: محمد علاء الدين منصور سعدى الشيرازي ٣٨٨ - مواعظ سعدى الشيرازي ٣٨٩ من الأدب الباكستاني المعاصر ت: سمير عبدالحميد إبراهيم نخىة ٣٩٠ الأرشيفات والمدن الكبرى ت: عثمان مصطفى عثمان نخبة ٣٩١ - الحافلة اللينكية مايف بينشى ت: منى الدروبي ت: عبداللطيف عبدالحليم نخبة ٣٩٢ - مقامات ورسائل أندلسية ٣٩٢- في قلب الشرق ت: نخبة ندوة لويس ماسينيون ت: هاشم أحمد محمد ٣٩٤ - القوى الأساسية الأربع في الكون بول ديفيز ت: سليم حمدان إسماعيل فصيح ۳۹۵–آلام سىياوش ت: محمود سلامة علاوي ٣٩٦ السافاك تقی نجاری راد ت: إمام عبدالفتاح إمام لورانس جين ۳۹۷– نىتشە ۳۹۸– سارتر ت: إمام عبدالفتاح إمام فيليب تودى ت: إمام عبدالفتاح إمام ۳۹۹– کامی ديفيد ميروفتس ت: باهر الجوهري مشيائيل إنده ٠٠٠ – مومو ٤٠١- الرياضيات ت: ممدوح عبد المنعم زيادون ساردر

> التنفيذ والطباعة: التنفيذ الميدان سفنكس - المهندسين 11 ميدان سفنكس - المهندسين تليفون: 3448824 - 3034408





## Introducing... Mathematics

Ziauddin Sardar Jerry Ravetz Borin Van Loon

## أفدم لك ... حده السلسلة!

ليست أفكار الفلسفة هي وحدها الغامضة، بل هناك أيضاً كثرة كثيرة من الأفكار العلمية - في جميع العلوم تقريباً بلا استثناء - يصعب على القارئ غير المتخصص أن يستوعبها بسهولة، ومن ثم فهي تحتاج إلى شرح وإيضاح بالرسوم والصور فما هو الشعور واللا شعور؟ وما هو الفرق بين الذهن والمخ، وكيف نتعامل معهما. وما هي الوراثة والمورثات؟ وما الرياضيات، ولماذا كانت غامضة بالنسبة لمعظم الناس؟

كما أننا نحتاج إلى أن نعرف شيئًا عن كبار من العلماء بطريقة مبسطة - عن فرويد ويونج وكلاين ونيوتن وهوكنج .... الخ.

وإذا كانت الأعداد الستة الأولى من هذه السلسلة قد عرضت لمجموعة من الفلاسفة لاستجلاء غوامض أفكارهم عن طريق الرسوم، والصور، والأشكار التوضيحية، فأننا نفعل الشئ نفسه بالنسبة للأفكار العلمية، عن الشعور، واللاشعور، والذهن، والمخ .... الخ. وغيرها من أفكار وإننا نأمل أن يجد فيها القارئ نفس المتعة السابقة.

